

Prof BADR-EZZAMANE MUSTAPHA

Préparation concours
médecine, pharmacie
et dentaire

Mathématiques

EPREUVE DE MATHÉMATIQUES (30 minutes)

Question 1 : L'espace est rapporté à un repère orthonormé direct $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$. On considère le point $G(1, 2, -1)$, la droite $(\Delta) : x = y - 1 = z + 1$ et le plan $(P) : 2x - y + z - 1 = 0$

A : La droite (Δ) est contenue dans le plan (P)	B : La distance de G à (P) est 3
C : (Δ) et (P) sont orthogonaux	D : (Δ) et (P) sont parallèles
E : La distance de G à (Δ) est $\sqrt{\frac{2}{3}}$	

Question 2 : (u_n) est une suite réelle définie par : $u_1 = 1$ et $u_{n+1} = \frac{2}{n} u_n$ pour $n \in \mathbb{N}^*$

A : (u_n) est une suite géométrique de raison $\frac{2}{n}$	B : (u_n) est une suite croissante
C : (u_n) est une suite minorée par $\frac{1}{4}$	D : $\forall n \in \mathbb{N}^*; u_n = \frac{2^{n-1}}{(n-1)!}$
E : Les suggestions précédentes sont fausses	

Question 3 : On pose $S = 327 + 338 + 349 + 360 + 371 + 382 + 393 + 404 + \dots + 767$

A : S est pair	B : $S = 22427$
C : $S = 22417$	D : $S > 22447$
E : $S < 22426$	

Question 4 : on considère dans l'ensemble des nombres complexes le nombre $z = 1 - \frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2}i$

A : $z^2 = 1 + i$	B : $ z = 2 \cos \frac{5\pi}{8}$
C : $z^8 = -(2 \cos \frac{5\pi}{8})^8$	D : $z^8 = (2 \cos \frac{5\pi}{8})^8$
E : $\arg(z) \equiv \frac{3\pi}{4} [2\pi]$	

Question 5 : On pose $u = \cos\left(\frac{2\pi}{7}\right) + i \sin\left(\frac{2\pi}{7}\right)$

A : $1 + u = 2\bar{u}$	B : $1 + u + u^2 + u^3 + u^4 + u^5 + u^6 = -1$
C : $1 + u + u^2 + u^3 + u^4 + u^5 + u^6 = 2$	D : $\frac{1-u}{1+u}$ est un nombre réel
E : Les suggestions précédentes sont fausses	

Question 6 : Un sac contient 3 boules blanches, 3 boules noires et 3 boules rouges indiscernables au toucher. On tire successivement avec remise 4 boules du sac. La probabilité d'avoir les trois couleurs est :

A : $\frac{4}{9}$	B : $\frac{1}{27}$
C : $\frac{1}{81}$	D : $\frac{4}{27}$
E : Les suggestions précédentes sont fausses	

Question 7 : On considère l'équation différentielle suivante : $y'' - 6y' + 9y = 0$

La solution de cette équation qui vérifie $y(0) = 3$ et $y'(0) = 10$ est :

A : $y(x) = e^x(2x + 3) + 5x$	B : $y(x) = e^{2x}(x + 3) + x$
C : $y(x) = e^{3x}(3 - x) + 2x$	D : $y(x) = e^{3x}(x + 10) - 7$
E : $y(x) = e^{3x}(x + 3)$	

Question 8 : On pose : $I = \int_{\frac{1}{2}}^1 (2x - 1)^4 dx$; $J = \int_1^e \frac{2}{x(2+\ln x)^3} dx$; $K = \int_0^\pi \cos(x) \sin(x) \cos(2x) dx$

A : $I = 1$	B : $J = \frac{7}{36}$
C : $K = 0$	D : $K = \frac{1}{2}$
E : Les suggestions précédentes sont fausses	

Question 9 : On considère la fonction f définie de \mathbb{R} vers \mathbb{R} par $f(x) = \sqrt{(1-x)(1-e^x)}$

A : L'ensemble de définition de f est $]-\infty; 0]$	B : L'ensemble de définition de f est \mathbb{R}
C : f est croissante sur $]-\infty; 0[$	D : f est décroissante sur $]-\infty; 0[$
E : f est dérivable en 1 à droite	

Question 10 : Le Plan est rapporté à un repère orthonormé. la fonction f est définie de

\mathbb{R} vers \mathbb{R} par : $f(x) = \frac{1-e^x}{1-\ln x}$

A : la courbe de f présente une branche parabolique de direction l'axe des ordonnées au voisinage de $+\infty$	B : la fonction f est positive sur Df
C : la pente de la tangente à la courbe en 1 est 1	D : la tangente à la courbe en 1 est parallèle à l'axe des abscisses
E : Les suggestions précédentes sont fausses	

(On rappelle que \ln désigne la fonction logarithme népérien et e sa base)

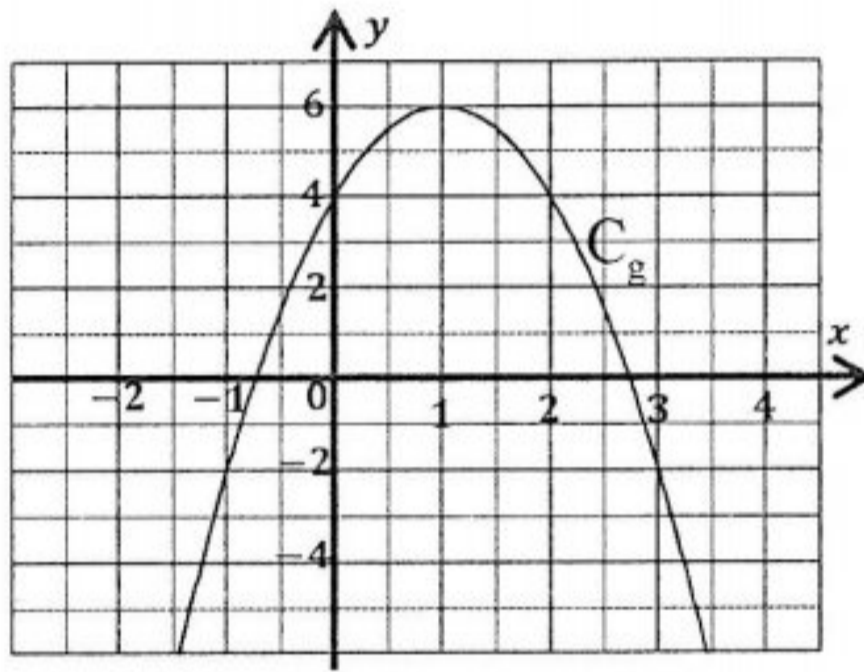
مادة الرياضيات (30 د)

السؤال 1: لتكن f الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة بما يلي: $f(x) = \frac{e^2}{x+1} + \frac{e \ln(x+1)}{(x+1)^2}$ و C_f المنحنى الممثل لها في معلم

متعامد ممنظم $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

<p>A. مجال تعريف الدالة $f(x)$ هو: $D_f =]1; +\infty[$.</p> <p>B. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -e$.</p> <p>C. المساحة S (بوحد قياس المساحة) للحيز المستوي المحصور بين C_f و محور الأفاصيل و المستقيمين $x=0$ و $x=1$ هي: $\frac{1}{2}(e + (2e-1)\ln 2) \text{ u.a}$.</p> <p>D. المساحة S (بوحد قياس المساحة) للحيز المستوي المحصور بين C_f و محور الأفاصيل و المستقيمين $x=0$ و $x=1$ هي: $\frac{1}{2}(1 + (2e-1)\ln 2) \text{ u.a}$.</p> <p>E. المساحة S (بوحد قياس المساحة) للحيز المستوي المحصور بين C_f و محور الأفاصيل و المستقيمين $x=0$ و $x=1$ هي: $\frac{e}{2}(1 + (2e-1)\ln 2) \text{ u.a}$.</p>	<p>A. المماس للشلجم الذي يمثل الدالة g المعرفة على \mathbb{R} في النقطة ذات الأفاصول 1 هو $x=6$.</p> <p>B. مشتقة الدالة g المعرفة على \mathbb{R} هي: $g'(x) = 4x - 4$.</p> <p>C. $\lim_{x \rightarrow +\infty} (g(x) - x) = +\infty$.</p> <p>D. $\int_{-1}^0 g(x) dx$ سالب.</p> <p>E. جميع الأجوبة المقترحة خاطئة.</p>
--	---

السؤال 2: جانبه الشلجم الذي يمثل الدالة g المعرفة على \mathbb{R} .



<p>A. المماس للشلجم في النقطة ذات الأفاصول 1 هو $x=6$.</p> <p>B. مشتقة الدالة g المعرفة على \mathbb{R} هي: $g'(x) = 4x - 4$.</p> <p>C. $\lim_{x \rightarrow +\infty} (g(x) - x) = +\infty$.</p> <p>D. $\int_{-1}^0 g(x) dx$ سالب.</p> <p>E. جميع الأجوبة المقترحة خاطئة.</p>

السؤال 3: اختر الجواب الصحيح:

<p>A. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^{20} + (x+1)^{20} + (x+2)^{20} + \dots + (x+100)^{20}}{x^{20} + 100^{20}} = +\infty$</p> <p>B. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^{20} + (x+1)^{20} + (x+2)^{20} + \dots + (x+100)^{20}}{x^{20} + 100^{20}} = 100$</p> <p>C. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x + \sqrt{x + \sqrt{x}}} - \sqrt{x + \sqrt{x}} = +\infty$</p>	<p>D. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x + \sqrt{x + \sqrt{x}}} - \sqrt{x + \sqrt{x}} = 0$</p> <p>E. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x^4 + 1} - x^2}{\sqrt{x^2 + \sqrt{x^4 + 1}} + x\sqrt{2}} = 1$</p>
---	---

السؤال 4: في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقط التالية: $A(3, -1, 5)$ و $B(-2, 2, 3)$ و $C(-1, -2, 4)$ و $S(5, 8, 4)$.

<p>A. \vec{AC} و \vec{AB} مستقيمية (colinéaires).</p> <p>B. المثلث ABC متساوي الأضلاع.</p> <p>C. المستويان (ABC) و (ABS) متطابقان (confondus).</p> <p>D. $\vec{AS} = 3\vec{AC} + 2\vec{AB}$.</p> <p>E. جميع الأجوبة المقترحة خاطئة.</p>
--

السؤال 5: ليكن z و z' عدنان عقديان: $z = \sqrt{3} - i$ و $z' = (1+i)z$.

<p>A. $z' = \sqrt{3} + 1 + (1 - \sqrt{3})i$</p> <p>B. $z = 2e^{i\frac{5\pi}{6}}$</p> <p>C. $z = \sqrt{2} z'$</p> <p>D. $\tan \frac{\pi}{12} = 2 - \sqrt{3}$</p> <p>E. $\sin \frac{\pi}{12} = \frac{\sqrt{3} + 1}{2\sqrt{2}}$</p>

السؤال 6 : المستوى منسوب إلى معلم متعامد و ممنظم $(O; \vec{i}, \vec{j})$ بحيث $\|\vec{i}\| = 2 \text{ cm}$. نرمل I بالمجال $]0; +\infty[$.

لتكن h_0 الدالة المعرفة على I بما يلي: $h_0(x) = \frac{1}{x}$.

لكل من العدد الحقيقي n و $x \in I$ ، نضع $h_{n+1}(x) = \frac{1}{x} \int_1^x h_n(t) dt$ و نرمل C_n للمنحنى الممثل ل $h_n(x)$ في المعلم $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

A. $h_1(x) = x \ln x$	D. $\lim_{x \rightarrow 0} h_1(x) = 0$
B. $h_0(x)$ تزايدية على I .	E. جميع الأجوبة المقترحة خاطئة.
C. تأخذ الدالة $h_1(x)$ قيمة دنوية على المجال I .	

السؤال 7 : نأخذ نفس معطيات السؤال السابق.
يمثل C_0 و C_1 منحنى $h_0(x)$ و $h_1(x)$ على التوالي.

A. المنحنيان C_0 و C_1 لا يتقاطعان.
B. $h_1'(x) \geq 0$ على I .
C. $h_2(x) = \frac{1}{2} \left(\frac{\ln x}{x} \right)^2$.
D. مساحة الحيز المحصور بين C_0 و C_1 و المستقيمين المعرفين على التوالي بالمعادلتين $x=1$ و $x=e^2$ هي 4 cm^2 .
E. مساحة الحيز المحصور بين C_0 و C_1 و المستقيمين المعرفين على التوالي بالمعادلتين $x=1$ و $x=e^2$ هي 1 cm^2 .

السؤال 8 : اختر الجواب الصحيح:

A. عدد الأعداد المكونة من ثلاثة أرقام مختلفة من بين الأرقام $1, 3, 6, 8, 9$ هو 24.	D. عدد حلول المعادلة $\ln^2 x - 2\ln x = 0$ هو 2.
B. حل المعادلة $2C_n^2 + 3C_n^3 = 3n$ هو $n=4$.	E. مجموع حلول النظام: $\begin{cases} xy=2 \\ \ln x + \ln y=3 \end{cases}$ هو مجموعة فارغة.
C. عدد حلول المعادلة $\ln^2 x - 2\ln x = 0$ هو حل واحد.	

السؤال 9 : لتكن المتتالية (u_n) المعرفة على \mathbb{N}^* كما يلي: $u_n = \ln\left(\frac{n+1}{n}\right)$.

نضع $v_n = u_1 + u_2 + \dots + u_n$ و $w_n = u_n + u_{n+1} + \dots + u_{2n}$.

A. (u_n) تزايدية.	D. (w_n) تنتهي إلى $\ln 2$.
B. (v_n) تنتهي إلى 0.	E. (w_n) تنتهي إلى 2.
C. (v_n) تنتهي إلى 1.	

السؤال 10 : اختر الجواب الصحيح:

A. $\int_0^{\sqrt{8}} \frac{3x^3}{\sqrt{1+x^2}} dx = 34$	C. $16 \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos^4 x dx = 3\pi$	E. جميع الأجوبة المقترحة خاطئة.
B. $\int_0^{\sqrt{8}} \frac{3x^3}{\sqrt{1+x^2}} dx = 36$	D. $16 \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos^4 x dx = 6\pi$	

مادة الرياضيات (30 د)

السؤال 1 : نضع $A = 1 + \cos\left(\frac{\pi}{5}\right) + \cos\left(\frac{2\pi}{5}\right) + \dots + \cos\left(\frac{9\pi}{5}\right)$ و $B = \sin\left(\frac{\pi}{5}\right) + \sin\left(\frac{2\pi}{5}\right) + \dots + \sin\left(\frac{9\pi}{5}\right)$

نعتبر العدد العقدي z بحيث $z = A + iB$. العدد العقدي z يساوي:

.A $z=0$.C $z=\frac{1}{2}$.D $z=2i$
.B $z=-2i$.E جميع الأجوبة المقترحة خاطئة.

السؤال 2 : لتكن f الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة بما يلي : $f(x) = 2 \ln(x^2 - 2x + 2)$

.A مجال تعريف f هو $D_f = \mathbb{R}^+$.C $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = 0$.E $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = \ln 2$
.B $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$.D $f'(x) = \frac{x(4-x)}{((x-1)^2 + 1)^2}$	

السؤال 3 : نعتبر $I = \int_0^1 5e^t \cos(2t) dt$ و $J = 5 \int_0^1 e^t \sin(2t) dt$

.A $2J - I = e \cos(2) - 1$.C $J = 2 + e \sin(2) - 2e \cos(2)$.E جميع الأجوبة المقترحة خاطئة.
.B $2I + J = 1 - e \sin(2)$.D $I = 2 + e \cos(2) - 2 \sin(2)$	

السؤال 4 : إذا كانت دالة f معرفة عند a ، فقطعا :

.A f متصلة في a	.C $\frac{1}{f}$ معرفة عند a	.E جميع الأجوبة المقترحة خاطئة.
.B $\ln(f)$ معرفة عند a	.D $\frac{1}{e^f}$ معرفة عند a	

السؤال 5 : المستوى العقدي منسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{u}, \vec{v})$. نعتبر النقط A و B الحاقها على التوالي : $z_A = 1$ و

$z_B = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$. لتكن C ماثلة للنقطة B بالنسبة لمحور الأفاصيل.

.A اللق z_C للنقطة C هو	.B المثلث ABC متساوي الأضلاع.	.D المثلث ABC متساوي الساقين .
.C $z_C = \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i$.C المعيار $ z_B - z_A = \sqrt{2}$.E اللق z_C للنقطة C هو $z_C = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$

السؤال 6 : اختر الجواب الصحيح :

.A حل المعادلة التفاضلية $y'' - 2y' - 8y = 0$ بحيث $y(0) = 1$ و $y'(0) = 2$ هو $y = e^{-2x} + 2e^{4x}$.D مجموع النقط $M(x, y, z)$ من الفضاء بحيث $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y + 2z + 3 = 0$ فلكة.
.B يساوي العدد $(e^{i\theta})^m$ مع $m \in \mathbb{N}$ و $\theta \in \mathbb{R}$ ، $\cos(\theta^m) + i \sin(\theta^m)$.E مجموع النقط $M(x, y, z)$ من الفضاء بحيث $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y + 2z + 3 = 0$ مجموعة فارغة.
.C يساوي العدد $(e^{i\theta})^m$ مع $m \in \mathbb{N}$ و $\theta \in \mathbb{R}$ ، $m(\cos(\theta) + i \sin(\theta))$	

السؤال 7 : نعتبر الدالة $f_n(x)$ معرفة ب: $f_n(x) = nxe^{-nx}$ بالنسبة ل $x \in [0; +\infty[$ مع n عدد حقيقي حيث $n \geq 1$. نسمي C_n المنحنى الممثل لها في معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

.A $\lim_{x \rightarrow +\infty} f_n(x) = +\infty$.C $\lim_{x \rightarrow +\infty} f_n(x) = n$.E جميع الأجوبة المقترحة خاطئة.
.B $\lim_{x \rightarrow +\infty} f_n(x) = -\infty$.D $f'_n(x) = ne^{-nx}(nx-1)$	

السؤال 8 : نأخذ نفس معطيات السؤال السابق.

.A للمنحنى C_n مقارب معادلته $y=1$.D تأخذ الدالة $f_n(x)$ قيمة قصوية عند نقطة احدائياتها $(\frac{1}{n}; \frac{1}{e})$
.B للمنحنى C_n مقارب معادلته $y=e$.E تأخذ الدالة $f_n(x)$ قيمة قصوية عند نقطة احدائياتها $(\frac{1}{e}; -\frac{1}{n})$
.C تأخذ الدالة $f_n(x)$ قيمة قصوية عند نقطة احدائياتها $(\frac{1}{e}; \frac{1}{n})$	

السؤال 9 : نعتمد نفس معطيات السؤال 7. نرمز ل C_1 و C_2 للمنحنيين الممثلين ل $f_1(x)$ و $f_2(x)$ الموافقتين ل $n=1$ و $n=2$.

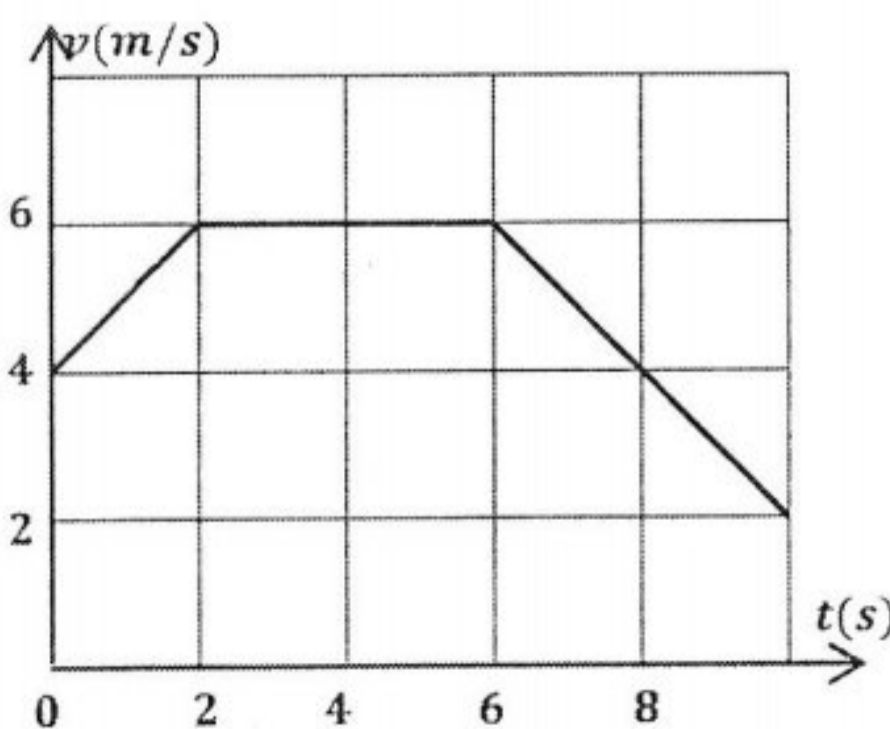
.A يتقاطع المنحنيان C_1 و C_2 عند نقطتين P و Q أفصوليهما على التوالي $p=e^2$ و $q=\ln 4$.	.C المنحنيان C_1 و C_2 لا يتقاطعان.
.B في المجال $[\ln 2; +\infty[$ يكون C_2 تحت C_1 .	.D في المجال $]0; \ln 2[$ يكون C_2 تحت C_1 .
	.E يتقاطع المنحنيان C_1 و C_2 عند نقطتين P و Q أفصولهما على التوالي $p=e^2$ و $q=e$.

السؤال 10 : نعتمد نفس معطيات السؤال 7. مساحة الحيز المحصور بين C_1 و محور الأفاصل و المستقيمين المعرفين بالمعادلتين $x=0$ و $x=\ln 2$ هي :

.A $\frac{1}{2}(\ln 2 - 1)$.C $1 - \ln 2$.E جميع الأجوبة المقترحة خاطئة.
.B $\ln 2 - 1$.D $\frac{\ln 2}{2}$	

مادة الفيزياء (30 د)

السؤال 11 : ينتقل متحرك على محور (Ox) (مسار مستقيمي) في المنحنى الموجب. عند اللحظة $t=0$ ، يمر من النقطة O . يمثل منحنى الشكل جانبه تغيرات السرعة اللحظية للمتحرك بدلالة الزمن. خلال مدة الحركة (10s)، قطع المتحرك المسافة:



.A .66 m	.D .56 m
.B .62 m	.E جميع الأجوبة المقترحة خاطئة.
.C .50 m	

Epreuve des Mathématiques (30 min)

Question 1 : On pose $A=1+\cos\left(\frac{\pi}{5}\right)+\cos\left(\frac{2\pi}{5}\right)+\dots+\cos\left(\frac{9\pi}{5}\right)$ et $B=\sin\left(\frac{\pi}{5}\right)+\sin\left(\frac{2\pi}{5}\right)+\dots+\sin\left(\frac{9\pi}{5}\right)$.

On considère le nombre complexe $z=A+iB$. Le nombre complexe z est égale à :

A. $z=0$.	C. $z=\frac{1}{2}$.	D. $z=2i$.
B. $z=-2i$.	E. Toutes les réponses proposées sont fausses.	

Question 2 : Soit la fonction numérique f définie pour la variable réelle x par : $f(x)=2\ln(x^2-2x+2)$.

A. Le domaine de définition de f est : $D_f = \mathbb{R}^+$.	C. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = 0$.	E. $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = \ln 2$.
B. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$.	D. $f''(x) = \frac{x(4-x)}{((x-1)^2+1)^2}$.	

Question 3 : On considère $I = \int_0^1 5e^t \cos(2t) dt$ et $J = 5 \int_0^1 e^t \sin(2t) dt$

A. $2J - I = e \cos(2) - 1$.	C. $J = 2 + e \sin(2) - 2e \cos(2)$.	E. Toutes les propositions sont fausses.
B. $2I + J = 1 - e \sin(2)$.	D. $I = 2 + e \cos(2) - 2 \sin(2)$.	

Question 4 : Si une fonction f est définie en un point a , alors nécessairement :

A. f est continue en a .	C. $\frac{1}{f}$ est définie en a .	D. $\frac{1}{e^f}$ est définie en a .
B. $\ln(f)$ est définie en a .	E. Toutes les propositions sont fausses.	

Question 5 : Le plan complexe est muni d'un repère orthonormé $(O; \vec{u}, \vec{v})$.

On considère les points A et B d'affixes respectives $z_A = 1$ et $z_B = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$. Soit C le symétrique de B par rapport à l'axe des abscisses.

A. L'affixe z_C du point C est $z_C = \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i$.	B. Le triangle ABC est équilatéral.	D. Le triangle ABC est isocèle.
	C. Le module $ z_B - z_A = \sqrt{2}$	E. L'affixe z_C du point C est $z_C = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$.

Question 6 : Choisir la bonne réponse :

A. La solution de l'équation différentielle $y'' - 2y' - 8y = 0$ avec $y(0) = 1$ et $y'(0) = 2$ est $y = e^{-2x} + 2e^{4x}$.	D. L'ensemble des points dans l'espace $M(x, y, z)$ telle que $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y + 2z + 3 = 0$ est une sphère.
B. Le nombre $(e^{i\theta})^m$ avec $m \in \mathbb{N}$ et $\theta \in \mathbb{R}$ est égal à : $\cos(\theta^m) + i \sin(\theta^m)$.	E. L'ensemble des points dans l'espace $M(x, y, z)$ telle que $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y + 2z + 3 = 0$ est un
C. Le nombre $(e^{i\theta})^m$ avec $m \in \mathbb{N}$ et $\theta \in \mathbb{R}$ est égal à : $m(\cos(\theta) + i \sin(\theta))$.	

	ensemble vide .
--	-----------------

Question 7 : On considère la fonction $f_n(x)$ définie par :

pour tout réel $x \in [0 ; +\infty [$, $f_n(x) = nxe^{-nx}$ avec n un entier supérieur ou égal 1 ($n \geq 1$).

On note C_n la courbe représentative de $f_n(x)$ dans le plan rapporté a un repère orthogonal $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

A. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f_n(x) = +\infty$.	C. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f_n(x) = n$.	E. Toutes les propositions sont fausses.
B. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f_n(x) = -\infty$.	D. $f'_n(x) = ne^{-nx}(nx - 1)$.	

Question 8: On prend les mêmes données de la question précédente.

A. La courbe C_n admet l'asymptote dont l'équation est $y=1$.	C. $f_n(x)$ présente un maximum en un point de coordonnées $\left(\frac{1}{e}; \frac{1}{n}\right)$.	D. $f_n(x)$ présente un maximum en un point de coordonnées $\left(\frac{1}{n}; \frac{1}{e}\right)$.
B. La courbe C_n admet l'asymptote dont l'équation est $y=e$.		E. $f_n(x)$ présente un maximum en un point de coordonnées $\left(\frac{1}{e}; -\frac{1}{n}\right)$.

Question 9: On prend les mêmes données de la question 7.

On note C_1 et C_2 les courbes représentatives de $f_1(x)$ et $f_2(x)$ pour $n=1$ et $n=2$.

A. Les deux courbes C_1 et C_2 se coupent en deux points P et Q d'abscisses respectives $p=e^2$ et $q=\ln 4$.	D. Dans l'intervalle $]0; \ln 2[$, C_2 est en dessous de C_1 .
B. Dans l'intervalle $] \ln 2 ; +\infty [$, C_2 est en dessous de C_1 .	E. Les deux courbes C_1 et C_2 se coupent en deux points P et Q d'abscisses respectives $p=e^2$ et $q=e$.
C. Les deux courbes C_1 et C_2 ne se coupent pas .	

Question 10: On prend les mêmes données de la question 7.

L'aire du domaine compris entre C_1 et l'axe des abscisses et les droites définies par les équations $x = 0$ et $x = \ln 2$ est :

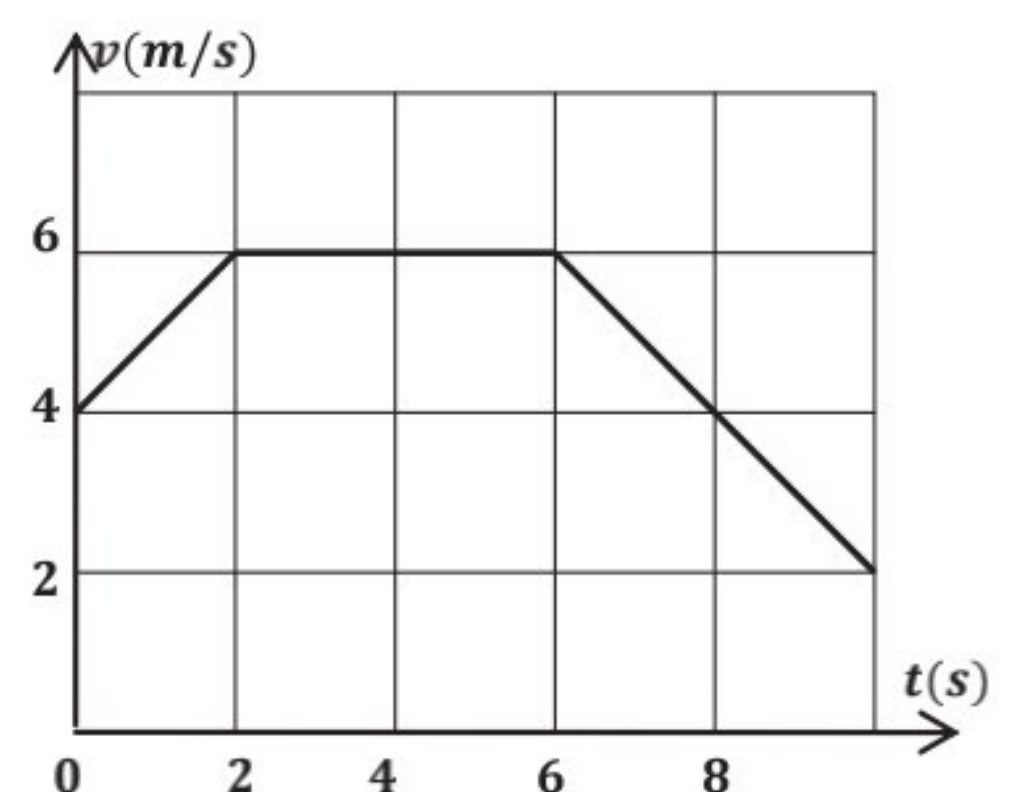
A. $\frac{1}{2}(\ln 2 - 1)$.	C. $1 - \ln 2$.	E. Toutes les réponses proposées sont fausses.
B. $\ln 2 - 1$	D. $\frac{\ln 2}{2}$.	

Epreuve de Physique (30 min)

Question 11 : Un mobile se déplace sur un axe (Ox) (trajectoire rectiligne) dans le sens positif. A l'instant $t=0$, il passe par le point O.

La courbe de la figure ci-jointe représente la variation de la vitesse instantanée du mobile en fonction du temps.

Pendant la durée du mouvement (10s), le mobile a parcouru une distance de :



A. 66 m.	D. 56 m.
B. 62 m.	E. Toutes les réponses proposées sont fausses.
C. 50 m.	

مادة الرياضيات (30 د)

السؤال 1 : ليكن n من \mathbb{N}^* : نعتبر المتتالية (V_n) المعرفة بما يلي : $V_n = \sin\left(\frac{\pi}{n}\right) + \sin\left(\frac{2\pi}{n}\right) + \dots + \sin\left(\frac{n-1}{n}\pi\right)$.

نعتبر العدد العقدي z بحيث : $z = \cos\left(\frac{\pi}{n}\right) + i \sin\left(\frac{\pi}{n}\right)$.

$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{V_n}{n} = 0$.E	$V_n = \frac{1}{\tan\left(\frac{\pi}{2n}\right)}$.C	$V = 1 + z + z^2 + \dots + z^{n-1} = 1 + i \tan\left(\frac{\pi}{2n}\right)$.A
	$V_n = \tan\left(\frac{\pi}{2n}\right)$.D	$V = 1 + z + z^2 + \dots + z^{n-1} = 1 + i \cos\left(\frac{\pi}{2n}\right)$.B

السؤال 2 : لتكن $S_n = \sum_{k=1}^n \frac{1}{k(k+1)}$ نضع $S = \sum_{n \geq 1} \frac{1}{n(n+1)}$

$S_n = 1 + \frac{1}{n+1}$.A	S متقاربة و مجموعها 1 .C	جميع الأجوبة المقترحة خاطئة .E
S متباعدة .B	S متقاربة و مجموعها n .D	

السؤال 3 : نعتبر المتتالية العددية المعرفة بما يلي : $u_0 = e^2 - 1$ و $u_{n+1} = (1 + u_n) \cdot e^{-2} - 1$ حيث n عدد حقيقي .

نضع $V_n = 3 \cdot (1 + u_n)$

$\ln V_0 + \ln V_1 + \dots + \ln V_n = (n+1)(2 - n + \ln 3)$.E	$u_n = e^{2n+2} - 1$.C	A. (u_n) تزايدية .
	$\lim_{n \rightarrow \infty} V_n = -1$.D	B. (V_n) متتالية حسابية .

السؤال 4 : نعتبر الدالة $f(x) = x - \frac{1-2\ln(1+x)}{x+1}$ و C_f المنحنى الممثل لها في معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

$f'(x) = \frac{x^2 + 2x + 4 - 2\ln(x+1)}{(x+1)^2}$.E	$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +1$.C	A. مجال تعريف الدالة $f(x)$ هو $[-1; +\infty[$
	$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -1$.D	B. $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) = +\infty$

السؤال 5 : نأخذ نفس معطيات السؤال السابق.

D. المستقيم ذو المعادلة $y = x + \frac{2}{\sqrt{e^3}}$ مماس للمنحنى	C. في المجال $[\sqrt{e}-1; +\infty[$: $f(x) - x \leq 0$	A. حل المعادلة $f(x) = x$ هو $x = 1 - \sqrt{e}$
E. جميع الأجوبة المقترحة خاطئة.		B. في المجال $]-1; -1 + \sqrt{e}]$: $f(x) - x \geq 0$

السؤال 6 : في معلم ممنظم مباشر $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، نعتبر النقط: $A(-1, 2, 0)$ ، $B(3, 0, 4)$ و $C(-2, 1, 2)$.

.A مساحة المثلث ABC هي $5\sqrt{2}$.C طول الارتفاع المار من النقطة A في المثلث ABC هو $\sqrt{5}$.	.E النقط A و B و C مستقيمة.
.B مساحة المثلث ABC هي $5\sqrt{3}$.D طول الارتفاع المار من النقطة A في المثلث ABC هو $\sqrt{6}$.	

السؤال 7 : اختر الجواب الصحيح

.A محيط دائرة شعاعها R هو $\pi.R$.	.C من بين 9 أشخاص، يمكن اختيار لجنة تضم 5 أشخاص ب 256 طريقة ممكنة.	.D الهكتار وحدة الطول.
.B العدد العقدي $e^{i\frac{\pi}{4}} + e^{i\frac{3\pi}{4}}$ يساوي $i\frac{\sqrt{2}}{2}$.	.E جميع الأجوبة المقترحة خاطئة.	

السؤال 8 : ليكن $I = 2 \int_0^{-a} (\tan^3(x) + \tan x) dx$ و $J = \int_0^{-a} \cos^3(2t) dt$.

.A $I = 1 - \frac{1}{\cos^2 a}$.C $J = \sin a \cdot \left(\frac{\cos a \cdot \sin^2 2a}{3} + \cos a \right)$.E جميع الأجوبة المقترحة خاطئة.
.B $I = 2 - \frac{1}{\cos^2 a}$.D $J = \frac{\sin a}{2} \cdot \left(\frac{\cos a \cdot \sin^2 2a}{3} + \cos a \right)$	

السؤال 9 : ليكن $I_n = \int_0^{\frac{\pi}{2}} x^n \cdot \cos x \cdot dx$ مع $n \in \mathbb{N}$.

.A $I_0 = -1$.C $I_{n+2} = \left(\frac{\pi}{2}\right)^{n+1} + (n+1)I_n$.E $I_2 = 2 - \frac{\pi^2}{4}$
.B $I_1 = \frac{\pi}{2}$.D $I_{n+2} = \left(\frac{\pi}{2}\right)^{n+2} - (n+1)(n+2)I_n$	

السؤال 10 : اختر الجواب الصحيح

.A $\cos^2 \frac{3\pi}{12} + \cos^2 \frac{5\pi}{12} + \cos^2 \frac{9\pi}{12} + \cos^2 \frac{11\pi}{12} = 3$.C $\sqrt{1 - \sin 2x} = \cos 2x$.E الخاصية التالية: $(g \circ f)' = f' \cdot g'(f)$ خاطئة.
.B النقطة $I(2, 0)$ مركز تماثل المنحنى الممثل للدالة: $f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x - 2$.D دور الدالة $f(x) = 1 - 8 \cos x - 4 \cos 2x$ هو π .	

Epreuve des Mathématiques (30 min)

Question 1 :

Soit $n \in \mathbb{N}^*$. On considère la suite (V_n) définie par : $V_n = \sin\left(\frac{\pi}{n}\right) + \sin\left(\frac{2\pi}{n}\right) + \dots + \sin\left(\frac{n-1}{n}\pi\right)$.

On considère le nombre complexe z tel que : $z = \cos\left(\frac{\pi}{n}\right) + i \sin\left(\frac{\pi}{n}\right)$.

A. $V = 1 + z + z^2 + \dots + z^{n-1} = 1 + i \tan\left(\frac{\pi}{2n}\right)$.	C. $V_n = \frac{1}{\tan\left(\frac{\pi}{2n}\right)}$.	E. $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{V_n}{n} = 0$.
B. $V = 1 + z + z^2 + \dots + z^{n-1} = 1 + i \cos\left(\frac{\pi}{2n}\right)$.	D. $V_n = \tan\left(\frac{\pi}{2n}\right)$.	

Question 2 : Soit $S_n = \sum_{k=1}^n \frac{1}{k(k+1)}$. On pose $S = \sum_{n \geq 1} \frac{1}{n(n+1)}$.

A. $S_n = 1 + \frac{1}{n+1}$.	C. S est convergente et sa somme est égale à 1.	E. Toutes les réponses proposées sont fausses.
B. S est divergente.	D. S est convergente et sa somme est égale à n .	

Question 3 :

On considère la suite numérique définie par :

$u_0 = e^2 - 1$ et $u_{n+1} = (1 + u_n) \cdot e^{-2} - 1$ avec n un entier naturel.

On pose $V_n = 3 \cdot (1 + u_n)$.

A. (u_n) est croissante.	C. $u_n = e^{2n+2} - 1$.	E. $\ln V_0 + \ln V_1 + \dots + \ln V_n = (n+1)(2 - n + \ln 3)$
B. (V_n) est une suite arithmétique.	D. $\lim_{n \rightarrow \infty} V_n = -1$.	

Question 4 : On considère la fonction $f(x) : f(x) = x - \frac{1 - 2 \ln(1+x)}{x+1}$ et C_f la courbe qui la représente

dans un repère orthonormé $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

A. Le domaine de définition de $f(x)$ est $[-1; +\infty[$.	C. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +1$.	E. $f'(x) = \frac{x^2 + 2x + 4 - 2 \ln(x+1)}{(x+1)^2}$.
B. $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) = +\infty$.	D. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -1$.	

Question 5 : On prend les mêmes données de la question précédente.

A. La solution de l'équation $f(x) = x$ est $x = 1 - \sqrt{e}$.	C. Dans le domaine $[\sqrt{e} - 1; +\infty[$; $f(x) - x \leq 0$.	D. La droite d'équation $y = x + \frac{2}{\sqrt{e^3}}$ est tangente à la courbe C_f au point d'abscisse $x_0 = \sqrt{e^3} - 1$.
B. Dans le domaine $]-1; -1 + \sqrt{e}]$; $f(x) - x \geq 0$.		E. Toutes les réponses proposées sont fausses.

Question 6 : Dans un repère orthonormé direct $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$, on considère les points : $A(-1, 2, 0)$, $B(3, 0, 4)$ et $C(-2, 1, 2)$.

A. La surface du triangle ABC est $5\sqrt{2}$.	C. La hauteur passant par le point A dans le triangle ABC est $\sqrt{5}$.	E. Les points A, B et C sont alignés.
B. La surface du triangle ABC est $5\sqrt{3}$.	D. La hauteur passant par A dans le triangle ABC est $\sqrt{6}$.	

Question 7 : Choisir la réponse juste:

A. Le périmètre d'un cercle de rayon R est πR .	C. On peut choisir un jury de 5 personnes parmi 9 personnes de 256 façons possibles.	E. Toutes les propositions sont fausses.
B. Le nombre complexe $e^{i\frac{\pi}{4}} + e^{i\frac{3\pi}{4}}$ est égal à $i\frac{\sqrt{2}}{2}$.	D. L'hectare est une unité de longueur.	

Question 8: Soit $I = 2 \int_0^{-a} (\tan^3(x) + \tan x) dx$ et $J = \int_0^{-a} \cos^3(2t) dt$.

A. $I = 1 - \frac{1}{\cos^2 a}$.	C. $J = \sin a \cdot \left(\frac{\cos a \cdot \sin^2 2a}{3} + \cos a \right)$	E. Toutes les réponses proposées sont fausses.
B. $I = 2 - \frac{1}{\cos^2 a}$.	D. $J = \frac{\sin a}{2} \cdot \left(\frac{\cos a \cdot \sin^2 2a}{3} + \cos a \right)$	

Question 9: Soit $I_n = \int_0^{\frac{\pi}{2}} x^n \cdot \cos x \cdot dx$ avec $n \in \mathbb{N}$

A. $I_0 = -1$.	C. $I_{n+2} = \left(\frac{\pi}{2}\right)^{n+1} + (n+1)I_n$.	E. $I_2 = 2 - \frac{\pi^2}{4}$.
B. $I_1 = \frac{\pi}{2}$.	D. $I_{n+2} = \left(\frac{\pi}{2}\right)^{n+2} - (n+1)(n+2)I_n$.	

Question 10: Choisir l'affirmation juste:

A. $\cos^2 \frac{3\pi}{12} + \cos^2 \frac{5\pi}{12} + \cos^2 \frac{9\pi}{12} + \cos^2 \frac{11\pi}{12} = 3$.	C. $\sqrt{1 - \sin 2x} = \cos 2x$.	E. La propriété suivante est fausse : $(g \circ f)' = f' \cdot g'(f)$
B. Le point $I(2, 0)$ est le centre de symétrie de la courbe représentant la fonction : $f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x - 2$.	D. La période de la fonction $f(x) = 1 - 8\cos x - 4\cos 2x$ est π .	

مادة الرياضيات (المدة : 30 د)

السؤال 1 : نعتبر العدد العقدي $z = \frac{\sqrt{3}-i}{1-i}$.

$z = \sqrt{2} \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right) \right)$.E	$z = \frac{\sqrt{3}-1}{2} + \frac{\sqrt{3}+1}{2}i$.C	$z = \frac{\sqrt{3}+1}{2} - \frac{\sqrt{3}-1}{2}i$.A
	$\sin\frac{\pi}{12} = \frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}$.D	$z = \sqrt{2} \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \sin\left(\frac{\pi}{6}\right) \right)$.B

السؤال 2 : نعتبر المتتالية العقدية المعرفة بما يلي : $u_0 = 1$ و $(\forall n \in \mathbb{N}) u_{n+1} = \left(\frac{1+i\sqrt{3}}{4} \right) \cdot u_n$

جميع الأجوبة المقترحة خاطئة. .E	$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 2$.C	$u_4 = \frac{1}{32} (1 + i\sqrt{3})$.A
	قيمة العدد n التي تكون من أجلها u_n حقيقيا هو $n = 3k+1$ مع $k \in \mathbb{N}$.D	$ u_n = 2^n$.B

السؤال 3 :

نعتبر المتتاليات التالية : $u_n = \sum_{p=0}^{n-1} \frac{2}{3^p}$ ، $V_n = -5 \cdot (\sqrt{2})^n$

$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty$.E	$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 3$.C	$u_n = 2 \cdot (1-3^n)$.A
	$\lim_{n \rightarrow +\infty} V_n = -5$.D	$\lim_{n \rightarrow +\infty} V_n = 0$.B

السؤال 4 : من خلال دراسة حول الحضور في أحد الملاعب الرياضية ، لوحظ أن نسبة 80% من المنخرطين تعيد سنويا انخراطها و هناك 4000 منخرط جديد سنويا .

نرمز ب V_n لعدد المنخرطين عند نهاية السنة n و لدينا $V_0 = 7000$.نضع $u_n = 2 \cdot 10^4 - V_n$.

$u_n = 13000 \cdot (0,8)^{n+1}$.E	u_n متتالية حسابية. .C	$V_{n+1} = 11000 + 0,8 \cdot V_n$.A
	$u_n = 13000 \cdot (0,8)^n$.D	$V_{n+1} = 7000 + 0,8 \cdot V_n$.B

السؤال 5 : نعتبر الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة بما يلي : $g(x) = \frac{x}{2} \sqrt{x^2 + 4} + \frac{x^2}{2}$

$g'(0) = 0$.D	$g^{-1}(x) = \frac{x}{2\sqrt{x+1}}$: في مجال محدد .B	A. مجال تعريف الدالة $g(x)$ هو $D_g =]-\infty; -2] \cup [2; +\infty[$
$\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 2$.E	$(g^{-1})'(0) = 1$.C	

السؤال 6 :

<p>A. إذا كان قطر (diagonale) أحد أوجه مكعب هو $4\sqrt{2}$ cm، فإن حجمه هو 8 cm^3.</p> <p>B. ينبغي ضرب شعاع فلكة في $\sqrt[3]{3}$ ليتضاعف حجمها ثلاث مرات.</p> <p>C. إذا كان $x^2 + y^2 = 208$ و $x.y = 58$ فإن $x + y = 16$.</p>	<p>D. جداء ثلاثة أعداد صحيحة متتالية هو 990. مجموع أصغر عددين من هذه الأعداد هو 21.</p> <p>E. جميع الأجوبة المقترحة خاطئة.</p>
--	--

السؤال 7 : لتكن $f(x)$ الدالة المعرفة في \mathbb{R} بما يلي: $f(x) = 2x + \sin(2x)$ ، و C_f المنحنى الممثل لها في معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

<p>A. الدالة $f(x)$ زوجية.</p> <p>B. النقطة O ليست بمركز تماثل C_f.</p>	<p>C. يوجد C_f فوق المستقيم ذو المعادلة $y = 2x + 1$.</p> <p>D. دور الدالة $f(x)$ هو π.</p>	<p>E. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x} = 4$.</p>
--	---	--

السؤال 8 : نعتبر الدالة العددية $f(x) = 2 \cdot \frac{\sqrt{\ln(1-x)}}{1-x}$ و $I_n = \int_0^{\frac{\pi}{2}} e^{-n \cdot x} \cdot \sin x \cdot dx$ و $J_n = \int_0^{\frac{\pi}{2}} e^{-n \cdot x} \cdot \cos x \cdot dx$.

<p>A. $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 2$.</p> <p>B. بالنسبة ل $x = -\sqrt{e}$، $f'(x) = 0$.</p>	<p>C. $J_n - nI_n = e^{-\frac{n\pi}{2}}$.</p> <p>D. $I_n = \frac{1 - ne^{-\frac{n\pi}{2}}}{n^2 + 1}$.</p>	<p>E. $J_n = \frac{1 + ne^{-\frac{n\pi}{2}}}{n^2 + 1}$.</p>
---	---	---

السؤال 9 : ليكن $I = \int_0^a \frac{\cos x}{1 + 2 \sin x} dx$ و $J = \int_0^a \frac{\sin 2x}{1 + 2 \sin x} dx$.

<p>A. $I = 1 - \ln(1 - \sin a)$</p> <p>B. $I = 1 - \ln(1 - 2 \sin a)$</p>	<p>C. $J = \sin a + \ln(1 + 2 \sin a)$</p> <p>D. $J = \sin a + \ln \frac{1}{\sqrt{1 + 2 \sin a}}$</p>	<p>E. جميع الأجوبة المقترحة خاطئة.</p>
---	---	---

السؤال 10 : ليكن $I_n = \int_0^a x^n \cdot e^{-x} \cdot dx$ مع $n \geq 1$.

<p>A. $I_1 = 1 + \frac{a+1}{e^a}$</p> <p>B. المتتالية I_n تزايدية (مع $a = 1$).</p>	<p>C. $\lim_{x \rightarrow -\infty} I_n = +\infty$ (مع $a = 1$)</p> <p>D. $I_n = n \cdot I_{n-1} + a^n \cdot e^{-a}$</p>	<p>E. جميع الأجوبة المقترحة خاطئة.</p>
--	---	---

Epreuve des Mathématiques (durée 30 min)

Question 1 : On considère le nombre complexe $z = \frac{\sqrt{3}-i}{1-i}$.

A. $z = \frac{\sqrt{3}+1}{2} - \frac{\sqrt{3}-1}{2}i$	C. $z = \frac{\sqrt{3}-1}{2} + \frac{\sqrt{3}+1}{2}i$	E. $z = \sqrt{2} \left(\cos\left(\frac{5\pi}{4}\right) + i \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right) \right)$
B. $z = \sqrt{2} \left(\cos\left(\frac{\pi}{6}\right) + i \sin\left(\frac{\pi}{6}\right) \right)$	D. $\sin \frac{\pi}{12} = \frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{4}$	

Question 2 : On considère la suite complexe définie par : $u_0 = 1$ et $u_{n+1} = \left(\frac{1+i\sqrt{3}}{4}\right) \cdot u_n \quad (\forall n \in \mathbb{N})$.

A. $u_4 = \frac{1}{32}(1 + i\sqrt{3})$	C. $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 2$	E. Toutes les réponses proposées sont fausses.
B. $ u_n = 2^n$	D. u_n est réelle si et seulement si $n = 3k + 1$ avec $k \in \mathbb{N}$.	

Question 3 : On considère les suites suivantes : $u_n = \sum_{p=0}^{n-1} \frac{2}{3^p}$ et $v_n = -5 \cdot (\sqrt{2})^n$.

A. $u_n = 2 \cdot (1 - 3^n)$	C. $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 3$.	E. $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty$.
B. $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = 0$.	D. $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = -5$.	

Question 4 : Une étude sur la fréquentation d'un stade de sport a permis de constater que pour chaque année un taux de réabonnement de 80% ainsi que l'apparition de 4000 nouveaux abonnés.

On note par V_n le nombre d'abonnés à la fin de la n-ième année (fin année n) et on a $V_0 = 7000$.

On pose $u_n = 2 \cdot 10^4 - V_n$.

A. $V_{n+1} = 11000 + 0,8 \cdot V_n$	C. u_n est une suite arithmétique.	E. $u_n = 13000 \cdot (0,8)^{n+1}$.
B. $V_{n+1} = 7000 + 0,8 \cdot V_n$.	D. $u_n = 13000 \cdot (0,8)^n$.	

Question 5 : On considère la fonction numérique définie pour tout x réel par : $g(x) = \frac{x}{2} \sqrt{x^2 + 4} + \frac{x^2}{2}$

A. Le domaine de définition de $g(x)$ est $D_g =]-\infty; -2] \cup [2; +\infty[$	B. Dans un intervalle déterminé $g^{-1}(x) = \frac{x}{2\sqrt{x+1}}$	D. $g'(0) = 0$.
	C. $(g^{-1})'(0) = 1$.	E. $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 2$

Question 6:

A. Le volume d'un cube dont la diagonale d'une face mesure $4\sqrt{2}$ cm est 8 cm^3 .	C. Si $x^2 + y^2 = 208$ et $x \cdot y = 58$ alors $x + y = 16$.
B. Il faut multiplier par $\sqrt[3]{3}$ le rayon d'une sphère pour tripler son volume.	D. Le produit de 3 entiers consécutifs est 990. La somme des deux plus petits est alors de 21.
	E. Toutes les affirmations proposées sont fausses.

Question 7: soit la fonction $f(x)$ définie dans \mathbb{R} par $f(x)=2x + \sin(2x)$ et C_f sa courbe représentative dans un repère orthonormé $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

<p>A. La fonction $f(x)$ est paire. B. Le point O n'est pas le centre de symétrie de C_f.</p>	<p>C. C_f est au dessus de la droite d'équation $y = 2x+1$. D. La période de $f(x)$ est π.</p>	<p>E. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x} = 4$.</p>
---	---	--

Question 8: On considère la fonction numérique $f(x)=2 \cdot \frac{\sqrt{\ln(1-x)}}{1-x}$ et $I_n = \int_0^{\frac{\pi}{2}} e^{-n \cdot x} \cdot \sin x \cdot dx$ et

$$J_n = \int_0^{\frac{\pi}{2}} e^{-n \cdot x} \cdot \cos x \cdot dx$$

<p>A. $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 2$. B. Pour $x = -\sqrt{e}$; $f'(x) = 0$.</p>	<p>C. $J_n - nI_n = e^{\frac{n\pi}{2}}$ D. $I_n = \frac{1 - ne^{-\frac{n\pi}{2}}}{n^2 + 1}$.</p>	<p>E. $J_n = \frac{1 + ne^{-\frac{n\pi}{2}}}{n^2 + 1}$.</p>
---	---	---

Question 9 : Soit $I = \int_0^a \frac{\cos x}{1+2 \sin x} dx$ et $J = \int_0^a \frac{\sin 2x}{1+2 \sin x} dx$.

<p>A. $I = 1 - \ln(1 - \sin a)$. B. $I = 1 - \ln(1 - 2 \sin a)$.</p>	<p>C. $J = \sin a + \ln(1 + 2 \sin a)$. D. $J = \sin a + \ln \frac{1}{\sqrt{1 + 2 \sin a}}$</p>	<p>E. Toutes les réponses proposées sont fausses.</p>
---	--	--

Question 10: Soit $I_n = \int_0^a x^n \cdot e^{-x} \cdot dx$ ($n \geq 1$)

<p>A. $I_1 = 1 + \frac{a+1}{e^a}$ B. La suite I_n est croissante (avec $a=1$).</p>	<p>C. $\lim_{x \rightarrow -\infty} I_n = +\infty$ (avec $a=1$) D. $I_n = n \cdot I_{n-1} + a^n \cdot e^{-a}$</p>	<p>E. Toutes les réponses proposées sont fausses.</p>
--	---	--

مادة الرياضيات (المدة : 30 د)

السؤال 1 : لتكن: $S = \sum_{k=1}^n (2k-1)$ ، $u_n = \frac{5^n + (-3)^n}{2^n + 3 \cdot (-1)^n}$ ، $v_n = \frac{n + \sin n}{n - \sin n}$ مع $n > 1$ ، $w_n = \frac{n}{n^2+1} + \frac{n}{n^2+2} + \dots + \frac{n}{n^2+n}$

$\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = +\infty$.D	$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 1$.B	$S = 2n^2 - 1$.A
$\lim_{n \rightarrow +\infty} w_n = 1$.E	$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = \frac{5}{2}$.C	

السؤال 2 : نعتبر النقط M و N و P الحاقها على التوالي: $z_M = 2(i\sqrt{3}+1)$ و $z_N = 2(1-i\sqrt{3})$ و $z_P = i\sqrt{3}-1$.

$ z_N = 2$.A	$z_M = \cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3}$.C	.E المستقيمان (MP) و (NP) متوازيين.
$z_M = \frac{1}{z_N}$.B	.D المستقيمان (MP) و (NP) متعامدان.	

السؤال 3 :

لتكن $f(x)$ دالة قابلة للاشتقاق على \mathbb{R} و زوجية و دورية دورها T .

.A المشتقة $f'(x)$ زوجية و دورية.	$\int_T^{2T} f(x) dx = \frac{1}{2} \int_0^T f(x) dx$.D	
.B المشتقة $f'(x)$ فردية و ليست بالضرورة دورية.	.E جميع الاجوبة المقترحة خاطئة.	
.C $\forall k \in \mathbb{Z}, f'(kT) = 0$		

السؤال 4 : لتكن $f(x)$ الدالة المعرفة بما يلي $f(x) = \frac{e^{-x}}{1+e^{-x}}$ ، و C_f المنحنى الممثل لها في معلم متعامد ممنظم .

.A مجال تعريف الدالة $f(x)$ هو $]-\infty; 1[\cup]1; +\infty[$.D	.B الدالة $f(x)$ تزايدية على مجال تعريفها .	.D المعادلة $f(x) = e^{-x}$ ليس لها حل.
.C $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 1$.E يقطع المماس للمنحنى C_f عند نقطة M أفصولها $N(2; 0)$.	

السؤال 5 : لتكن $f(x)$ و $g(x)$ الدالتان المعرفتان على المجال $[0; 1]$ بما يلي: $f(x) = 2x$ و $g(x) = x^2$ ، و ليكن C_f المنحنى الممثل

للدالة $f(x)$ و C_g المنحنى الممثل للدالة $g(x)$ في معلم متعامد ممنظم .

المساحة S (بوحددة قياس المساحة) لحيز المستوى المحصور بين المنحنيين C_f و C_g و المستقيمين اللذين معادلتيهما $x=0$ و $x=1$ هي:

.A 0	.B 1	.C $\frac{2}{3}$.D 2	.E $\frac{1}{3}$
------	------	------------------	------	------------------

السؤال 6 : كان عدد سكان بلد هو 32 مليون نسمة سنة 2012 . يتزايد عدد سكان هذا البلد طبيعيا ب 5% سنويا و يستقبل سنويا نصف مليون من المهاجرين .

ليكن v_n عدد سكان هذا البلد بالملايين في السنة $(n+2012)$. نضع $u_n = v_n + 10$.

.A $v_{n+1} = 32,5 + 0,05v_n$.C عدد السنوات n الذي سيتجاوز فيه عدد سكان هذا البلد 158 نسمة هو 29 سنة .
.B u_n متتالية حسابية أساسها 1,05 .	.D عدد السنوات n الذي سيتجاوز فيه عدد سكان هذا البلد 158 نسمة هو 20 سنة .
	.E جميع الاجوبة المقترحة خاطئة .

السؤال 7 : اختر الجواب الصحيح:

<p>E. الدالة $f(x) = x+5 - 3-x + 2x - 3$ لا تقبل دالة أصلية على \mathbb{R}.</p>	<p>C. نعتبر دالة عددية $g(x)$ قابلة للاشتقاق على \mathbb{R}. المعادلة $g'(x) = 2g(x)$ قابلة للحل في \mathbb{R}. D. الدالة $h(x) = 4x(x-5)$ غير قابلة للاشتقاق في النقطة $x_0 = 5$.</p>	<p>A. يمثل المستقيم ذو المعادلة $x=1$ محور تماثل المنحنى الممثل للدالة $f(x) = x^2 + 2x - 1$. B. المنحنى الممثل لدالة ومقاربه المائل لا يتقاطعان أبداً.</p>
--	--	---

السؤال 8 : نعتبر المكعب ABCDEFGH (الشكل جانبه) طول ضلعه a .

	<p>D. المستقيم (AG) غير عمودي للمستقيم (DE). E. $\overline{BC} \wedge \overline{BA} = \overline{BG}$.</p>	<p>A. $\overline{AG} = \overline{AB} + \overline{AD} + \overline{EA}$. B. \overline{AG} متجهة منظمية على المستوى (BDE). C. $\overline{AG} \cdot \overline{BE} = a^2$.</p>
--	--	---

السؤال 9: بينت إحدى الدراسات المتعلقة بانتشار نوعين من الأمراض M1 و M2 في إحدى الدول أن 18% مصابون بالمرض M1 من بين المصابين بهذا المرض M1 يوجد 8% مصابون بالمرض M2 و من بين غير المصابين بالمرض M1 يوجد 7% مصابون بالمرض M2.

نختار عشوائياً شخصاً من هذه الدولة و نحدد الحدثين التاليين:

C - "الشخص مصاب بالمرض M1"

D - "الشخص مصاب بالمرض M2"

<p>D. علماً أن هذا الشخص مصاب بالمرض M2، احتمال أن يكون غير مصاب بالمرض M1 هو 0,2. E. جميع الأجوبة المقترحة خاطئة.</p>	<p>A. احتمال أن يكون هذا الشخص مصاباً بالمرض M2 هو $7,18 \cdot 10^{-2}$. B. احتمال أن يكون هذا الشخص مصاباً بالمرض M1 و بالمرض M2 هو 0,18. C. احتمال أن يكون هذا الشخص مصاباً بالمرض M1 و بالمرض M2 هو 0,144.</p>
--	---

السؤال 10 : $I_n = (n+1) \int_a^1 t^n \cdot \ln(t) \cdot dt$

<p>E. عندما يأخذ a القيمة $a = \frac{1}{2}$، فإن $\lim_{n \rightarrow \infty} I_n = +\infty$</p>	<p>C. $I_n = \frac{1}{(n+1)} (a^{n+1} - 1) - a^{n+1} \cdot \ln a$. D. $I_n = \frac{1}{(n+1)^2} (a^{n+1} - 1) - a^{n+1} \cdot \ln a$.</p>	<p>A. $I_n = \frac{1}{(n+1)^2} (a^{n+1} - 1) - \frac{a^{n+1}}{n+1} \ln a$. B. $I_n = \frac{1}{(n+1)} (1 - a^{n+1}) - a^{n+1} \cdot \ln a$.</p>
---	--	--

Epreuve des Mathématiques (durée 30 min)

Question 1 : Soit : $S = \sum_{k=1}^n (2k-1)$; $u_n = \frac{5^n + (-3)^n}{2^n + 3 \cdot (-1)^n}$; $v_n = \frac{n + \sin n}{n - \sin n}$ avec $n > 1$

$w_n = \frac{n}{n^2+1} + \frac{n}{n^2+2} + \dots + \frac{n}{n^2+n}$

A. $S = 2n^2 - 1$	B. $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 1$	D. $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = +\infty$
	C. $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = \frac{5}{2}$	E. $\lim_{n \rightarrow +\infty} w_n = 1$

Question 2 : On considère les points M, N et P dont les affixes sont respectivement:

$z_M = 2(i\sqrt{3} + 1)$, $z_N = 2(1 - i\sqrt{3})$ et $z_P = i\sqrt{3} - 1$.

A. $ z_N = 2$.	C. $z_M = \cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3}$	E. Les droites (MP) et (NP) sont parallèles.
B. $z_M = \frac{1}{z_N}$	D. Les droites (MP) et (NP) sont perpendiculaires.	

Question 3 : soit $f(x)$ une fonction dérivable sur \mathbb{R} , paire et périodique de période T.

A. La fonction dérivée $f'(x)$ est paire et périodique	D. $\int_T^{2T} f(x)dx = \frac{1}{2} \int_0^T f(x)dx$
B. La fonction dérivée $f'(x)$ est impaire mais non nécessairement périodique.	E. Toutes les réponses proposées sont fausses.
C. $\forall k \in \mathbb{Z}, f'(kT) = 0$.	

Question 4 : Soit $f(x)$ une fonction définie par : $f(x) = \frac{e^{1-x}}{1 + e^{-x}}$ et C_f la courbe qui la représente dans un repère orthonormé.

A. Le domaine de définition de $f(x)$ est : $D_f =]-\infty; 1[\cup]1; +\infty[$.	D. L'équation $f(x) = e^{-x}$ n'a pas de solution.
B. $f(x)$ est croissante sur son domaine de définition.	E. La tangente à la courbe C_f au point M d'abscisse $x_M = 0$ coupe l'axe des abscisses au point N(2;0).
C. $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 1$.	

Question 5 : Soit f et g les fonctions définies sur $[0;1]$ par: $f(x) = 2x$ et $g(x) = x^2$. soit C_f la courbe représentant $f(x)$ et C_g la courbe représentant $g(x)$ dans un repère orthonormé. L'aire S en unité d'aire, de la surface comprise entre les courbes C_f et C_g et les droites d'équation $x=0$ et $x=1$ est :

A. 0.	C. $\frac{2}{3}$	D. 2	E. $\frac{1}{3}$
B. 1			

Question 6 : Le nombre d'habitants d'un pays était de 32 millions en 2012. Cette population s'accroît naturellement chaque année de 5%. Par ailleurs ce pays accueille chaque année un demi million d'immigrés.

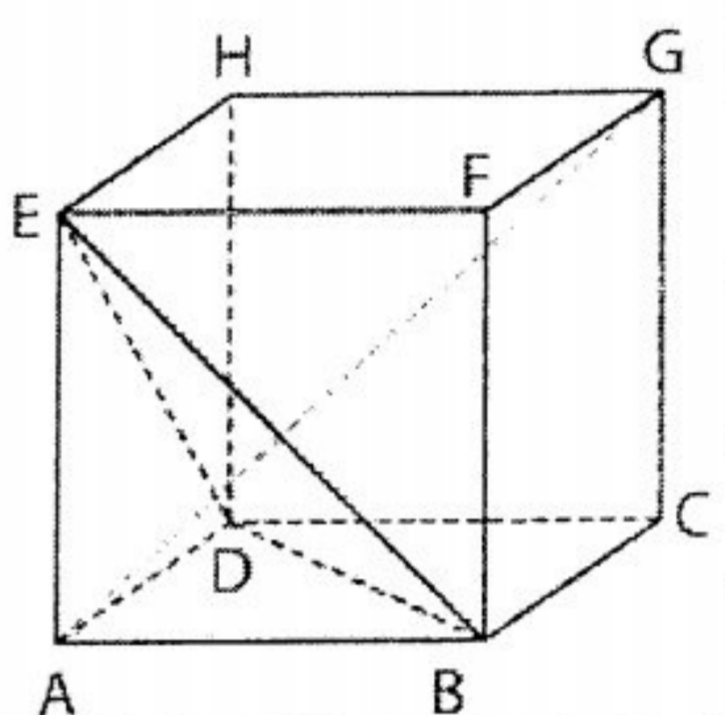
Soit v_n le nombre d'habitants de ce pays en millions lors de l'année (2012+n). on pose $u_n = v_n + 10$.

A. $v_{n+1} = 32,5 + 0,05v_n$	C. Le nombre d'année n au bout duquel la population de ce pays dépassera 158 millions d'habitants est de 29 ans.
B. u_n est une suite arithmétique de raison 1,05.	D. Le nombre d'année n au bout duquel la population de ce pays dépassera 158 millions d'habitants est de 20 ans.
	E. Toutes les réponses proposées sont fausses.

Question 7 : Choisir la réponse juste:

<p>A. La courbe représentative de la fonction $f(x) = x^2 + 2x - 1$ admet comme axe de symétrie la droite d'équation $x = 1$.</p> <p>B. La courbe représentative d'une fonction ne coupe jamais son asymptote oblique.</p>	<p>C. On considère une fonction numérique $g(x)$ dérivable sur \mathbb{R}. L'équation $g'(x) = 2g(x)$ n'a pas de solution dans \mathbb{R}.</p> <p>D. La fonction $h(x) = 4x \cdot (x - 5)$ est non dérivable au point $x_0 = 5$.</p>	<p>E. La fonction $f(x) = x + 5 - 3 - x + 2x - 3$ n'admet pas de primitive dans \mathbb{R}.</p>
--	--	--

Question 8: On considère un cube ABCDEFGH (schéma) de côté a .

<p>A. $\overline{AG} = \overline{AB} + \overline{AD} + \overline{EA}$</p> <p>B. \overline{AG} est un vecteur normal au plan (BDE).</p> <p>C. $\overline{AG} \cdot \overline{BE} = a^2$</p>	<p>D. Les droites (AG) et (DE) ne sont pas orthogonales.</p> <p>E. $\overline{BC} \wedge \overline{BA} = \overline{BG}$</p>	
--	--	--

Question 9: Une étude sur la propagation de deux types de maladies M1 et M2 dans un pays a prouvé que 18% sont atteints de la maladie M1. Parmi les malades atteints par M1 il y a 8% atteints par la maladie M2 et parmi les non atteints par M1 il y a 7% atteints par M2.

On choisit au hasard une personne de ce pays et on définit les événements suivants :

C : « la personne est atteinte de M1 »

D : « la personne est atteinte de M2 »

<p>A. La probabilité pour que cette personne soit atteinte par M2 est de $7,18 \cdot 10^{-2}$.</p> <p>B. La probabilité pour que cette personne soit atteinte par M1 et par M2 est de 0,18.</p> <p>C. La probabilité pour que cette personne soit atteinte par M1 et par M2 est de 0,144.</p>	<p>D. Sachant que cette personne est atteinte par la maladie M2, la probabilité pour qu'elle ne soit pas atteinte par M1 est 0,2.</p> <p>E. Toutes les réponses proposées sont fausses.</p>
---	---

Question 10: $I_n = (n+1) \int_a^1 t^n \cdot \ln(t) \cdot dt$

<p>A. $I_n = \frac{1}{(n+1)^2} (a^{n+1} - 1) - \frac{a^{n+1}}{n+1} \ln a$</p> <p>B. $I_n = \frac{1}{(n+1)} (1 - a^{n+1}) - a^{n+1} \cdot \ln a$</p>	<p>C. $I_n = \frac{1}{(n+1)} (a^{n+1} - 1) - a^{n+1} \cdot \ln a$</p> <p>D. $I_n = \frac{1}{(n+1)^2} (a^{n+1} - 1) - a^{n+1} \cdot \ln a$</p>	<p>E. Pour $a = \frac{1}{2}$,</p> $\lim_{n \rightarrow \infty} I_n = +\infty$
---	---	---

مادة الرياضيات (المدة : 30 د)

السؤال 1 : المستوى العقدي منسوب إلى معلم متعامد ممنظم (O, \vec{u}, \vec{v}) . ليكن z عدد عقدي:

المستوى العقدي ألقاها على التوالي z و $\frac{1}{z}$ و 0 مستقيمة .	A. $\text{Im}(z^2) = -(\text{Im}(z))^2$
D. إذا كان $ 1+iz = 1-iz $ فإن $\text{Re}(z) = 0$.	B. إذا كان $ 2i - \bar{z} = 2 + iz $ فإن $\text{Im}(z) = 1$
E. إذا كان $z = 1+i$ فإن $z^6 = -4i$.	C. بالنسبة للعدد z غير منعدم، تكون النقط M و N و O من

السؤال 2 : لكل z من C نضع $p(z) = 2z^3 + 14z^2 + 41z + 68$. نرمز ب z_1 و z_2 و z_3 لحلول المعادلة $p(z) = 0$ بحيث $z_1 \in \mathbb{R}$ و $\text{Im}(z_2) > 0$. لتكن A و B و C صور الأعداد العقدية z_1 و z_2 و z_3 على التوالي في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم (O, \vec{u}, \vec{v}) .

D. $ z_2 - z_1 = 2$	A. $p(z)$ لا تقبل القسمة على $(z+4)$
E. لحق كل من النقطتين M و N بحيث $BCMN$ مربع مركزه A هو على التوالي: $z_M = -13 - 5i$ و $z_N = -13 + 5i$	B. $z_2 + z_3 = 0$
	C. المثلث ABC متساوي الساقين و قائم الزاوية في A .

السؤال 3 : ننسب الفضاء إلى معلم متعامد ممنظم $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$. ليكن (P) المستوى ذو المعادلة: $2x - 3y + z - 6 = 0$.

E. يتقاطع المستويان (P) و (R) في اتجاه مستقيم (Δ) يمر من النقطة A . المتجهة الموجهة للمستقيم (Δ) هي $\vec{u}(4; 1; -5)$	C. إحدى المعادلات الديكارتيية لمستوى (P') يمر من النقطة D و موازي للمستوى (P) هي: $2x - 3y + z + 20 = 0$	A. لا يمر المستوى (P) من النقطة $A(3; 0; 0)$
	D. لا تنتمي النقطتان A و D لمستوى (R) معادلته: $x + y + z - 3 = 0$	B. نعتبر نقطة D إحداثيتها $(5; -3; 1)$. المتجهة \overrightarrow{AD} غير منظمية على المستوى (P) .

السؤال 4 : اختر الجواب الصحيح:

D. $\int_0^{\frac{\pi}{4}} (xe^{x^2} - \frac{1}{\cos^2(x)}) dx = \frac{1}{2}(e^{\frac{\pi}{4}} - 3)$	B. $I = \int_{-3}^3 \sqrt{9-x^2} dx$ يمثل I نصف مساحة قرص مركزه O شعاعه 3 .	A. نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} بما يلي: $f(x) = x-2 + 1$
E. $\int_0^{\pi} e^{-x} \sin(2x) dx = \frac{1}{2} \int_0^{\pi} e^{-x} \cos(2x) dx$	C. $\int_0^1 x^{2k} dx = \frac{1}{2k+1}$ مع $k \in \mathbb{N}$	$\int_0^3 f(x) dx = \frac{11}{4}$

السؤال 5 : لتكن $f(x)$ الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة على المجال $]-\infty, 0[$ بما يلي $f(x) = x + 5 + 6 \ln\left(\frac{x}{x-1}\right)$ و ليكن C_f المنحنى الممثل للدالة $f(x)$ في معلم متعامد ممنظم.

D. الدالة $h(x) = \frac{x^2}{2} + 5x + 6x \ln\left(\frac{x}{x-1}\right)$ دالة أصلية للدالة $f(x)$	A. المستقيم ذو المعادلة $y = -x + 4$ مقارب مائل للمنحنى C_f بجوار $-\infty$.
E. $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = +\infty$	B. مشتقة الدالة $f(x)$ عند $x = -5$ هي: $f'(-5) = 7$.
	C. المستقيم ذو المعادلة $y = \frac{1}{2}x + \frac{7}{2} + 6 \ln \frac{3}{4}$ مماس للمنحنى C_f عند نقطة M أفصولها $x_M = -3$.

السؤال 6 :

<p>.C v_n متتالية حسابية أساسها $\frac{1}{2}$</p> <p>.D $v_n = -\frac{1}{2^{n-2}}$</p> <p>.E $u_n = 2 + 4x\left(\frac{1}{2}\right)^n$</p>	<p>(u_n) و (v_n) متتاليتان عدديتان معرفتان بما يلي :</p> <p>$v_n = u_n - 2$ و $\begin{cases} u_0 = -2 \\ u_{n+1} = 1 + \frac{1}{2}u_n \end{cases} ; (n \in \mathbb{N})$</p> <p>A. u_n تناقصية</p> <p>B. $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = \frac{1}{2}$</p>
---	--

السؤال 7 : اختر الجواب الصحيح

<p>D. نضع $S_n = \sum_{k=1}^n \frac{k}{n^2}$ مع $n \in \mathbb{N}^*$</p> <p>$\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n = 0$</p> <p>E. $1! + 2! + \dots + (n-1)! \geq n!$ مع n عدد صحيح بحيث $n \geq 2$</p>	<p>A. $\frac{1}{1 \times 2 \times 3} + \frac{1}{2 \times 3 \times 4} + \dots + \frac{1}{n(n+1)(n+2)} = \frac{n+3}{4(n+1)(n+2)}$ مع $n \in \mathbb{N}^*$</p> <p>B. $1^3 + 2^3 + \dots + n^3 = \frac{n^2(n+1)^2}{4}$ مع $n \in \mathbb{N}^*$</p> <p>C. $\sum_{k=2}^{n+1} \frac{1}{10^k} = \frac{1}{90} \left(1 + \frac{1}{10^n}\right)$ مع $n \in \mathbb{N}^*$</p>
---	---

السؤال 8 : نعتبر الدالة $f(x) = \frac{\cos x}{x + 2 \sin x}$

<p>C. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$</p> <p>D. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{1}{2}$</p> <p>E. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$</p>	<p>A. مشتقة $f(x)$ هي $f'(x) = \frac{x \sin x + \cos x - 2}{(x + 2 \sin x)^2}$</p> <p>B. مشتقة $f(x)$ هي $f'(x) = \frac{x \sin x + \cos x + 2}{(x + 2 \sin x)^2}$</p>
--	---

السؤال 9: حل المتراجحة $1 + \ln x + \ln^2 x + \ln^3 x > 0$ هو :

<p>D. $]e, +\infty[$</p> <p>E. $\left] \frac{1}{e}, +\infty \right[$</p>	<p>A. $]0, e^{-1}[$</p> <p>B. $]0, +\infty[$</p> <p>C. $]-\infty, e^{-1}[$</p>
--	---

السؤال 10 : اختر الجواب الصحيح:

<p>C. الجداء المتجهي لمتجهتين قيمة جبرية .</p> <p>D. يكون الجداء السلمي لمتجهتين دائما عددا موجبا .</p> <p>E. $\tan \frac{\pi}{5} + \tan \frac{2\pi}{5} + \tan \frac{3\pi}{5} + \tan \frac{4\pi}{5} = 1$</p>	<p>A. $\tan(a + b) = \frac{\tan a - \tan b}{1 - \tan a \cdot \tan b}$</p> <p>B. عدد الكلمات من ستة (6) حروف لها معنا أو لا والتي يمكن كتابتها باستعمال جميع حروف الكلمة « poumon » هو 720.</p>
---	---

Epreuve des Mathématiques (durée 30 min)

Question 1 : Le plan complexe est rapporté à un repère orthonormé direct (O, \vec{u}, \vec{v}) . z un nombre complexe.

<p>A. $\text{Im}(z^2) = -(\text{Im}(z))^2$</p> <p>B. Si $2i - \bar{z} = 2 + iz$, alors $\text{Im}(z) = 1$</p> <p>C. Pour tout nombre complexe non nul z, les points M d'affixe z et N d'affixe $\frac{1}{z}$ et le point O sont alignés.</p>	<p>D. Si $1 + iz = 1 - i\bar{z}$, alors $\text{Re}(z) = 0$</p> <p>E. Pour $z = 1 + i$, alors $z^6 = -4i$.</p>
---	---

Question 2 : Pour $z \in \mathbb{C}$ on pose $p(z) = 2z^3 + 14z^2 + 41z + 68$. on symbolise par z_1, z_2 et z_3 les solutions de l'équation $p(z) = 0$ avec $z_1 \in \mathbb{R}$ et $\text{Im}(z_2) > 0$. Les points A, B et C sont respectivement les images des nombres complexes z_1, z_2 et z_3 dans le plan complexe rapporté à un repère orthonormé direct (O, \vec{u}, \vec{v}) .

<p>A. $p(z)$ n'est pas divisible par $(z + 4)$.</p> <p>B. $z_2 + z_3 = 0$</p> <p>C. Le triangle ABC est isocèle et rectangle en A.</p>	<p>D. $z_2 - z_1 = 2$</p> <p>E. Les affixes des points M et N tel que BCMN est un carré de centre A sont respectivement $z_M = -13 - 5i$ et $z_N = -13 + 5i$.</p>
--	--

Question 3 : L'espace est muni d'un repère orthonormé $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$. Soit (P) le plan d'équation $2x - 3y + z - 6 = 0$

<p>A. Le plan (P) ne passe pas par le point A(3; 0; 0)</p> <p>B. On considère le point D de coordonnées (5; -3; 1). Le vecteur \vec{AD} n'est pas normal au plan (P).</p>	<p>C. Une équation cartésienne d'un plan (P') passant par le point D et parallèle au plan (P) est $2x - 3y + z + 20 = 0$</p> <p>D. Les points A et D n'appartiennent pas au plan (R) d'équation $x + y + z - 3 = 0$</p>	<p>E. Les plans (P) et (R) sont sécants suivant une droite (Δ) passant par A. La droite (Δ) admet pour vecteur directeur $\vec{u}(4; 1; -5)$.</p>
--	---	---

Question 4 : Choisir la réponse juste :

<p>A. On considère la fonction numérique définie sur \mathbb{R} par : $f(x) = x - 2 + 1$.</p> <p>$\int_0^3 f(x) dx = \frac{11}{4}$</p>	<p>B. $I = \int_{-3}^3 \sqrt{9 - x^2} dx$ I représente l'aire d'un demi-disque de rayon 3.</p> <p>C. $\int_0^1 x^{2k} dx = 2k + 1$ avec $k \in \mathbb{N}^*$.</p>	<p>D. $\int_0^{\frac{\pi}{4}} (xe^{x^2} - \frac{1}{\cos^2(x)}) dx = \frac{1}{2}(e^{\frac{\pi}{4}} - 3)$</p> <p>E. $\int_0^{\pi} e^{-x} \sin(2x) dx = \frac{1}{2} \int_0^{\pi} e^{-x} \cos(2x) dx$</p>
--	--	---

Question 5 : Soit la fonction numérique définie sur $] -\infty, 0[$ par: $f(x) = x + 5 + 6 \ln\left(\frac{x}{x-1}\right)$. Soit C_f la courbe représentant $f(x)$ dans un repère orthonormé.

<p>A. La droite d'équation $y = -x + 4$ asymptote oblique au voisinage de $-\infty$.</p> <p>B. La dérivée de la fonction au point $x = -5$ est $f'(-5) = 7$.</p> <p>C. La droite d'équation $y = \frac{1}{2}x + \frac{7}{2} + 6 \ln \frac{3}{4}$ est tangente à la courbe C_f au point M d'abscisse $x_M = -3$.</p>	<p>D. La fonction $h(x) = \frac{x^2}{2} + 5.x + 6.x \ln\left(\frac{x}{x-1}\right)$ est la primitive de $f(x)$.</p> <p>E. $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = +\infty$</p>
---	---

Question 6: (u_n) et (v_n) sont deux suites numériques définies par :

$$\begin{cases} u_0 = -2 \\ u_{n+1} = 1 + \frac{1}{2}u_n \end{cases} ; (n \in \mathbb{N}) \quad \text{et} \quad v_n = u_n - 2$$

A. u_n est décroissante.	C. v_n est une suite arithmétique de raison $\frac{1}{2}$	D. $v_n = -\frac{1}{2^{n-2}}$	E. $u_n = 2 + 4x\left(\frac{1}{2}\right)^n$
B. $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = \frac{1}{2}$			

Question 7 : Choisi la réponse juste :

A. $\frac{1}{1 \times 2 \times 3} + \frac{1}{2 \times 3 \times 4} + \dots + \frac{1}{n(n+1)(n+2)} = \frac{n+3}{4(n+1)(n+2)}$ Avec $n \in \mathbb{N}^*$.	D. On pose $S_n = \sum_{k=1}^n \frac{k}{n^2}$ avec $n \in \mathbb{N}^*$. $\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n = 0$
B. $1^3 + 2^3 + \dots + n^3 = \frac{n^2(n+1)^2}{4}$ avec $n \in \mathbb{N}^*$.	E. $1! + 2! + \dots + (n-1)! \geq n!$ avec n nombre entier et $n \geq 2$.
C. $\sum_{k=2}^{n+1} \frac{1}{10^k} = \frac{1}{90} \left(1 + \frac{1}{10^n}\right)$ avec $n \in \mathbb{N}^*$.	

Question 8 : On considère la fonction $f(x) = \frac{\cos x}{x + 2 \sin x}$

A. La dérivée de $f(x)$ est : $f'(x) = \frac{x \sin x + \cos x - 2}{(x + 2 \sin x)^2}$	C. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$
B. La dérivée de $f(x)$ est : $f'(x) = \frac{x \sin x + \cos x + 2}{(x + 2 \sin x)^2}$	D. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{1}{2}$
	E. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$

Question 9 : La solution de l'inéquation $1 + \ln x + \ln^2 x + \ln^3 x > 0$ est :

A. $]0, e^{-1}[$	D. $]e, +\infty[$
B. $]0, +\infty[$	E. $\left] \frac{1}{e}, +\infty \right[$
C. $] -\infty, e^{-1}[$	

Question 10 : Choisi la réponse juste :

A. $\tan(a + b) = \frac{\tan a - \tan b}{1 - \tan a \cdot \tan b}$	C. Le produit vectoriel de deux vecteurs est une valeur algébrique.
B. Le nombre de mots de six(6) lettres qui ont un sens ou non et qu'on puisse écrire en utilisant toutes les lettres du mot « poumon » est 720.	D. Le produit scalaire de deux vecteurs est un nombre qui est toujours positif.
	E. $\tan \frac{\pi}{5} + \tan \frac{2\pi}{5} + \tan \frac{3\pi}{5} + \tan \frac{4\pi}{5} = 1$

مادة الرياضيات (المدة : 30 د)

السؤال 1 : لتكن $f(x)$ الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة بما يلي : $f(x) = x + \sqrt{x^2 + 2x}$ وليكن C_f المنحنى الممثل للدالة $f(x)$ في معلم متعامد ممنظم .

A. مجال تعريف الدالة $f(x)$ هو \mathbb{R} .	D. الدالة $f(x)$ تناقصية قطعاً على المجال $[0, +\infty[$.
B. الدالة $f(x)$ قابلة للاشتقاق على يسار $x_0 = -2$.	E. $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$.
C. المستقيم ذو المعادلة $y = 2x + 1$ مقارب مائل للمنحنى C_f بجوار $+\infty$.	

السؤال 2 : اختر الجواب الصحيح :

A. مشتقة الدالة $f(x) = e^{\frac{x-1}{2x+3}}$ هي $f'(x) = \frac{5}{2x+3} e^{\frac{x-1}{2x+3}}$.	D. حل المعادلة $\arctan(x^2 - 2x) = -\frac{\pi}{4}$ في \mathbb{R} هو $x = -1$.
B. $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{e^{\frac{1}{x} + \frac{1}{\ln x}}}{x-1} = 0$.	E. نضع $B = \text{Arc tan } 3 + \text{Arc tan } 2$. يعطي حساب $\tan B$ القيمة 1.
C. $\frac{\sin x}{\cos x - 1} = \tan\left(\frac{\pi}{2} - \frac{x}{2}\right)$.	

السؤال 3 : الأعداد العقدية :

A. $(1+i)^{2002} = -2^{1001} \cdot i$.	D. حل المعادلة $-z\bar{z} + 3z + 2 = 6i$ في \mathbb{C} هو $z = 1 - 2i$.
B. علما أن $z = \left(\frac{\sqrt{3}-i}{1-i}\right)^3$ ، فإن $ z = \sqrt{2}$.	E. عمدة العدد العقدي $z = \left(\frac{1+i\sqrt{3}}{1+i}\right)^{20}$ هو $\arg z \equiv \frac{3\pi}{5} [2\pi]$.
C. $1 + i^2 + i^4 + \dots + i^{2006} = 0$.	

السؤال 4 : الدالة $f(x)$ حل المعادلة التفاضلية $y'' - 2y' + y = 0$ والتي تحقق الشرطين البدنيين $f(1) = e$ و $f'(2) = 0$ هي :

A. $f(x) = xe^x$.	D. $f(x) = \left(\frac{3-x}{2}\right)e^x$.
B. $f(x) = \left(\frac{3}{2}x - \frac{1}{2}\right)e^x$.	E. $f(x) = \left(\frac{x-3}{2}\right)e^x$.
C. $f(x) = \left(\frac{3}{2} + \frac{x}{2}\right)e^x$.	

السؤال 5 : يحتوي كيس على تسع بیدقات لا يمكن التمييز بينها باللمس: بیدقتان حمروتان تحملان الرقم 1 و ثلاث بیدقات بيضاء تحمل الأرقام 1، 2، 2 و أربع بیدقات سوداء تحمل الأرقام 1، 1، 2، 2 . نسحب عشوائياً و في آن واحد ثلاث بیدقات من الكيس .

A. احتمال الحدث X "البیدقات الثلاث المسحوبة مختلفة الألوان (بیدقة من كل لون)" هو $\frac{1}{6}$.	C. احتمال الحدث Z "من بين البیدقات المسحوبة توجد على الأقل بیدقة واحدة بيضاء" هو $\frac{16}{21}$.
B. احتمال الحدث Y "البیدقات الثلاث المسحوبة تحمل نفس الرقم" هو $\frac{2}{7}$.	D. احتمال الحدث $X \cap Y$ هو $\frac{5}{21}$.
	E. احتمال الحدث $X \cap Y$ هو $\frac{16}{21}$.

السؤال 6: نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة بما يلي: $u_n = \int_0^{\frac{\pi}{2}} (\sin x)^n dx$.

$\lim_{n \rightarrow +\infty} (\sqrt{n} \cdot u_n) = \frac{1}{2}$.E	$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{u_{n+1}}{u_n} = \frac{1}{2}$.C $u_{n+2} = \frac{n+1}{n+2} u_n$.D	$u_2 = \frac{\pi}{2}$.A المتتالية (u_n) تزايدية .B
--	---	--

السؤال 7: قيمة $I = \int_0^2 \frac{2x^2 - x - 2}{2x^2 + 3x + 1} dx$ هي:

2 .A	ln2 .B	-2 .C	2-ln15 .D	2-ln2 .E
------	--------	-------	-----------	----------

السؤال 8: نعتبر الدالة: $f(x) = x + \frac{1}{x} - (\ln x)^2 - 2$ وليكن C_f المنحنى الممثل للدالة $f(x)$ في معلم متعامد منظم. مساحة حيز المستوى المحصور بين المنحنى C_f ومحور الأفاصل والمستقيمين اللذين معادلتهما: $x=1$ و $x=e$ هي:

$\frac{1}{2}(e^2 - 6e + 9)u_a$.A حيث u_a وحدة قياس المساحة.	$(e+3)^2 u_s$.D حيث u_s وحدة قياس المساحة.
$\frac{1}{2}(e+3)^2 u_a$.B حيث u_a وحدة قياس المساحة.	$-\frac{1}{2}(e-3)^2$.E حيث u_a وحدة قياس المساحة.
$(e-3)^2 u_s$.C حيث u_s وحدة قياس المساحة.	

السؤال 9: الدوال الآتية:

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{1 - e^{-x}} = -1$.D	A. الحل الوحيد للمعادلة $e^{2x}(4 - e^{2x}) = 3$ هو $x=0$.
$\int_0^{\pi} \sin x \cdot e^{\cos x} dx = \frac{1}{e} - e$.E	B. في \mathbb{R} ، حل المتراجحة $e^{x^2-2} \leq e^{4-x}$ هو $S = [-2, 3]$.
	C. (u_n) متتالية عددية معرفة بما يلي: $\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = u_n \cdot e^{-u_n} \end{cases} n \in \mathbb{N}$ المتتالية (u_n) محدودة.

السؤال 10: نعتبر في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد منظم مباشر $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ النقط $A(1, 2, -2)$ و $B(0, 3, -3)$ والمستوى (P) ذو المعادلة $x+y-3=0$ و $C(1, 1, -2)$.

A. مسافة النقطة $\Omega(0, 1, -1)$ عن المستوى (P) هي $\frac{1}{\sqrt{2}}$.	C. النقط A و B و C مستقيمية.
B. المعادلة الديكارتيّة للفلكة (S) التي مركزها $\Omega(0, 1, -1)$ و المماسّة للمستوى (P) هي: $x^2 + y^2 + z^2 - 2y - 2z = 0$	D. الفلكة (S) غير مماسة للمستوى (ABC).
	E. نقطة تماس (S) و المستوى (ABC) هي C.

Epreuve des Mathématiques (durée 30 min)

Question 1 : Soit la fonction numérique définie par: $f(x) = x + \sqrt{x^2 + 2x}$. C_f est la courbe représentant $f(x)$ dans un repère orthonormé.

A. Le domaine de définition de $f(x)$ est \mathbb{R}	D. La fonction $f(x)$ est strictement décroissante dans le domaine $[0, +\infty[$
B. La fonction $f(x)$ est dérivable à gauche de $x_0 = -2$	E. $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$
C. La courbe représentant f possède une asymptote oblique au voisinage de $+\infty$ d'équation $y = 2x + 1$	

Question 2 : choisi la réponse juste :

A. La dérivée de la fonction $f(x) = e^{\frac{x-1}{2x+3}}$ est $f'(x) = \frac{5}{2x+3} e^{\frac{x-1}{2x+3}}$	C. $\frac{\sin x}{\cos x - 1} = \tan\left(\frac{\pi}{2} - \frac{x}{2}\right)$
B. $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{e^{\frac{1}{x} + \frac{1}{\ln x}}}{x-1} = 0$	D. La solution dans \mathbb{R} de l'équation : $\arctan(x^2 - 2x) = -\frac{\pi}{4}$ est $x = -1$
	E. On pose $B = \text{Arc tan } 3 + \text{Arc tan } 2$. Le calcul de $\tan B$ donne la valeur 1.

Question 3 : Les nombres complexes :

A. $(1+i)^{2002} = -2^{1001}i$	D. La solution dans \mathbb{C} de l'équation $-\bar{z}z + 3z + 2 = 6i$ est $z = 1 - 2i$
B. Sachant que $z = \left(\frac{\sqrt{3}-i}{1-i}\right)^3$, alors $ z = \sqrt{2}$	E. L'argument du nombre complexe $z = \left(\frac{1+i\sqrt{3}}{1+i}\right)^{20}$ est : $\arg z \equiv \frac{3\pi}{5} \pmod{2\pi}$
C. $1+i^2+i^4+\dots+i^{2006} = 0$	

Question 4 : la fonction $f(x)$ solution de l'équation différentielle $y'' - 2y' + y = 0$ et qui vérifie les conditions initiales $f(1)=e$ et $f'(2)=0$ est :

A. $f(x) = xe^x$	B. $f(x) = \left(\frac{3}{2}x - \frac{1}{2}\right)e^x$	C. $f(x) = \left(\frac{3}{2} + \frac{x}{2}\right)e^x$	D. $f(x) = \left(\frac{3-x}{2}\right)e^x$	E. $f(x) = \left(\frac{x-3}{2}\right)e^x$
------------------	--	---	---	---

Question 5 : Une boîte contient 9 jetons (on ne peut pas les identifier par le toucher) : 2 jetons rouges portant le numéro 1 et 3 jetons blancs portant les numéros 1, 2, 2 et 4 jetons noirs portant les numéros 1, 1, 2, 2. On tire au hasard et en même temps 3 jetons de la boîte.

A. La probabilité de l'événement X « les 3 jetons tirés ont des couleurs différentes » est $\frac{1}{6}$	D. La probabilité de l'événement $X \cap Y$ est $\frac{5}{21}$
B. La probabilité de l'événement Y « les 3 jetons tirés portent le même numéro » est $\frac{2}{7}$	E. La probabilité de l'événement $X \cap Y$ est $\frac{16}{21}$
C. La probabilité de l'événement Z « parmi les jetons tirés il y a au moins un jeton blanc » est $\frac{16}{21}$	

Question 6 : On considère la suite numérique $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ définie par $u_n = \int_0^{\frac{\pi}{2}} (\sin x)^n dx$:

<p>A. $u_2 = \frac{\pi}{2}$</p> <p>B. La suite (u_n) est croissante</p>	<p>C. $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{u_{n+1}}{u_n} = \frac{1}{2}$</p> <p>D. $u_{n+2} = \frac{n+1}{n+2} u_n$</p>	<p>E. $\lim_{n \rightarrow +\infty} (\sqrt{n} \cdot u_n) = \frac{1}{2}$</p>
---	--	--

Question 7 : La valeur de $I = \int_0^2 \frac{2x^2 - x - 2}{2x^2 + 3x + 1} dx$ est :

A. 2	B. $\ln 2$	C. -2	D. $2 - \ln 15$	E. $2 - \ln 2$
------	------------	-------	-----------------	----------------

Question 8 : On considère la fonction $f(x) = x + \frac{1}{x} - (\ln x)^2 - 2$. Soit C_f sa courbe représentative. La surface de la partie du plan limitée par la courbe C_f et l'axe des abscisses et les droites d'équation : $x=1$ et $x=e$ est:

<p>A. $\frac{1}{2}(e^2 - 6e + 9)u_a$ avec u_a unité de mesure de la surface</p> <p>B. $\frac{1}{2}(e+3)^2 u_a$ avec u_a unité de mesure de la surface</p> <p>C. $(e-3)^2 u_s$ avec u_a unité de mesure de la surface</p>	<p>D. $(e+3)^2 u_s$ avec u_a unité de mesure de la surface</p> <p>E. $-\frac{1}{2}(e-3)^2$ avec u_a unité de mesure de la surface</p>
--	---

Question 9 : Les fonctions exponentielles:

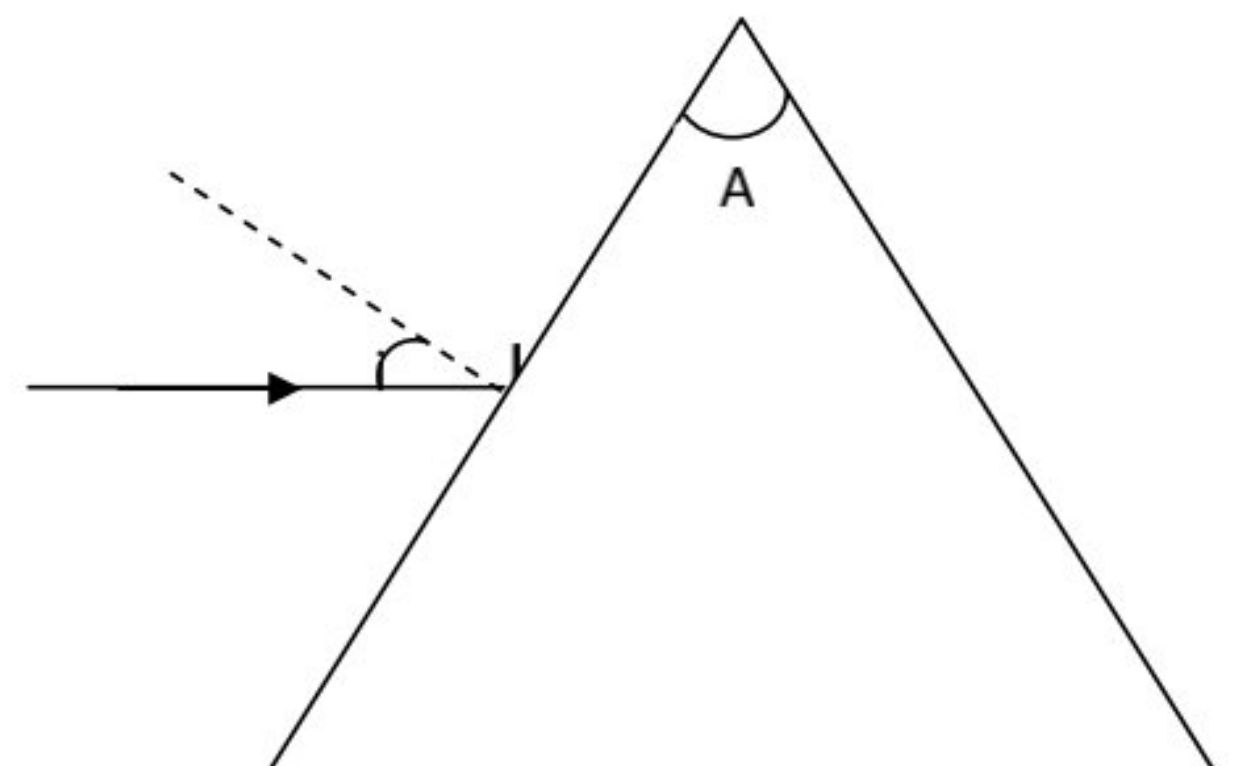
<p>A. La solution unique de l'équation $e^{2x}(4 - e^{2x}) = 3$</p> <p>B. Dans \mathbb{R}, la solution de l'inéquation $e^{x^2-2} \leq e^{4-x}$ est $S = [-2, 3]$</p> <p>C. (u_n) est une suite numérique définie par : $\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = u_n \cdot e^{-u_n} \end{cases} n \in \mathbb{N}$. la suite (u_n) est convergente.</p>	<p>D. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{1 - e^{-x}} = -1$</p> <p>E. $\int_0^\pi \sin x \cdot e^{\cos x} dx = \frac{1}{e} - e$</p>
--	---

Question 10 : On considère dans l'espace associé à un repère orthonormé direct $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ les points $A(1, 2, -2)$; $B(0, 3, -3)$ et $C(1, 1, -2)$ et le plan (P) d'équation $x+y-3=0$.

<p>A. La distance du point $\Omega(0, 1, -1)$ au plan (P) est $\frac{1}{\sqrt{2}}$</p> <p>B. La sphère (S) d'origine $\Omega(0, 1, -1)$ et qui est tangente au plan (P) a pour équation cartésienne : $x^2 + y^2 + z^2 - 2y - 2z = 0$</p>	<p>C. Les points A, B et C sont alignés</p> <p>D. La sphère (S) n'est pas tangente au plan (ABC)</p> <p>E. Le point de contact de (S) et le plan (ABC) est C.</p>
---	---

Epreuve de Physique (durée 30 min)

Question 11 : Un faisceau lumineux constitué des rayons rouges R_R et des rayons violets R_V rencontre au point d'incidence I un prisme d'angle au sommet A avec un angle d'incidence $i = 30^\circ$. L'indice de réfraction du prisme varie selon la radiation : pour la radiation rouge $n_R=1,5$ et pour la radiation violette $n_V=1,57$. On donne : $c = 3.10^8 \text{ m.s}^{-1}$; $A = 50^\circ$



الرياضيات
المدة الزمنية 30 دقيقة

<p>A. 1 B. $(2\cos\frac{\pi}{12})^{12}$ C. $-(2\cos\frac{\pi}{12})^{12}$ D. -1 E. -2^{12}</p>	<p>السؤال 1 نعتبر العدد العقدي : $z = 1 + \frac{\sqrt{3}+i}{2}$. يساوي العدد z^{12} :</p>
<p>A. المتتالية (v_n) هندسية أساسها 5 . B. المتتالية (v_n) حسابية أساسها 5 . C. $v_n = 5^n$ D. $S_n = \frac{1}{4}(5 - \frac{1}{5^n})$ E. $S_n = \frac{1}{4}(5 - \frac{1}{5^{n-1}})$</p>	<p>السؤال 2 نعتبر المتتالية (u_n) المعرفة بما يلي $u_0 = 0$ و $u_1 = 1$: و $u_{n+2} = \frac{2}{5}u_{n+1} - \frac{1}{25}u_n$ لكل n من \mathbb{N} نضع لكل n من \mathbb{N} $v_n = u_{n+1} - \frac{1}{5}u_n$ و $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$</p>
<p>A. مجال تعريف الدالة $f(x)$ هو $]-\infty; -[\cup]-1; +\infty[$ B. الدالة f دالة زوجية C. المنحنى الممثل للدالة f يقبل مقاربا مانلا بجوار $+\infty$ معادلته $y = -1 + \frac{1}{2}x$ D. المنحنى الممثل للدالة f يقبل مقاربا مانلا بجوار $+\infty$ معادلته $y = 1 - \frac{1}{2}x$ E. الدالة $f(x)$ تزايدية في المجال $[0; +\infty[$</p>	<p>السؤال 3 لتكن f الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة بما يلي : $f(x) = 1 - \frac{1}{2}x - \frac{2}{e^x+1}$</p>
<p>A. مجال تعريف $f(x)$ هو : $]0; 2[\cup]2; +\infty[$ B. $f'(x) = \frac{2}{(2-x)^2}$ C. النقطة $A(1,0)$ مركز تماثل للمنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد منظم . D. الدالة العكسية : $f^{-1}(x) = \frac{e^x}{1+e^x}$ E. $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = -\infty$</p>	<p>السؤال 4 نعتبر الدالة العددية $f(x) = \ln(\frac{x}{2-x})$</p>
<p>A. $y = -x$ B. $y = x$ C. $y = 1-x$ D. $y = x-1$ E. $y = -2x$</p>	<p>السؤال 5 نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة بما يلي : $f(x) = \frac{x}{x+e^{-x}}$. معادلة المماس للمنحنى الممثل للدالة f في معلم منظم $(0, \vec{i}, \vec{j})$ في النقطة O أصل المعلم هي :</p>

<p>.A $\frac{\pi}{2}$</p> <p>.B -1</p> <p>.C e-1</p> <p>.D $\pi - 1$</p> <p>.E $\frac{\pi}{2} - 1$</p>	<p>السؤال 6</p> <p>قيمة $J = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos(x) \cdot \ln(1 + \cos(x)) \cdot dx$ هي :</p>	
<p>.A $\frac{1}{35}$</p> <p>.B $\frac{1}{7}$</p> <p>.C $\frac{1}{5}$</p> <p>.D $\frac{12}{35}$</p> <p>.E $\frac{31}{35}$</p>	<p>السؤال 7</p> <p>يحتوي كيس على ثلاث بیدقات بيضاء و أربع بیدقات سوداء (لا يمكن التمييز بين البیدقات باللمس). نسحب عشوانيا و في آن واحد ثلاث بیدقات من الكيس .احتمال الحصول على ثلاث بیدقات من نفس اللون هو :</p>	
<p>.A 0</p> <p>.B $+\infty$</p> <p>.C $-\infty$</p> <p>.D 2</p> <p>.E -2</p>	<p>السؤال 8</p> <p>تساوي</p> <p>$\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{x} \ln(x^2 - 2x + 2) \right)$:</p>	
<p>.A $-\frac{1}{2}$</p> <p>.B 0</p> <p>.C $\frac{1}{2}$</p> <p>.D 1</p> <p>.E 2</p>	<p>السؤال 9</p> <p>أفصول نقطة انعطاف المنحنى الممثل للدالة $f(x) = \frac{x}{x+1} - \ln\left(\frac{x+1}{2}\right)$ هو :</p>	
<p>.A $3(\cos(\frac{5}{2}x) - \sin(\frac{5}{2}x))$</p> <p>.B $3(\cos(\frac{5}{2}x) + \sin(\frac{5}{2}x))$</p> <p>.C $3\cos(\frac{5}{2}x)$</p> <p>.D $3\sin(\frac{5}{2}x) + 3$</p> <p>.E $3(\sin(\frac{5}{2}x) - \cos(\frac{5}{2}x))$</p>	<p>السؤال 10</p> <p>الدالة f حل المعادلة التفاضلية $4y'' + 25y = 0$ و التي تحقق الشرطين $f(0)=3$ و $f'(\frac{\pi}{2}) = 0$ هي :</p>	

EPREUVE DES MATHÉMATIQUES
DUREE : 30 minutes

<p>Question 1</p>	<p>On considère le nombre complexe $z = 1 + \frac{\sqrt{3}+i}{2}$. Le nombre z^{12} est égal à :</p>	<p>A. 1 B. $(2\cos\frac{\pi}{12})^{12}$ C. $-(2\cos\frac{\pi}{12})^{12}$ D. -1 E. -2^{12}</p>
<p>Question 2</p>	<p>On considère la suite (u_n) définie par : $u_0 = 0$, $u_1 = 1$ et $u_{n+2} = \frac{2}{5}u_{n+1} - \frac{1}{25}u_n$ pour tout $n \in \mathbb{N}$. On pose pour tout $n \in \mathbb{N}$: $v_n = u_{n+1} - \frac{1}{5}u_n$ et $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$.</p>	<p>A. (v_n) est une suite géométrique de raison 5 B. (v_n) est une suite arithmétique de raison 5 C. $v_n = 5^n$ D. $S_n = \frac{1}{4}(5 - \frac{1}{5^n})$ E. $S_n = \frac{1}{4}(5 - \frac{1}{5^{n-1}})$</p>
<p>Question 3</p>	<p>Soit la fonction numérique définie par : $f(x) = 1 - \frac{1}{2}x - \frac{2}{e^x+1}$</p>	<p>A. Le domaine de définition de $f(x)$ est $]-\infty; -1[\cup]-1; +\infty[$ B. La fonction f est paire C. La courbe représentant f possède une asymptote oblique au voisinage de $+\infty$ d'équation $y = -1 + \frac{1}{2}x$ D. La courbe représentant f possède une asymptote oblique au voisinage de $+\infty$ d'équation $y = 1 - \frac{1}{2}x$ E. La fonction $f(x)$ est croissante dans $[0; +\infty[$</p>
<p>Question 4</p>	<p>On considère la fonction numérique $f(x) = \ln(\frac{x}{2-x})$.</p>	<p>A. Le domaine de définition de f est $]0; 2[\cup]2; +\infty[$ B. $f'(x) = \frac{2}{(2-x)^2}$ C. Le point A(1,0) est le centre de symétrie de la courbe représentant $f(x)$ dans un repère orthonormé D. La fonction réciproque $f^{-1}(x) = \frac{e^x}{1+e^x}$ E. $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = -\infty$</p>
<p>Question 5</p>	<p>Pour tout x réel on considère la fonction définie par : $f(x) = \frac{x}{x+e^{-x}}$ L'équation de la tangente à la courbe représentant f dans un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) au point O origine du repère est :</p>	<p>A. $y = -x$ B. $y = x$ C. $y = 1-x$ D. $y = x-1$ E. $y = -2x$</p>

<p>Question 6</p>	<p>La valeur de $J = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos(x) \cdot \ln(1 + \cos(x)) \cdot dx$ est :</p>	<p>A. $\frac{\pi}{2}$ B. -1 C. e -1 D. $\pi - 1$ E. $\frac{\pi}{2} - 1$</p>
<p>Question 7</p>	<p>Une boîte contient 3 jetons blancs et 4 jetons noirs(on ne peut pas les identifier par le toucher).On tire au hasard et en même temps 3 jetons de la boîte. La probabilité que les trois boules tirées soient de la même couleur est :</p>	<p>A. $\frac{1}{35}$ B. $\frac{1}{7}$ C. $\frac{1}{5}$ D. $\frac{12}{35}$ E. $\frac{31}{35}$</p>
<p>Question 8</p>	<p>$\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{1}{x} \ln(x^2 - 2x + 2) \right)$ est égale à :</p>	<p>A. 0 B. $+\infty$ C. $-\infty$ D. 2 E. -2</p>
<p>Question 9</p>	<p>L'abscisse du point d'inflexion de la courbe représentant la fonction $f(x) = \frac{x}{x+1} - \ln\left(\frac{x+1}{2}\right)$ est :</p>	<p>A. $-\frac{1}{2}$ B. 0 C. $\frac{1}{2}$ D. 1 E. 2</p>
<p>Question 10</p>	<p>La fonction f(x) solution de l'équation différentielle $4y'' + 25y = 0$ et qui vérifie les conditions initiales $f(0)=3$ et $f'\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0$ est :</p>	<p>A. $3\left(\cos\left(\frac{5}{2}x\right) - \sin\left(\frac{5}{2}x\right)\right)$ B. $3\left(\cos\left(\frac{5}{2}x\right) + \sin\left(\frac{5}{2}x\right)\right)$ C. $3\cos\left(\frac{5}{2}x\right)$ D. $3\sin\left(\frac{5}{2}x\right) + 3$ E. $3\left(\sin\left(\frac{5}{2}x\right) - \cos\left(\frac{5}{2}x\right)\right)$</p>

الرياضيات
المدة الزمنية 30 دقيقة

<p>- A $]-1;1[$ - B $]-\infty;-1] \cup]1;+\infty[$ - C $]-\infty;-1[\cup]1;+\infty[$ - D $]-\infty;-1[$ - E $]-\infty;-1[\cup]1;+\infty[$</p>	<p>السؤال 1</p> <p>مجال تعريف الدالة</p> $f(x) = \ln\left(\frac{x+1}{x-1}\right)$ <p>هو :</p>
<p>- A $-\infty$ - B -1 - C 0 - D 1 - E $+\infty$</p>	<p>السؤال 2</p> $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{e^{-x} - 1}{x - 1}$ <p>تساوي</p>
<p>- A $-e^{\frac{1}{x}} \left(\frac{1}{x^2} \cos(2x) + 2 \sin(2x)\right) - \frac{1}{1+x}$ - B $-e^{\frac{1}{x}} \left(\frac{1}{x^2} \cos(2x) - 2 \sin(2x)\right) - \frac{1}{1+x}$ - C $e^{\frac{1}{x}} \left(\frac{1}{x^2} \cos(2x) + 2 \sin(2x)\right) - \frac{1}{1+x}$ - D $-e^{\frac{1}{x}} \left(\frac{1}{x^2} \cos(2x) + 2 \sin(2x)\right) + \frac{1}{1+x}$ - E $e^{\frac{1}{x}} \left(\frac{1}{x^2} \cos(2x) + 2 \sin(2x)\right) + \frac{1}{1+x}$</p>	<p>السؤال 3</p> <p>مشتقة</p> $f(x) = e^{\frac{1}{x}} \cdot \cos(2x) + \ln \frac{1}{1+x}$ <p>هي :</p>
<p>- A 1 - B -1 - C 0 - D $-\frac{1}{3}$ - E $\frac{1}{3}$</p>	<p>السؤال 4</p> $I = \int_1^e \frac{(\ln x)^2}{x} dx$ <p>تساوي</p>
<p>- A $-e^{\pi} - 1$ - B $e^{\pi} + 1$ - C $1 - e^{\pi}$ - D $-\frac{e^{\pi} + 1}{2}$ - E $\frac{e^{\pi} + 1}{2}$</p>	<p>السؤال 5</p> $J = \int_1^{e^{\pi}} \cos(\ln x) dx$ <p>تساوي</p>
<p>- A $\frac{\pi}{3} [2\pi]$</p>	<p>السؤال 6</p> <p>نعتبر العدد العقدي $z = 1 - i\sqrt{3}$</p>

<p style="text-align: right;">- B $-\frac{\pi}{3}[2\pi]$</p> <p style="text-align: right;">- C $\frac{\pi}{6}[2\pi]$</p> <p style="text-align: right;">- D $-\frac{\pi}{6}[2\pi]$</p> <p style="text-align: right;">- E $\frac{2\pi}{3}[2\pi]$</p>	<p>عمدة العدد العقدي \bar{z} هو</p>	
<p style="text-align: right;">- A 6</p> <p style="text-align: right;">- B 120</p> <p style="text-align: right;">- C 216</p> <p style="text-align: right;">- D 342</p> <p style="text-align: right;">- E 5040</p>	<p>السؤال 7</p> <p>ما هو عدد الكلمات من سبعة (7) حروف لها معنا أو لا و التي يمكن كتابتها باستعمال جميع حروف الكلمة « docteur »</p>	
<p style="text-align: right;">- A $V_n = \frac{n(n+1)}{2}$</p> <p style="text-align: right;">- B $V_n = \frac{x^n - 1}{x^n - x^{n-1}}$</p> <p style="text-align: right;">- C $V_n = \frac{x^n - x^{n-1}}{x^n - 1}$</p> <p style="text-align: right;">- D $V_n = 1 - x^n$</p> <p style="text-align: right;">- E $V_n = 1 - \left(\frac{1}{x}\right)^n$</p>	<p>السؤال 8</p> <p>لدينا $x \neq 0$ و $x \neq 1$ و $n \in \mathbb{N}^*$</p> $= 1 + \frac{1}{x} + \frac{1}{x^2} + \frac{1}{x^3} + \dots + \frac{1}{x^{n-1}}$	
<p style="text-align: right;">- A $]3; +\infty[$</p> <p style="text-align: right;">- B $] -\infty; -3[\cup]2 + \sqrt{3}; +\infty[$</p> <p style="text-align: right;">- C $]2 + \sqrt{3}; +\infty[$</p> <p style="text-align: right;">- D $]3; 2 + \sqrt{3}[$</p> <p style="text-align: right;">- E $] -3; 2 + \sqrt{3}[$</p>	<p>السؤال 9</p> <p>مجموعة حلول المتراجحة $\ln(x-1) + \ln(x-3) < \ln 2$ هي :</p>	
<p style="text-align: right;">- A $-\frac{1}{2}e^{\frac{x}{2}}$</p> <p style="text-align: right;">- B $-\frac{1}{2}\cos(x)$</p> <p style="text-align: right;">- C $-\frac{1}{2}e^{-\frac{x}{2}}$</p> <p style="text-align: right;">- D $-\frac{1}{2}(1 - \sin x)$</p> <p style="text-align: right;">- E $\frac{1}{2}(e^{\frac{-x}{2}} - 2)$</p>	<p>السؤال 10</p> <p>الدالة $g(x)$ حل المعادلة التفاضلية $2y' + y = 0$ و التي تحقق الشرط:</p> $g(0) = -\frac{1}{2}$ <p>هي :</p>	

مادة الرياضيات

21 $\lim_{n \rightarrow +\infty} \left(1 + \frac{2}{n}\right)^n$ تساوي :				
E) $2/e$	D) e^2	C) $+\infty$	B) $2e$	A) 1
22 $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x+1} - \sqrt{x}) \ln x$ تساوي :				
E) غير موجودة	D) 0	C) $\sqrt{2}$	B) 1	A) $+\infty$
23 مشتقة $\ln(x + \sqrt{1+x^2})$ تساوي :				
E) $1 + \frac{1}{\sqrt{1+x^2}}$	D) $1 + \frac{x}{\sqrt{1+x^2}}$	C) $\frac{1}{\sqrt{1+x^2}}$	B) $\frac{x}{1+x^2}$	A) $\frac{x}{\sqrt{1+x^2}}$
24 نعتبر الدالة f المعرفة على $]0, +\infty[$ ب $f(x) = 3\ln x - 5x + 2$. معادلة المماس لمنحنى f في النقطة ذات الأفصول 1 هي:				
E) $y = 2x - 3$	D) $y = -2x + 1$	C) $y = 2x - 1$	B) $y = 2x + 1$	A) $y = -2x - 1$
25 $\int_0^2 1-x dx$ يساوي :				
E) 0,5	D) 4	C) 3	B) 1	A) 2
26 $\int_1^2 x \ln x dx$ يساوي :				
E) $-1 + \ln 2$	D) $\ln 4 - \frac{3}{4}$	C) $\ln 4$	B) $\ln 2$	A) $-\frac{1}{2} + \ln 2$
27 يبلغ سكان مدينة 1 000 000 نسمة سنة 2009. يتزايد هذا العدد بنسبة 5% كل سنة. يصل عدد سكان 2013 إلى: (مساعدة: ضع (ساكنة 2009 = u_0)، (ساكنة 2013 = u_4) واكتب علاقة بين u_0 و u_4)				
E) 1 215 506	D) 1 215 556	C) 1 250 000	B) 1 150 000	A) 1 200 000
28 المعادلة $(1-i)z + 2i\bar{z} = 7 + 3i$ لها الحل التالي:				
E) $1+2i$	D) $2-i$	C) $2+i$	B) $1+i$	A) $1-2i$
29 يحتوي كيس على ثلاث كرات حمراء وخمس كرات سوداء. نسحبهم بالتتابع ودون إحلال وبطريقة عشوائية. احتمال سحب كل الكرات الحمراء أولاً ثم سحب كل الكرات السوداء هو:				
E) $\frac{3}{8}$	D) $\frac{15}{56}$	C) $\frac{1}{8}$	B) $\frac{1}{56}$	A) $\frac{15}{64}$
30 المجموع $S = 2+7+12+17+\dots+97+102$ يساوي				
E) 1300	D) 1196	C) 1040	B) 1144	A) 1092

Mathématiques

21	$\lim_{n \rightarrow +\infty} \left(1 + \frac{2}{n}\right)^n$ est égale à :				
	A) 1	B) $2e$	C) $+\infty$	D) e^2	E) $2/e$
22	$\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x+1} - \sqrt{x}) \ln x$ est égale à :				
	A) $+\infty$	B) 1	C) $\sqrt{2}$	D) 0	E) n'existe pas
23	La dérivée de $\ln(x + \sqrt{1+x^2})$ est égale à :				
	A) $\frac{x}{\sqrt{1+x^2}}$	B) $\frac{x}{1+x^2}$	C) $\frac{1}{\sqrt{1+x^2}}$	D) $1 + \frac{x}{\sqrt{1+x^2}}$	E) $1 + \frac{1}{\sqrt{1+x^2}}$
24	Soit f une fonction définie sur $]0, +\infty[$ par $f(x) = 3\ln x - 5x + 2$. L'équation de la tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse 1 est :				
	A) $y = -2x - 1$	B) $y = 2x + 1$	C) $y = 2x - 1$	D) $y = -2x + 1$	E) $y = 2x - 3$
25	$\int_0^2 1-x dx$ est égale à :				
	A) 2	B) 1	C) 3	D) 4	E) 0,5
26	$\int_1^2 x \ln x dx$ est égale à :				
	A) $-\frac{1}{2} + \ln 2$	B) $\ln 2$	C) $\ln 4$	D) $\ln 4 - \frac{3}{4}$	E) $-1 + \ln 2$
27	Soit une population de 1 000 000 habitants en 2009. Elle croît au taux de 5% par an. En 2013, cette population sera : (Indication : Poser $u_0 =$ population en 2009, $u_4 =$ population en 2013 et exprimer u_4 en fonction de u_0)				
	A) 1 200 000	B) 1 150 000	C) 1 250 000	D) 1 215 556	E) 1 215 506
28	L'équation $(1-i)z + 2i\bar{z} = 7 + 3i$ a pour solution :				
	A) $1-2i$	B) $1+i$	C) $2+i$	D) $2-i$	E) $1+2i$
29	Une urne contient trois boules rouges et cinq boules noires ; on les tire une à une. La probabilité de tirer d'abord toutes les boules rouges puis toutes les boules noires est :				
	A) $\frac{15}{64}$	B) $\frac{1}{56}$	C) $\frac{1}{8}$	D) $\frac{15}{56}$	E) $\frac{3}{8}$
30	La somme $S = 2+7+12+17+\dots+97+102$ est égale à :				
	A) 1092	B) 1144	C) 1040	D) 1196	E) 1300

مادة الرياضيات

<p>(A) $]\sqrt{8}, +\infty[$ (B) $]0, \sqrt{8}[$ (C) $]\sqrt{8}, +\infty[\setminus\{3\}$ (D) $] - \sqrt{8}, \sqrt{8}[$ (E) $]0, +\infty[$</p>	<p>السؤال 1</p> <p>تعريف مجال الدالة</p> $f(x) = \frac{\ln x}{\ln(x^2 - 8)}$ <p>هي :</p>
<p>(A) $\frac{1}{(1+x)^2} e^{\frac{1}{1+x}} - \sin x - \frac{x}{\sqrt{(1+x^2)^3}}$ (B) $-\frac{1}{(1+x)^2} e^{\frac{1}{1+x}} + \sin x - \frac{x}{\sqrt{(1+x^2)^3}}$ (C) $e^{\frac{1}{1+x}} + \sin x - \frac{x}{2\sqrt{(1+x^2)^3}}$ (D) $-\frac{1}{(1+x)^2} e^{\frac{1}{1+x}} + \sin x - \frac{x}{\sqrt{1+x^2}}$ (E) $-\frac{1}{(1+x)^2} e^{\frac{1}{1+x}} + \sin x + \frac{x}{\sqrt{(1+x^2)^3}}$</p>	<p>السؤال 2</p> <p>الدالة المشتقة ل</p> $f(x) = e^{\frac{1}{1+x}} - \cos x + \frac{1}{\sqrt{x^2+1}}$ <p>هي :</p>
<p>(A) $[5, +\infty[$ (B) $[-5, 5]$ (C) $] - \infty, -3] \cup [3, +\infty[$ (D) $] - \infty, -5] \cup [5, +\infty[$ (E) $[3, +\infty[$</p>	<p>السؤال 3</p> <p>مجموعة حلول المتراجحة</p> $\sqrt{x^2 - 9} \geq 4$ <p>هي :</p>
<p>(A) 1 , (B) $+\infty$ (C) $\frac{1}{2}$, (D) 0 (E) غير موجودة</p>	<p>السؤال 4</p> $\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{\tan x - \sin x}{x^3} \right) =$
<p>(A) $x^2 \ln(1 + x^2)$ (B) $x^2 + 2x \ln(1 + x^2)$ (C) $(1 + x^2) \ln(1 + x^2)$ (D) $2x \ln(1 + x^2) + 1$ (E) $x^2(x + \frac{1}{2} \ln^2(1 + x^2))$</p>	<p>السؤال 5</p> <p>الدالة الاصلية ل</p> $2x(1 + \ln(1 + x^2))$ <p>هي :</p>

1/2

<p>(A) $\frac{(1 + \sqrt{5})}{2}$</p> <p>(B) $\frac{i(-1 + \sqrt{5})}{2}$</p> <p>(C) $\frac{(1 + i\sqrt{5})}{2}$</p> <p>(D) $\frac{i(1 + \sqrt{5})}{2}$</p> <p>(E) $\frac{(-1 + i\sqrt{5})}{2}$</p>	<p>حل للمعادلة</p> $z \in \mathbb{C}, \quad z = \frac{2iz - 1}{z + i}$ <p>هو:</p>	السؤال 6
<p>(A) -1, (B) $+\infty$</p> <p>(C) $\frac{1}{2}$, (D) 1</p> <p>(E) غير موجودة</p>	<p>لدينا المتتالية الحسابية</p> $u_0 = 1; \quad u_{n+1} = \frac{1}{2}\left(u_n + \frac{1}{u_n}\right)$ $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n =$	السؤال 7
<p>(A) $\frac{\ln 2}{2}$, (B) $\frac{1}{2}$</p> <p>(C) $\frac{\ln^2 2}{2}$, (D) $\ln^2 2$</p> <p>(E) $2\ln^2 2$</p>	$I = \int_1^2 \frac{\ln x}{x} dx$	السؤال 8
<p>(A) $S_n = \frac{n(n+1)}{2}$</p> <p>(B) $S_n = \frac{n(n+1)(3n-1)}{6}$</p> <p>(C) $S_n = \frac{n^2(n^2+1)}{2}$</p> <p>(D) $S_n = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$</p> <p>(E) $S_n = n^2(n^2+1)$</p>	$S_n = 1^2 + 2^2 + \dots + (n-1)^2 + n^2$	السؤال 9
<p>(A) $\tan x$</p> <p>(B) $\frac{1}{\tan x}$</p> <p>(C) $\frac{1}{\sin x}$</p> <p>(D) $-\frac{1}{\tan x}$</p> <p>(E) $\frac{1}{\cos^2 x}$</p>	$\tan\left(x - \frac{3\pi}{2}\right) =$	السؤال 10

2/2

Université Mohammed 1^{er},
 Faculté de Médecine et de Pharmacie, OUJDA

Concours d'accès (Année 2008-2009)

Epreuve de Mathématiques

Durée : 30 min

N.B. Pour chaque question, cinq réponses sont proposées, dont une seule est correcte.

Question 1	Le domaine de définition de la fonction $f(x) = \frac{\ln x}{\ln(x^2 - 8)}$ est :	(A) $]\sqrt{8}, +\infty[$ (B) $]0, \sqrt{8}[$ (C) $]\sqrt{8}, +\infty[\setminus\{3\}$ (D) $] - \sqrt{8}, \sqrt{8}[$ (E) $]0, +\infty[$
Question 2	La dérivée de la fonction $f(x) = e^{\frac{1}{1+x}} - \cos x + \frac{1}{\sqrt{x^2+1}}$ est :	(A) $\frac{1}{(1+x)^2} e^{\frac{1}{1+x}} - \sin x - \frac{x}{\sqrt{(1+x^2)^3}}$ (B) $-\frac{1}{(1+x)^2} e^{\frac{1}{1+x}} + \sin x - \frac{x}{\sqrt{(1+x^2)^3}}$ (C) $e^{\frac{1}{1+x}} + \sin x - \frac{x}{2\sqrt{(1+x^2)^3}}$ (D) $-\frac{1}{(1+x)^2} e^{\frac{1}{1+x}} + \sin x - \frac{x}{\sqrt{1+x^2}}$ (E) $-\frac{1}{(1+x)^2} e^{\frac{1}{1+x}} + \sin x + \frac{x}{\sqrt{(1+x^2)^3}}$
Question 3	L'ensemble des solutions de l'inéquation $\sqrt{x^2 - 9} \geq 4$ est :	(A) $[5, +\infty[$ (B) $[-5, 5]$ (C) $] - \infty, -3] \cup [3, +\infty[$ (D) $] - \infty, -5] \cup [5, +\infty[$ (E) $[3, +\infty[$
Question 4	$\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{\tan x - \sin x}{x^3} \right) =$	(A) 1 (B) $+\infty$ (C) $\frac{1}{2}$ (D) 0 (E) n'existe pas

4/2

Question 5	<p>Une primitive de la fonction</p> $2x(1 + \ln(1 + x^2))$ <p>est :</p>	<p>(A) $x^2 \ln(1 + x^2)$ (B) $x^2 + 2x \ln(1 + x^2)$ (C) $(1 + x^2) \ln(1 + x^2)$ (D) $2x \ln(1 + x^2) + 1$ (E) $x^2(x + \frac{1}{2} \ln^2(1 + x^2))$</p>
Question 6	<p>Une solution de l'équation</p> $z \in \mathbb{C}, z = \frac{2iz - 1}{z + i}$ <p>est :</p>	<p>(A) $\frac{(1 + \sqrt{5})}{2}$ (B) $\frac{i(-1 + \sqrt{5})}{2}$ (C) $\frac{(1 + i\sqrt{5})}{2}$ (D) $\frac{i(1 + \sqrt{5})}{2}$ (E) $\frac{(-1 + i\sqrt{5})}{2}$</p>
Question 7	<p>On considère la suite numérique</p> <p>définie par</p> $u_0 = 1; u_{n+1} = \frac{1}{2}(u_n + \frac{1}{u_n})$ <p>$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n =$</p>	<p>(A) -1 (B) $+\infty$ (C) $\frac{1}{2}$ (D) 1 (E) n'existe pas</p>
Question 8	$I = \int_1^2 \frac{\ln x}{x} dx$	<p>(A) $\frac{\ln 2}{2}$ (B) $\frac{1}{2}$ (C) $\frac{\ln^2 2}{2}$ (D) $\ln^2 2$ (E) $2 \ln^2 2$</p>
Question 9	$S_n = 1^2 + 2^2 + \dots + (n-1)^2 + n^2$	<p>(A) $S_n = \frac{n(n+1)}{2}$ (B) $S_n = \frac{n(n+1)(3n-1)}{6}$ (C) $S_n = \frac{n^2(n^2+1)}{2}$ (D) $S_n = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$ (E) $S_n = n^2(n^2+1)$</p>
Question 10	$\tan(x - \frac{3\pi}{2}) =$	<p>(A) $\tan x$ (B) $\frac{1}{\tan x}$ (C) $\frac{1}{\sin x}$ (D) $-\frac{1}{\tan x}$ (E) $\frac{1}{\cos^2 x}$</p>

2/2



اختبار 1 : الرياضيات : الأسئلة من 1 إلى 16

السؤال 1 (2 نقط) : حيز تعريف الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة ب: $f(x) = \tan \left(\sqrt[3]{-\left(x - \frac{\pi}{2}\right)^2 + \frac{\pi}{2}} \right)$ هو :

$\left] -\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \right[$ A

$\mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{\pi}{2} \right\}$ B

المجموعة الفارغة C

$\left\{ \frac{\pi}{2} \right\}$ D

\mathbb{R} E

السؤال 2 (2 نقط) : الدالة المشتقة الثالثة للدالة المعرفة على \mathbb{R} ب: $f(x) = x \left(e^{-x} + \frac{1}{2}x - 1 \right)$ هي الدالة المعرفة على \mathbb{R} ب :

$f'''(x) = e^{-x} (3 - x) + 1$ A

$f'''(x) = e^{-x} (3 - x)$ B

$f'''(x) = e^{-x} (x - 3)$ C

$f'''(x) = 2e^{-x} (3 - x)$ D

$f'''(x) = e^{-x}$ E

السؤال 3 (2 نقط) : قيمة التكامل : $I = \int_1^{e^2} (\ln(t))^2 dt$ هي :

$I = 2(e^2 - 1)$ A

$I = e - 2$ B

$I = e^2 - 2$ C

$I = 0$ D

$I = 2(1 - e^2)$ E

السؤال 4 (2 نقط) : الدالة العددية المعرفة على $\left] -\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \right[$ ب $g(x) = \ln \left(\frac{1 + \sin x}{\cos x} \right)$ هي دالة :

سالبة قطعاً A

زوجية B

لا زوجية ولا فردية C

موجبة قطعاً D

فردية E



السؤال 5 (2 نقط) : في مجموعة الأعداد الحقيقية، المعادلة $e^x + ix = x + ie^x$:

- A تقبل أربعة حلول
B تقبل حلا وحيدا
C تقبل ثلاثة حلول
D لا تقبل أي حل
E تقبل ما لا نهاية له من الحلول

السؤال 6 (2 نقط) : يحتوي صندوق على: ثلاث كريات خضراء وأربع كريات زرقاء وخمس كريات بيضاء لا يمكن التمييز بينها باللمس. نسحب عشوائيا وفي آن واحد كرتين من هذا الصندوق. احتمال الحصول على كرتين من نفس اللون هو:

- A $p = 1$
B $p = \frac{C_3^2 C_4^2 C_5^2}{C_{12}^2}$
C $p = \frac{C_3^2 + C_4^2 + C_5^2}{C_{12}^2}$
D $p = \frac{A_3^2 + A_4^2 + A_5^2}{C_{12}^2}$
E $p = \frac{A_3^2 A_4^2 A_5^2}{C_{13}^2}$

السؤال 7 (2 نقط) : العدد العقدي $\frac{2e^{2019i\frac{\pi}{3}} + 2e^{2016i\frac{\pi}{3}}}{e^{2020i\pi} + e^{2018i\pi}}$:

- A يساوي 1
B منعدم
C سالب قطعا
D تخيلي صرف وغير منعدم
E يساوي 2

السؤال 8 (0.75 نقطة) : الحل العام للمعادلة التفاضلية: $\pi y'' = 0$ هو الدوال المعرفة على IR ب:

- A $y(x) = ax + b$
B $y(x) = (ax + b)e^{-\pi x}$
C $y(x) = e^{-\pi x}(a \cos(\pi x) + b \sin(\pi x))$
D $y(x) = a \cos(\sqrt{\pi} x + b)$
E $y(x) = a \cos(\pi x + b)$

حيث a و b عدنان حقيقيان.



كلية الطب و الصيدلة فاس

ⵜⴰⵎⴻⵔⴰⵏⵜ ⵏ ⵜⴰⵎⴻⵔⴰⵏⵜ ⵏ ⵜⴰⵎⴻⵔⴰⵏⵜ

Faculté de Médecine et de Pharmacie de Fès

السؤال 9 (0.75 نقطة) : في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد وممنظم ومباشر، مجموعة النقط M التي تحقق $\overrightarrow{AM} \cdot (\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC}) = 0$ حيث A و B و C نقط معلومة ومختلفة مثنى مثنى من هذا الفضاء هي :

- A المجموعة $\{A, B, C\}$
B دائرة مركزها A
C الفلانة ذات القطر BC
D فلانة مركزها A
E مستوى

السؤال 10 (0.75 نقطة) : نهاية المتتالية ذات الحد العام $v_n = \frac{(-\pi)^n - (-e)^n}{(-2)^n - (-3)^n}$ هي :

- A $\frac{\pi}{3}$
B $+\infty$
C $\pi - e$
D $-\infty$
E $\frac{e}{2}$

السؤال 11 (0.75 نقطة) : بجوار $+\infty$ ، منحنى الدالة العددية للمتغير الحقيقي المعرفة ب $f(x) = \frac{e^x}{\ln x}$ يقبل:

- A مقاربا أفقيا
B فرعا شلجيميا اتجاهه محور الافاصيل
C فرعا شلجيميا اتجاهه محور الارايب
D مقاربا راسيا
E نقطة انعطاف

السؤال 12 (0.75 نقطة) : قيمة التكامل $\int_{-1}^1 \frac{1}{x^2 - 5x + 6} dx$ هي :

- A -1
B $\ln 3 - \ln 2$
C 0
D 1
E 2



Epreuve 1: Mathématiques: Questions de 1 à 16

Question 1 (2 points) : Le domaine de définition de la fonction numérique f de la variable

réelle x définie par $f(x) = \tan\left(\sqrt[3]{-\left(x - \frac{\pi}{2}\right)^2 + \frac{\pi}{2}}\right)$ est égal à :

- A $\left]-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right[$
- B $\mathbb{R} \setminus \left\{\frac{\pi}{2}\right\}$
- C *vide*
- D $\left\{\frac{\pi}{2}\right\}$
- E \mathbb{R}

Question 2 (2 points) : La fonction dérivée 3^{eme} de la fonction définie sur \mathbb{R} par

$f(x) = x\left(e^{-x} + \frac{1}{2}x - 1\right)$ est la fonction définie sur \mathbb{R} par :

- A $f'''(x) = e^{-x}(3-x) + 1$
- B $f'''(x) = e^{-x}(3-x)$
- C $f'''(x) = e^{-x}(x-3)$
- D $f'''(x) = 2e^{-x}(3-x)$
- E $f'''(x) = e^{-x}$

Question 3 (2 points) : La valeur de l'intégrale $I = \int_1^{e^2} (\ln(t))^2 dt$ est :

- A $I = 2(e^2 - 1)$
- B $I = e - 2$
- C $I = e^2 - 2$
- D $I = 0$
- E $I = 2(1 - e^2)$

Question 4 (2 points) : La fonction numérique définie sur $\left]-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right[$ par $g(x) = \ln\left(\frac{1 + \sin x}{\cos x}\right)$

est :

- A strictement négative
- B paire
- C ni paire ni impaire
- D strictement positive
- E impaire



كلية الطب و الصيدلة فاس

ⵜⴰⵎⴻⵔⴰⵏⵜ ⵜⴰⵎⴻⵔⴰⵏⵜ ⵜⴰⵎⴻⵔⴰⵏⵜ

Faculté de Médecine et de Pharmacie de Fès

Question 5 (2 points): Dans l'ensemble des nombre réels, l'équation $e^x + ix = x + ie^x$:

- A admet quatre solutions
 B admet une seule solution
 C admet trois solutions
 D n'admet aucune solution
 E admet une infinité de solutions

Question 6 (2 points) : Une urne contient trois boules vertes, quatre boules bleues et cinq boules blanches indiscernables au toucher. On tire au hasard et simultanément deux boules de cette urne. La probabilité d'avoir deux boules de même couleur est:

- A $p = 1$
 B $p = \frac{C_3^2 C_4^2 C_5^2}{C_{12}^2}$
 C $p = \frac{C_3^2 + C_4^2 + C_5^2}{C_{12}^2}$
 D $p = \frac{A_3^2 + A_4^2 + A_5^2}{C_{12}^2}$
 E $p = \frac{A_3^2 A_4^2 A_5^2}{C_{13}^2}$

Question 7 (2 points) : Le nombre complexe $\frac{2e^{2019i\frac{\pi}{3}} + 2e^{2016i\frac{\pi}{3}}}{e^{2020i\pi} + e^{2018i\pi}}$ est :

- A égal à 1
 B nul
 C strictement négatif
 D imaginaire pure et non nul
 E égal à 2

Question 8 (0,75 point) : La solution générale de l'équation différentielle $\pi y'' = 0$ est l'ensemble des applications définies sur \mathbb{R} par :

- A $y(x) = ax + b$
 B $y(x) = (ax + b)e^{-\pi x}$
 C $y(x) = e^{-\pi x}(a \cos(\pi x) + b \sin(\pi x))$
 D $y(x) = a \cos(\sqrt{\pi} x + b)$
 E $y(x) = a \cos(\pi x + b)$

Où a et b sont deux nombres réels.



كلية الطب و الصيدلة فاس

ⵜⴰⵎⴻⵔⴰⵏⵜ ⵏ ⵜⴰⵎⴻⵔⴰⵏⵜ ⵏ ⵜⴰⵎⴻⵔⴰⵏⵜ ⵏ ⵜⴰⵎⴻⵔⴰⵏⵜ

Faculté de Médecine et de Pharmacie de Fès

Question 9 (0,75 point) : Dans l'espace rapporté à un repère orthonormé direct, l'ensemble des points M vérifiant $\overrightarrow{AM} \cdot (\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC}) = 0$, où A , B et C sont trois points distincts deux à deux fixés dans l'espace, est :

- A l'ensemble $\{A, B, C\}$
- B un cercle de centre A
- C la sphère de diamètre BC
- D une sphère de centre A
- E un plan

Question 10 (0,75 point) : La limite de la suite de terme général $v_n = \frac{(-\pi)^n - (-e)^n}{(-2)^n - (-3)^n}$ est égale à :

- A $\frac{\pi}{3}$
- B $+\infty$
- C $\pi - e$
- D $-\infty$
- E $\frac{e}{2}$

Question 11 (0,75 point) : Au voisinage de $+\infty$, la courbe de la fonction numérique de la variable réelle définie par $f(x) = \frac{e^x}{\ln x}$ admet :

- A une asymptote horizontale
- B une branche parabolique de direction l'axe des abscisses
- C une branche parabolique de direction l'axe des ordonnées
- D une asymptote verticale
- E un point d'inflexion

Question 12 (0,75 point) : La valeur de l'intégrale $\int_{-1}^1 \frac{1}{x^2 - 5x + 6} dx$ est :

- A -1
- B $\ln 3 - \ln 2$
- C 0
- D 1
- E 2



Question 13 (0,75 point) : La limite l en 1 de la fonction numérique de la variable réelle x

définie par $F(x) = \int_1^x \frac{e^{-t^2}}{x-1} dt$ est :

- A $l = e^{-1}$
- B $l = e^{-2}$
- C $l = 0$
- D *n'existe pas*
- E $l = +\infty$

Question 14 (0,5 point) : La limite de la suite définie par: $u_0 = 1$ et $(\forall n \in \mathbb{N}) u_{n+1} = \frac{u_n^3}{2}$

est :

- A *n'existe pas*
- B $-\sqrt{2}$
- C $+\infty$
- D $\sqrt{2}$
- E 0

Question 15 (0,5 point) : Dans \mathbb{R} , l'équation : $\ln^3(x) + \ln(x) - 1 = 0$,

- A admet deux solutions dans $]1, e[$
- B admet trois solutions dans $]1, e[$
- C admet trois solutions dans $]0, +\infty[$
- D admet une seule solution dans $]1, e[$
- E *n'admet aucune solution dans $]1; +\infty[$*

Question 16 (0,5 point) : Dans l'espace rapporté à un repère orthonormé direct $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$,

le produit vectoriel $\vec{i} \wedge (\vec{j} \wedge \vec{k})$ est égal à :

- A \vec{i}
- B \vec{j}
- C $\vec{0}$
- D \vec{k}
- E $-\vec{k}$



Royaume du Maroc

المملكة المغربية

كلية الطب و الصيدلة فاس

ⵜⴰⴳⴷⴰⵏⵜ ⵜⴰⵎⴷⵉⵏⵜ ⵜⴰⵎⴰⵔⵜ ⵜⴰⵎⴰⵔⵜ

Faculté de Médecine et de Pharmacie de Fès



اختبار 1 : الرياضيات : الأسئلة من 1 إلى 16

السؤال 1 (2 نقط) : حيز تعريف الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة ب: $f(x) = \sqrt[3]{-x^2}$ هو :

$]-\infty, 0[$ A

$]-\infty, 0]$ B

فارغ C

$\{0\}$ D

$[0, +\infty[$ E

السؤال 2 (2 نقط) : لكل عدد حقيقي x من المجال $]0, +\infty[$ قيمة التكامل $\int_0^x \frac{t}{1+t} dt$ هي :

$x - \ln(1+x)$ A

x B

0 C

$\ln(x+1) - x$ D

$2x - \ln(1+x)$ E

السؤال 3 (2 نقط) : لكل عدد صحيح طبيعي غير منعدم n الدالة $\ln^{(n)}(x)$ المشتقة من الرتبة n للدالة \ln هي الدالة المعرفة على المجال $]0, +\infty[$ ب:

$\ln^{(n)}(x) = (-1)^n \frac{(n-1)!}{x^n}$ A

$\ln^{(n)}(x) = (-1)^n \frac{n!}{x^n}$ B

$\ln^{(n)}(x) = (-1)^{n+1} \frac{n!}{x^n}$ C

$\ln^{(n)}(x) = (\ln(x))^n$ D

$\ln^{(n)}(x) = (-1)^{n-1} \frac{(n-1)!}{x^n}$ E



Royaume du Maroc

المملكة المغربية



كلية الطب و الصيدلة فاس

ⵜⴰⵎⴳⴷⴰⵏⵜ ⵜⴰⵎⴳⴷⴰⵏⵜ ⵜⴰⵎⴳⴷⴰⵏⵜ

Faculté de Médecine et de Pharmacie de Fès

السؤال 4 (2 نقط): النهاية النهائية $\lim_{x \rightarrow +\infty} x \sin\left(\frac{1}{x}\right)$ تساوي :

- $-\infty$ A
0 B
1 C
-1 D
 $+\infty$ E

السؤال 5 (2 نقط): النهاية l للدالة $\int_0^x (t^2 + 2t - 1)e^t dt$ عند العدد 1 هي:

- $l = +\infty$ A
 $l = 1$ B
 $l = 4e + 1$ C
 $l = -\infty$ D
غير موجودة E

السؤال 6 (2 نقط): النص التالي: « $x^2 \geq 0$ ($x \in \mathbb{R}$) » هو :

- عبارة صحيحة A
عبارة خاطئة B
عبارة موجبة C
دالة عبارية D
قانون منطقي E

السؤال 7 (2 نقط): في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد وممنظم $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، مجموعة النقط $M(x, y, z)$

حيث
$$\begin{cases} x - y + z = 0 \\ x^2 + y^2 + z^2 - 2018 = 0 \end{cases}$$
 هي :

- دائرة A
مستوى B
مستقيم مار من النقطة $O(0, 0, 0)$ C
الفلكة ذات المركز O والشعاع 2018 D
الفلكة ذات المركز O والشعاع $\sqrt{2018}$ E

مباراة ولوج كلية الطب و الصيدلة بفاس 2018-2019



Royaume du Maroc

المملكة المغربية



كلية الطب و الصيدلة فاس

ⵜⴰⴳⴷⴰⵏⵜ ⵏ ⵜⴰⵎⴷⵉⵏⵜ ⵏ ⵜⴰⵎⴰⵏⴰⵏⵜ ⵏ ⴱⴰⵔ

Faculté de Médecine et de Pharmacie de Fès

السؤال 8 (0.75 نقطة) : نعتبر المتتالية المعرفة ب: $u_0 = 1,0001$ و $(\forall n \in \mathbb{N}) u_{n+1} = u_n^{2018}$.
نهاية المتتالية (u_n) هي :

- A غير موجودة
B $-\infty$
C 0
D 1
E $+\infty$

السؤال 9 (0.75 نقطة) : لكل عدد حقيقي غير منعدم x ، نعتبر في المستوى العقدي النقط
 $A(|x|)$ و $B(|x|e^{2i})$ و $C(|x|e^{-2i})$ و $D(-|x|e^{-2i})$: إذن :

- A النقط A و B و C و D مستقيمة
B الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع
C النقط A و B و C و D متداورة
D $(AB) \parallel (CD)$
E $AB = CD$

السؤال 10 (0.75 نقطة) : احتمال حصول مرشح على النقطة 0,25 في اختبار الرياضيات هذا علما انه يختار عشوائيا احد الأجوبة في كل سؤال من الأسئلة الستة عشرة هذه هو:

- A $\frac{1}{80}$
B 0
C 1
D $\frac{4^{16}}{5^{16}}$
E $\frac{C_5^4}{80}$

السؤال 11 (0.75 نقطة) : نهاية المتتالية ذات الحد العام $u_n = 1,999...999$ حيث العدد 9 مكتوب $n+1$ مرة هي :

- A 0
B $+\infty$
C 3
D 2
E 1,99



Royaume du Maroc

المملكة المغربية



كلية الطب و الصيدلة فاس

ⵜⴰⵎⴰⵔⴰⵏⵜ ⴰⵏ ⵜⴰⵎⴰⵔⴰⵏⵜ ⴰⵏ ⵜⴰⵎⴰⵔⴰⵏⵜ

Faculté de Médecine et de Pharmacie de Fès

السؤال 12 (0.75 نقطة) : قيمة التكامل $\int_{-\sqrt{2}}^{\sqrt{2}} \sqrt{2-x^2} dx$ هي :

π A

2π B

0 C

$\pi\sqrt{2}$ D

$2\sqrt{2}$ E

السؤال 13 (0.75 نقطة) : المعادلة $x^{2019} + x - 2019 = 0$ ، ذات المجهول x

تقبل حلا وحيدا في مجموعة الأعداد العقدية A

تقبل 2019 حلا في IR B

تقبل حلا وحيدا في IN C

تقبل حلا وحيدا في مجموعة الأعداد الصحيحة النسبية D

تقبل حلا وحيدا في IR E

السؤال 14 (0.5 نقطة) : لكل عدد صحيح طبيعي غير منعدم n المعادلة $A_n^k = k!$ ، ذات المجهول k في IN

لا تقبل حلا A

تقبل الحل الوحيد n B

تقبل حلين بالضبط C

تقبل ما لا نهاية له من الحلول D

تقبل $n+1$ حلا E

السؤال 15 (0.5 نقطة) : لتكن P و Q عبارتين حيث P خاطئة .

إذا كان الاستلزام $P \Rightarrow Q$ صحيحا ، فإن :

Q صحيحة وخاطئة في نفس الوقت A

Q إما صحيحة وإما خاطئة B

Q خاطئة بالضرورة C

Q صحيحة بالضرورة D

P صحيحة E

السؤال 16 (0.5 نقطة) : في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم (O, \vec{u}, \vec{v}) ، مجموعة النقط $M(z)$ حيث

$\arg(z) \equiv 0 \pmod{\pi}$ هي:

المحور التخيلي A

المحور الحقيقي B

المستوى العقدي C

المحور الحقيقي محروم من النقطة O D

نصف مستقيم أصله O E

مباراة ولوج كلية الطب و الصيدلة بفاس 2018-2019



Royaume du Maroc

المملكة المغربية



كلية الطب و الصيدلة فاس

ⵜⴰⴳⴷⴰⵏⵜ ⵏ ⵜⴰⵎⴷⵓⵏⵜ ⵏ ⴱⴰⴳⴷⴰⵏⵜ ⴰⴽⴷⴰⵏⵜ

Faculté de Médecine et de Pharmacie de Fès

Epreuve 1: Mathématiques: Questions de 1 à 16

Question 1 (2 points) : Le domaine de définition de la fonction f de la variable réelle x définie par $f(x) = \sqrt[3]{-x^2}$ est égal à :

- A $] -\infty, 0[$
- B $] -\infty, 0]$
- C *vide*
- D $\{0\}$
- E $[0, +\infty[$

Question 2 (2 points) : Pour tout nombre réel x de l'intervalle $]0, +\infty[$, la valeur de

l'intégrale $\int_0^x \frac{t}{1+t} dt$ est :

- A $x - \ln(1+x)$
- B x
- C 0
- D $\ln(x+1) - x$
- E $2x - \ln(1+x)$

Question 3 (2 points) : Pour tout entier naturel non nul n , $\ln^{(n)}$: la dérivée n^{ieme} de la fonction : \ln sur l'intervalle $]0, +\infty[$ est la fonction définie sur $]0, +\infty[$ par :

- A $\ln^{(n)}(x) = (-1)^n \frac{(n-1)!}{x^n}$
- B $\ln^{(n)}(x) = (-1)^n \frac{n!}{x^n}$
- C $\ln^{(n)}(x) = (-1)^{n+1} \frac{n!}{x^n}$
- D $\ln^{(n)}(x) = (\ln(x))^n$
- E $\ln^{(n)}(x) = (-1)^{n-1} \frac{(n-1)!}{x^n}$



Royaume du Maroc

المملكة المغربية



كلية الطب و الصيدلة فاس

ⵜⴰⴳⴷⴰⵏⵜ ⴰⴽⴰⴷⴰⵏⵜ ⴰⴽⴰⴷⴰⵏⵜ ⴰⴽⴰⴷⴰⵏⵜ

Faculté de Médecine et de Pharmacie de Fès

Question 4 (2 points) : La limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} x \sin\left(\frac{1}{x}\right)$ est égale à :

- A $-\infty$
- B 0
- C 1
- D -1
- E $+\infty$

Question 5 (2 points) : La limite l en 1 de la fonction $x \mapsto \int_0^x (t^2 + 2t - 1)e^t dt$ est :

- A $l = +\infty$
- B $l = 1$
- C $l = 4e + 1$
- D $l = -\infty$
- E *n'existe pas*

Question 6 (2 points) : Le texte suivant : « $(x \in \mathbb{R}) \quad x^2 \geq 0$ » est une :

- A proposition vraie
- B proposition fausse
- C proposition positive
- D fonction propositionnelle
- E loi logique

Question 7 (2 points) : Dans l'espace (\mathcal{E}) rapporté à un repère orthonormé $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$,

l'ensemble des points $M(x, y, z)$ tels que $\begin{cases} x - y + z = 0 \\ x^2 + y^2 + z^2 - 2018 = 0 \end{cases}$ est :

- A un cercle
- B un plan
- C une droite passant par le point $O(0,0,0)$
- D la sphère de centre O et de rayon 2018
- E la sphère de centre O et de rayon $\sqrt{2018}$



Royaume du Maroc

المملكة المغربية



كلية الطب و الصيدلة فاس

ⵜⴰⴳⴷⴰⵏⵜ ⵜⴰⵎⴰⵏⵏⵜ ⵜⴰⵎⴰⵏⵏⵜ ⵜⴰⵎⴰⵏⵏⵜ

Faculté de Médecine et de Pharmacie de Fès

Question 8 (0,75 point) : On considère la suite définie par :

$u_0 = 1,0001$ et $(\forall n \in \mathbb{N}) u_{n+1} = u_n^{2018}$. La limite de la suite (u_n) est :

- A n'existe pas
- B $-\infty$
- C 0
- D 1
- E $+\infty$

Question 9 (0,75 point) : Pour tout réel non nul x , on considère dans le plan complexe, les points $A(|x|)$, $B(|x|e^{2i})$, $C(|x|e^{-2i})$ et $D(-|x|e^{-2i})$, alors:

- A A, B, C et D sont alignés
- B $ABCD$ est un parallélogramme
- C A, B, C et D sont cocycliques
- D $(AB) \parallel (CD)$
- E $AB = CD$

Question 10 (0,75 point) : La probabilité pour qu'un candidat obtienne la note 0,25 dans cette épreuve de mathématique sachant qu'il choisit au hasard l'une des cinq réponses possibles dans chacune des seize questions est :

- A $\frac{1}{80}$
- B 0
- C 1
- D $\frac{4^{16}}{5^{16}}$
- E $\frac{C_5^4}{80}$

Question 11 (0,75 point) : La limite de la suite de terme général $u_n = 1,999\dots999$, où 9 est écrit $n+1$ fois, est égale à :

- A 0
- B $+\infty$
- C 3
- D 2
- E 1,99



Royaume du Maroc

المملكة المغربية



كلية الطب و الصيدلة فاس

ⵜⴰⴳⴷⴰⵏⵜ ⵜⴰⵎⴰⵔⵜ ⵜⴰⵎⴰⵏⴰⵏⵜ ⵜⴰⵎⴰⵏⴰⵏⵜ

Faculté de Médecine et de Pharmacie de Fès

Question 12 (0,75 point) : La valeur de l'intégrale $\int_{-\sqrt{2}}^{\sqrt{2}} \sqrt{2-x^2} dx$ est :

- A π
- B 2π
- C 0
- D $\pi\sqrt{2}$
- E $2\sqrt{2}$

Question 13 (0,75 point) : L'équation $x^{2019} + x - 2019 = 0$, d'inconnue x

- A admet une seule solution dans l'ensemble des nombres complexes
- B admet 2019 solutions dans \mathbb{R}
- C admet une seule solution dans \mathbb{N}
- D admet une seule solution dans l'ensemble des entiers relatifs
- E admet une seule solution dans \mathbb{R}

Question 14 (0,5 point) : Pour tout entier naturel non nul n , l'équation $A_n^k = k!$, d'inconnue k dans \mathbb{N}

- A n'admet pas de solution
- B admet la seule solution n
- C admet exactement deux solutions
- D admet une infinité de solutions
- E admet $n+1$ solutions

Question 15 (0,5 point) : Soient P et Q deux propositions telles que P est fausse.

Si l'implication $P \Rightarrow Q$ est vraie, alors :

- A Q est à la fois vraie et fausse
- B Q est soit vraie soit fausse
- C Q est nécessairement fausse
- D Q est nécessairement vraie
- E P est vraie

Question 16 (0,5 point) : Dans le plan complexe rapporté au repère (O, \vec{u}, \vec{v}) , l'ensemble

des points $M(z)$ tels que $\arg(z) \equiv 0 \pmod{\pi}$ est :

- A l'axe des imaginaires
- B l'axe des réels
- C le plan complexe.
- D l'axe des réels privé du point O
- E une demi droite d'origine O



اختبار 1 : الرياضيات : الأسئلة من 1 إلى 16

السؤال 1 (2 نقط) : بالنسبة للعددين اللاجذريين e و π لدينا :

- A e و π عدنان جذريان
- B $e^\pi = \pi^e$
- C $e^\pi + \pi^e = 1$
- D $e^\pi > \pi^e$
- E $e^\pi \times \pi^e = 1$

السؤال 2 (2 نقط) : مجموعة التعريف D للدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة بـ
 $f(x) = e^{-x} - \ln(x^2 - 2x + 2) + \sqrt[2017]{-x}$ هي :

- A $D = \mathbb{R}$
- B $D = [0, +\infty[$
- C $D =]-\infty, 0]$
- D $D = \{0\}$
- E $D =]-\infty, 0[$

السؤال 3 (2 نقط) : قيمة التكامل $I = \int_1^2 \left(\frac{2}{x} - 1\right) \ln(x) dx$ هي :

- A $(\ln 2 - 1) \ln 2$
- B $(\ln(2) - 1)^2$
- C 0
- D $\ln(2)$
- E $2(\ln 2 - 1) \ln 2$

السؤال 4 (2 نقط) : نهاية المتتالية الترجعية المعرفة بـ $u_0 = -2017$ و $u_{n+1} = e^{u_n} + u_n$ ($\forall n \in \mathbb{N}$) هي :

- A $+\infty$
- B 0
- C $-\infty$
- D غير موجودة
- E -2017



كلية الطب والصيدلة

+oYΣLloI+ | +OIΣIIΣ+ Λ +OoOXO+
FACULTÉ DE MÉDECINE ET DE PHARMACIE

السؤال 5 (2 نقط): النهاية على اليمين في العدد 0 للدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة بـ

$$f(x) = e^{\frac{\ln(x)}{e^x}} - \frac{\ln(x)}{e^x}$$

- A $+\infty$
 B $-\infty$
 C 0
 D 1
 E غير موجودة

السؤال 6 (2 نقط): يحتوي صندوق على 5 كريات بيضاء و 4 خضراء لا يمكن التمييز بينها باللمس. نسحب من هذا الصندوق بتتابع 3 كريات وفق القاعدة التالية: إذا كانت الكرية المسحوبة خضراء، نعيدها إلى الصندوق؛ وإذا كانت بيضاء لا نرجعها إليه. احتمال أن تكون الكرية الأولى المسحوبة هي الوحيدة التي لونها ابيض هو:

- A $\frac{4}{36}$
 B $\frac{5}{36}$
 C $\frac{1}{9}$
 D $\frac{4}{9^3}$
 E 0

السؤال 7 (2 نقط): النهاية l على اليمين في العدد 0 للدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة بـ

$$x \mapsto \int_x^1 \left(1 + \frac{1}{t}\right) e^{-\frac{1}{t}} dt$$

- A $l = +\infty$
 B $l = -\infty$
 C e^{-1}
 D $l = 1$
 E غير موجودة

السؤال 8 (0.75 نقطة): في المستوى العقدي، نعتبر النقط $A(\sqrt{2})$ و $B(-i)$ و $D(1)$ و $E(i\sqrt{2})$. إذن:

- A A و B و D و E مستقيمة
 B A و B و D و E متداورة
 C $ABDE$ معين
 D $AB = DE$ و $(AB) \perp (DE)$
 E $ABDE$ مستطيل



السؤال 9 (0.75 نقطة) : المعادلة $e^{ix} + 1 = 0$ ذات المجهول الحقيقي x

- A تقبل حلين فقط
 B تقبل الحل الوحيد π
 C لا تقبل حلا
 D تقبل ما لا نهاية له من الحلول
 E تقبل π و $-\pi$ كحلين وحيدين

السؤال 10 (0.75 نقطة) : نهاية المتتالية (u_n) التي تحقق $\frac{u_n}{u_{n-1}} = e^{-n}$ ($\forall n \in \mathbb{N}^*$) تساوي :

- A e
 B e^{-1}
 C 0
 D $-\infty$
 E $+\infty$

السؤال 11 (0.75 نقطة) : النهاية $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sin(x)}{x}$ تساوي :

- A $-\infty$
 B 0
 C -1
 D 1
 E $+\infty$

السؤال 12 (0.75 نقطة) : إذا كانت f^{-1} هي الدالة العكسية للدالة: $f :]1, +\infty[\rightarrow \mathbb{R}, x \mapsto \frac{x}{\sqrt[3]{x^3 - 1}}$

فانه لكل x من المجال $]1, +\infty[$

- A $f^{-1}(x) = \frac{x}{\sqrt[3]{x^3 - 1}}$
 B $f^{-1}(x) = x$
 C $f^{-1}(f(x)) = x^3$
 D $f^{-1}(x) = \frac{\sqrt[3]{x^3 - 1}}{x}$
 E $f(f^{-1}(x)) = \sqrt[3]{x}$



السؤال 13 (0.75 نقطة): في مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية، المعادلة $\sum_{k=0}^n C_n^k = 2^6$ ذات المجهول n

- A $n = 6$ تقبل الحل الوحيد
- B $n = 5$ تقبل الحل الوحيد
- C تقبل ما لا نهاية له من الحلول
- D تقبل 6 حلول مختلفة
- E لا تقبل أي حل

السؤال 14 (0.5 نقطة): لكل عدد حقيقي x حيث $0 < |x| < 1$ ، المتتالية (u_n) المعرفة ب:

$$(\forall n \in \mathbb{N}) u_n = (1 + |x|)^n$$

- A تقبل النهاية 1 عندما n يؤول إلى $+\infty$
- B متباعدة
- C ثابتة
- D سالبة قطعا
- E تناقصية قطعا

السؤال 15 (0.5 نقطة): المعادلة $e^x - i \ln(x) = 0$ ذات المجهول الحقيقي x :

- A تقبل ما لا نهاية له من الحلول في $]0, +\infty[$
- B تقبل حلا على الأقل في $]-\infty; +\infty[$
- C لا تقبل حلا في $]0, +\infty[$
- D تقبل حلين في $]0, +\infty[$
- E تقبل حلا وحيدا في $]0, +\infty[$

السؤال 16 (0.5 نقطة): في الفضاء (\mathcal{E}) المنسوب إلى معلم متعامد وممنظم $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، تقاطع المستويين $(P): x - y + z = 0$ و $(Q): x + y - z + 1 = 0$ هو:

- A مستوى
- B مستقيم موجه بالمتجهة $\vec{u}(1, 1, -1)$
- C مستقيم مار من النقطة $A(0, 0, -1)$
- D مستقيم موجه بالمتجهة $\vec{v}(0, 2, 2)$
- E مستقيم موجه بالمتجهة $\vec{w}(1, -1, 1)$



اختبار 1 : الرياضيات : الأسئلة من 1 إلى 16

السؤال 1 (2 نقط) : لكل عدد صحيح طبيعي n حيث $n \geq 2$ لدينا :

A_n^2 مضاعف C_n^2 A

$A_n^2 = C_n^2$ B

$A_n^2 < C_n^2$ C

$A_n^2 = \frac{C_n^2}{2!}$ D

$A_n^2 \leq C_n^2$ E

$f :]0, +\infty[\rightarrow IR$

السؤال 2 (2 نقط) : الدالة المشتقة للدالة :
 $x \mapsto e^x - \ln(x) + \sqrt[3]{x} - x^2 + \frac{x-1}{x+1} - x$

هي الدالة المعرفة على المجال $]0, +\infty[$ ب :

$f'(x) = e^x - \frac{1}{x} + \frac{1}{3\sqrt[3]{x^2}} - 2x - \frac{2}{(x+1)^2} - 1$ A

$f'(x) = -\frac{1}{x} + \frac{1}{3\sqrt[3]{x^2}} - 2x + \frac{2}{(x+1)^2} - 1$ B

$f'(x) = e^x - \frac{1}{x} + \frac{1}{3\sqrt[3]{x^2}} - 2x + \frac{2}{(x+1)^2}$ C

$f'(x) = e^x + \frac{1}{3\sqrt[3]{x^2}} - 2x + \frac{2}{(x+1)^2} - 1$ D

$f'(x) = e^x - \frac{1}{x} + \frac{1}{3\sqrt[3]{x^2}} - 2x + \frac{2}{(x+1)^2} - 1$ E

السؤال 3 (2 نقط) : قيمة التكامل : $I = \int_0^{\ln(4)} (e^{2x} - 4e^x) dx$ هي :

-4,5 A

$\ln(4)$ B

0 C

$\ln(2) - 1$ D

$e^2 - 4e$ E

السؤال 4 (2 نقط) : نهاية المتتالية ذات الحد العام : $u_n = n + \cos((-1)^n n^3 - n^2 + \sqrt[3]{n})$ هي :

غير موجودة A

0 B

$-\infty$ C

$+\infty$ D

-1 E



السؤال 5 (2 نقط): حيز تعريف الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة ب: $f(x) = e^{\frac{\ln(x)}{\sqrt[3]{x}-1}}$ هو:

A $]-\infty, 0[$

B $]0, 1[\cup]1, +\infty[$

C $]0, 1[\cup]1, +\infty]$

D $]0, 1[\cup]1, +\infty[$

E $]0, +\infty[$

السؤال 6 (2 نقط): احتمال حصول مرشح على النقطة 20 في اختبار الرياضيات هذا، علما انه اختار عشوائيا احد الاجوبة في كل سؤال من الأسئلة الستة عشرة، هو:

A $\frac{1}{80}$

B $\frac{C_5^1}{80}$

C $\frac{16}{80}$

D $\frac{1}{5^{16}}$

E 0

السؤال 7 (2 نقط): العددان العقديان $z_1 = e^{2017i} + e^{2016i}$ و $z_2 = e^{-2017i} + e^{-2016i}$:

A موجبان قطعا

B سالبان قطعا

C مترافقان

D متساويان

E متقابلان

السؤال 8 (0.75 نقطة): حل المعادلة التفاضلية $y' + y + 1 = 0$ الذي يحقق $y(0) = 0$ هو الدالة المعرفة على \mathbb{R} . ب:

A $y(x) = (x+1)e^{-x}$

B $y(x) = e^x - e^{-x}$

C $y(x) = e^{-x} - 1$

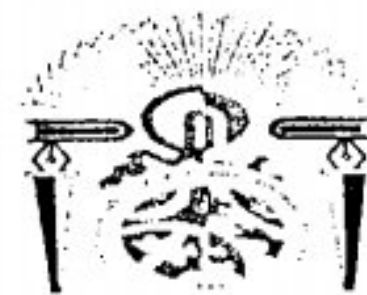
D $y(x) = \cos(x) - 1$

E $y(x) = e^{-x}(\cos(x) + \sin(x)) - 1$



Université Sidi Mohammed Ben Abdellah
Faculté de Médecine et de Pharmacie
Fès

جامعة سيدي محمد بن عبد الله
كلية الطب والصيدلة
فاس



السؤال 9 (0.75 نقطة) : في مجموعة الأعداد الحقيقية، المعادلة $(\cos(x) + i \sin(x))^5 = 0$:

- A تقبل حلين
B تقبل حلا وحيدا
C تقبل ما لا نهاية له من الحلول
D لا تقبل أي حل
E تقبل خمسة حلول

السؤال 10 (0.75 نقطة) : نهاية المتتالية ذات الحد العام $v_n = \sqrt[n+1]{7} - \sqrt[n+1]{e}$ هي :

- A $\frac{7}{e}$
B $7 - e$
C 0
D $-\infty$
E $+\infty$

السؤال 11 (0.75 نقطة) : النهاية $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^x - 1}{x - 1}$ تساوي :

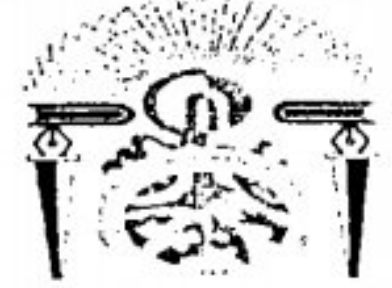
- A $-\infty$
B $+\infty$
C -1
D 1
E 0

$$f :]\ln(4), +\infty[\rightarrow \mathbb{R}$$
$$x \mapsto \ln(e^{2x} - 4e^x)$$

السؤال 12 (0.75 نقطة) : إذا كانت f^{-1} هي الدالة العكسية للدالة

فان:

- A $(f^{-1})'(\ln 5) = 0$
B $(f^{-1})'(\ln 5) = \frac{1}{6}$
C $(f^{-1})'(\ln 5) = -\frac{1}{6}$
D $(f^{-1})'(\ln 5) \neq \frac{1}{6}$
E $f(\ln 5) \neq \ln 5$



السؤال 13 (0.75 نقطة) : الانحراف الطرازي لمتغير عشوائي حداني X وسيطاه $n=16$ و $p=0,5$ هو :

$\sigma(X)=4$ A

$\sigma(X)=2$ B

$\sigma(X)=-4$ C

$\sigma(X)=3$ D

$\sigma(X)=-2$ E

السؤال 14 (0.5 نقطة) : المتتالية المعرفة ب : $\forall n \in \mathbb{N} u_n = 1,222...222$ حيث الرقم 2 مكتوب n مرة :

A تقبل نهاية لامنتهية

B تناقصية قطعا

C ثابتة

D سالبة قطعا

E تزايدية قطعا

السؤال 15 (0.5 نقطة) : المعادلة : $e^x - \ln(x) = 0$

A تقبل حلا وحيدا في $]-2, +\infty[$

B تقبل على الأقل حلا في المجال $]-\infty; +\infty[$

C تقبل حلا وحيدا في $]0, +\infty[$

D تقبل حلين في $]-2, +\infty[$

E لا تقبل حلا في $]0, +\infty[$

السؤال 16 (0.5 نقطة) : قيمة التكامل $J = \int_0^1 2(e^t + e^{-t})^2 dt$ هي :

$e^2 - e^{-2} + 4$ A

$e^{-2} - e^2 + 4$ B

$e^2 - e^{-2} - 4$ C

$e^2 + e^{-2} + 4$ D

2 E

<p>(A): IR</p> <p>(B): $] -\infty, -1] \cup [1, +\infty[\cup \{0\}$</p> <p>(C): المجموعة الفارغة</p> <p>(D): $[0, +\infty[$</p> <p>(E): $] -\infty, -1] \cup [1, +\infty[$</p>	<p>السؤال 1</p> <p>مجموعة تعريف الدالة : $F : IR \rightarrow IR$ $x \mapsto \sqrt{x^4 - x^2}$</p> <p>هي :</p>
<p>(A): $C_{12}^4 - C_5^4$</p> <p>(B): $C_{12}^4 - C_7^4$</p> <p>(C): $A_{12}^4 - A_5^4$</p> <p>(D): C_5^4</p> <p>(E): C_{12}^4</p>	<p>السؤال 2</p> <p>نعتبر صندوقا محتويا على 5 كرات بيضاء و 4 كرات خضراء و 3 كرات حمراء. نسحب من هذا الصندوق 4 كرات في آن واحد. عدد السحبات التي تحتوي على الأقل كرة ليست بيضاء هو :</p>
<p>(A): 4025</p> <p>(B): $\sqrt{2012^2 + 2013^2}$</p> <p>(C): $\sqrt{2012 + 2013}$</p> <p>(D): 1</p> <p>(E): -1</p>	<p>السؤال 3</p> <p>معيار العدد العقدي :</p> $\frac{2012 - 2013i}{2012 + 2013i}$ <p>هو :</p>
<p>(A): $e^{i\frac{3\pi}{7}}$</p> <p>(B): $2\cos\left(\frac{11\pi}{7}\right)e^{i\frac{11\pi}{7}}$</p> <p>(C): $2\cos\left(\frac{4\pi}{7}\right)e^{i\frac{11\pi}{7}}$</p> <p>(D): $-e^{i\frac{8\pi}{7}}$</p> <p>(E): $2\sin\left(\frac{4\pi}{7}\right)e^{i\frac{11\pi}{7}}$</p>	<p>السؤال 4</p> <p>الكتابة الاسية للعدد العقدي :</p> $1 + e^{i\frac{8\pi}{7}}$ <p>هي :</p>
<p>(A): نقطتان</p> <p>(B): قطعة</p> <p>(C): نصف دائرة</p> <p>(D): مجموعة فارغة</p> <p>(E): نقطة</p>	<p>السؤال 5</p> <p>تقاطع الفلكة $S(\Omega(-1,0,1), R=1)$ والمستقيم (AB) حيث $A(-1,0,1)$ و $B(1,0,-1)$ هو :</p>

<p>(A) : $y(x) = \alpha \cos(ax) + \beta \sin(ax)$ (B) : $y(x) = \alpha e^{ax} + \beta e^{-ax}$ (C) : $y(x) = \alpha e^{ax} + \beta$ (D) : $y(x) = (\alpha x + \beta) e^{ax}$ (E) : $y(x) = \alpha \cos(\sqrt{ax}) + \beta \sin(\sqrt{ax})$ حيث α و β عدنان حقيقيان</p>	<p>السؤال 6 ليكن α عددا حقيقيا موجبا قطعيا . الحل العام للمعادلة التفاضلية : $y'' + ay = 0$ هو الدوال المعرفة على IR ب:</p>	
<p>(A) : $I = \frac{\pi}{4}$ (B) : $I = \ln(\sqrt{2})$ (C) : $I = \ln(2)$ (D) : $I = 1$ (E) : $I = 0$</p>	<p>السؤال 7 قيمة التكامل : $I = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \tan(x) dx$ هي :</p>	
<p>(A) : $F(x) = x \ln(x) - x - \sqrt{e}$ (B) : $F(x) = e^x$ (C) : $F(x) = x \ln(x) - x + \frac{\sqrt{e}}{2}$ (D) : $F(x) = -\int_{\sqrt{e}}^x \ln(t) dt$ (E) : $F(x) = x \ln(x) - x + \sqrt{e}$</p>	<p>السؤال 8 الدالة الأصلية للدالة \ln على المجال $]0, +\infty[$ والتي تتعدم في العدد \sqrt{e} هي الدالة F المعرفة على $]0, +\infty[$ ب :</p>	
<p>(A) : غير معرفة (B) : $-\infty$ (C) : $\ln(2013)$ (D) : $+\infty$ (E) : $\ln(e)$</p>	<p>السؤال 9 نهاية المتتالية الترجعية المتقاربة المعرفة ب : $(\forall n \in IN) U_{n+1} = \ln(U_n) + 1$ و $U_0 = 2013$ هي :</p>	
<p>(A) : 0 (B) : 1 (C) : $+\infty$ (D) : $-\infty$ (E) : -1</p>	<p>السؤال 10 $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x - \ln(x)}{\sqrt[3]{x} - x^3} =$</p>	

Question 1	<p>Le domaine de définition de la fonction :</p> $F: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ $x \mapsto \sqrt{x^4 - x^2}$ <p>est :</p>	<p>(A) : \mathbb{R}</p> <p>(B) : $]-\infty, -1] \cup [1, +\infty[\cup \{0\}$</p> <p>(C) : \emptyset</p> <p>(D) : $[0, +\infty[$</p> <p>(E) : $]-\infty, -1] \cup [1, +\infty[$</p>
Question 2	<p>Une urne contient 5 boules blanches, 4 vertes et 3 rouges .</p> <p>On tire simultanément 4 boules de cette urne. Le nombre de tirages contenant au moins une boule non blanche est :</p>	<p>(A) : $C_{12}^4 - C_5^4$</p> <p>(B) : $C_{12}^4 - C_7^4$</p> <p>(C) : $A_{12}^4 - A_5^4$</p> <p>(D) : C_5^4</p> <p>(E) : C_{12}^4</p>
Question 3	<p>Le module du nombre complexe :</p> $\frac{2012 - 2013i}{2012 + 2013i}$ <p>est :</p>	<p>(A) : 4025</p> <p>(B) : $\sqrt{2012^2 + 2013^2}$</p> <p>(C) : $\sqrt{2012 + 2013}$</p> <p>(D) : 1</p> <p>(E) : -1</p>
Question 4	<p>La forme exponentielle du nombre complexe :</p> $1 + e^{i\frac{8\pi}{7}}$ <p>est :</p>	<p>(A) : $e^{i\frac{8\pi}{7}}$</p> <p>(B) : $2 \cos\left(\frac{11\pi}{7}\right) e^{i\frac{11\pi}{7}}$</p> <p>(C) : $2 \cos\left(\frac{4\pi}{7}\right) e^{i\frac{11\pi}{7}}$</p> <p>(D) : $-e^{i\frac{8\pi}{7}}$</p> <p>(E) : $2 \sin\left(\frac{4\pi}{7}\right) e^{i\frac{11\pi}{7}}$</p>
Question 5	<p>L'intersection de la sphère :</p> $S(\Omega(-1, 0, 1), R=1)$ <p>et la droite (AB) où $A(-1, 0, 1)$ et $B(1, 0, -1)$ est :</p>	<p>(A) : deux points</p> <p>(B) : un segment</p> <p>(C) : un demi-cercle</p> <p>(D) : l'ensemble vide</p> <p>(E) : un point</p>

Question 6	<p>Soit a un nombre réel strictement positif. La solution générale de l'équation différentielle:</p> $y'' + ay = 0$ <p>est l'ensemble des fonctions y définies sur \mathbb{R} par:</p>	<p>(A) : $y(x) = \alpha \cos(ax) + \beta \sin(ax)$ (B) : $y(x) = \alpha e^{ax} + \beta e^{-ax}$ (C) : $y(x) = \alpha e^{ax} + \beta$ (D) : $y(x) = (\alpha x + \beta) e^{ax}$ (E) : $y(x) = \alpha \cos(\sqrt{a}x) + \beta \sin(\sqrt{a}x)$ avec α et β deux nombres réels.</p>
Question 7	<p>La valeur de l'intégrale:</p> $I = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \tan(x) dx$ <p>est :</p>	<p>(A) : $I = \frac{\pi}{4}$ (B) : $I = \ln(\sqrt{2})$ (C) : $I = \ln(2)$ (D) : $I = 1$ (E) : $I = 0$</p>
Question 8	<p>La fonction primitive de la fonction \ln sur l'intervalle $]0, +\infty[$ s'annulant en \sqrt{e} est la fonction F définie sur $]0, +\infty[$ par:</p>	<p>(A) : $F(x) = x \ln(x) - x - \sqrt{e}$ (B) : $F(x) = e^x$ (C) : $F(x) = x \ln(x) - x + \frac{\sqrt{e}}{2}$ (D) : $F(x) = -\int_{\sqrt{e}}^x \ln(t) dt$ (E) : $F(x) = x \ln(x) - x + \sqrt{e}$</p>
Question 9	<p>La limite de la suite récurrente convergente définie par :</p> $U_0 = 2013 \text{ et } (\forall n \in \mathbb{N}) U_{n+1} = \ln(U_n) + 1$ <p>est:</p>	<p>(A) : n'existe pas (B) : $-\infty$ (C) : $\ln(2013)$ (D) : $+\infty$ (E) : $\ln(e)$</p>
Question 10	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x - \ln(x)}{\sqrt[3]{x} - x^3} =$	<p>(A) : 0 (B) : 1 (C) : $+\infty$ (D) : $-\infty$ (E) : -1</p>

مادة الرياضيات

<p>(A) : $[1, +\infty[$ (B) : \mathbb{R} (C) : $]-\infty, -1[\cup]1, +\infty[$ (D) : $]-\infty, -1[$ (E) : $]1, +\infty[$</p>	<p>السؤال 1 مجموعة تعريف الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة ب :</p> $f(x) = \ln\left(\frac{x-1}{x+1}\right)$ <p>هي :</p>	
<p>(A) : $g'(x) = \frac{1}{3\sqrt[3]{e^{2x}}}$ (B) : $g'(x) = \frac{1}{3\sqrt[3]{e^x}}$ (C) : $g'(x) = \frac{e^x}{3}$ (D) : $g'(x) = \frac{1}{3}$ (E) : $g'(x) = \frac{1}{3e^x}$</p>	<p>السؤال 2 الدالة المشتقة للدالة : $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ $x \mapsto \ln(\sqrt[3]{e^x})$ هي الدالة g' المعرفة على \mathbb{R} ب :</p>	
<p>(A) : $I = e^\pi$ (B) : $I = e^\pi - 1$ (C) : $I = e^\pi + 1$ (D) : $I = 0$ (E) : $I = 1 - e^\pi$</p>	<p>السؤال 3 قيمة التكامل : $I = \int_0^\pi 2e^x \sin(x) dx$ هي :</p>	
<p>(A) : $y(x) = e^{mx} (a \cos(mx) + b \sin(mx))$ (B) : $y(x) = a e^{mx} + b e^{-mx}$ (C) : $y(x) = a e^{mx} + b$ (D) : $y(x) = (ax + b) e^{mx}$ (E) : $y(x) = a \cos(mx) + b \sin(mx)$ حيث a و b عدنان حقيقيان .</p>	<p>السؤال 4 ليكن m عددا حقيقيا غير منعدم . الحل العام للمعادلة التفاضلية : $y'' - 2my' + 2m^2 y = 0$ هو الدوال y المعرفة على \mathbb{R} ب :</p>	
<p>(A) : قطعة (B) : نصف دائرة (C) : نقطة (D) : مجموعة فارغة (E) : دائرة</p>	<p>السؤال 5 تقاطع الفلكة : $S(\Omega(1,1,1), R=1)$ والمستوى : $(P) : x - y + z + \sqrt{3} - 1 = 0$ هو :</p>	

<p>(A) : $p = \frac{24}{49}$</p> <p>(B) : $p = \frac{4}{21}$</p> <p>(C) : $p = \frac{7}{18}$</p> <p>(D) : $p = \frac{8}{20}$</p> <p>(E) : $p = \frac{4}{7}$</p>	<p>السؤال 6</p> <p>نعتبر ثلاثة صناديق U_1 و U_2 و U_3 محتوية على 20 كرة موزعة كما يلي :</p> <table border="1" data-bbox="891 394 1670 651"> <thead> <tr> <th>الصندوق</th> <th>U_3</th> <th>U_2</th> <th>U_1</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>عدد الكرات البيضاء</td> <td>1</td> <td>3</td> <td>4</td> </tr> <tr> <td>عدد الكرات الخضراء</td> <td>5</td> <td>4</td> <td>3</td> </tr> </tbody> </table> <p>نختار عشوائيا صندوقا ثم نسحب منه كرة واحدة . علما أن الكرة المسحوبة بيضاء فالاحتمال p لكي تكون من الصندوق U_1 هو :</p>	الصندوق	U_3	U_2	U_1	عدد الكرات البيضاء	1	3	4	عدد الكرات الخضراء	5	4	3
الصندوق	U_3	U_2	U_1										
عدد الكرات البيضاء	1	3	4										
عدد الكرات الخضراء	5	4	3										
<p>(A) : $e^{-\frac{5i\pi}{6}}$</p> <p>(B) : $-e^{-\frac{5i\pi}{6}}$</p> <p>(C) : $2e^{-\frac{5i\pi}{6}}$</p> <p>(D) : $e^{\frac{4i\pi}{3}}$</p> <p>(E) : 2</p>	<p>السؤال 7</p> <p>الكتابة الاسية للعدد العقدي :</p> $\frac{\sqrt{3}-i}{-1+i\sqrt{3}}$ <p>هي :</p>												
<p>(A) : 2^{2012}</p> <p>(B) : $2^{2012} \cos\left(\frac{3\pi}{4}\right)$</p> <p>(C) : $-2^{2012} i\sqrt{2} \cos\left(\frac{3\pi}{4}\right)$</p> <p>(D) : -2^{1006}</p> <p>(E) : -2^{2013}</p>	<p>السؤال 8</p> <p>الشكل الجبري للعدد العقدي :</p> $(-1+i)^{2012}$ <p>هو :</p>												
<p>(A) : $\ln(3)$</p> <p>(B) : $-\infty$</p> <p>(C) : $\ln(e)$</p> <p>(D) : $+\infty$</p> <p>(E) : $-\ln(3-e)$</p>	<p>السؤال 9</p> <p>نهاية المتتالية ذات الحد العام :</p> $S_n = \ln\left(\sum_{k=0}^n \frac{e^k}{3^{k+1}}\right)$ <p>هي :</p>												
<p>(A) : $l = \frac{1}{e^2}$</p> <p>(B) : $l = \frac{1}{e}$</p> <p>(C) : غير موجودة</p> <p>(D) : $l = +\infty$</p> <p>(E) : $l = 0$</p>	<p>السؤال 10</p> <p>النهاية l عند العدد 1 للدالة العددية R للمتغير الحقيقي x المعرفة ب :</p> $R(x) = \frac{1}{x-1} \int_1^x e^{-t^2} dt$ <p>هي :</p>												

Epreuve de mathématique

Question 1	<p>Le domaine de définition de la fonction numérique f de la variable réelle x définie par:</p> $f(x) = \ln\left(\frac{x-1}{x+1}\right)$ <p>est :</p>	<p>(A) : $]1, +\infty[$ (B) : \mathbb{R} (C) : $] -\infty, -1[\cup]1, +\infty[$ (D) : $] -\infty, -1[$ (E) : $]1, +\infty[$</p>
Question 2	<p>La fonction dérivée de la fonction :</p> $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ $x \mapsto \ln\left(\sqrt[3]{e^x}\right)$ <p>est la fonction g' définie sur \mathbb{R} par :</p>	<p>(A) : $g'(x) = \frac{1}{3\sqrt[3]{e^{2x}}}$ (B) : $g'(x) = \frac{1}{3\sqrt[3]{e^x}}$ (C) : $g'(x) = \frac{e^x}{3}$ (D) : $g'(x) = \frac{1}{3}$ (E) : $g'(x) = \frac{1}{3e^x}$</p>
Question 3	<p>La valeur de l'intégrale:</p> $I = \int_0^\pi 2e^x \sin(x) dx$ <p>est :</p>	<p>(A) : $I = e^\pi$ (B) : $I = e^\pi - 1$ (C) : $I = e^\pi + 1$ (D) : $I = 0$ (E) : $I = 1 - e^\pi$</p>
Question 4	<p>Soit m un nombre réel non nul.</p> <p>La solution générale de l'équation différentielle:</p> $y'' - 2my' + 2m^2y = 0$ <p>est l'ensemble des fonctions y définies sur \mathbb{R} par:</p>	<p>(A) : $y(x) = e^{mx} (a \cos(mx) + b \sin(mx))$ (B) : $y(x) = ae^{mx} + be^{-mx}$ (C) : $y(x) = ae^{mx} + b$ (D) : $y(x) = (ax + b)e^{mx}$ (E) : $y(x) = a \cos(mx) + b \sin(mx)$ avec a et b deux nombres réels.</p>
Question 5	<p>L'intersection de la sphère :</p> $S(\Omega(1,1,1), R=1)$ <p>et du plan :</p> $(P) : x - y + z + \sqrt{3} - 1 = 0$ <p>est :</p>	<p>(A) : un segment (B) : un demi-cercle (C) : un point (D) : l'ensemble vide (E) : un cercle.</p>

Question 6	<p>On considère trois urnes U_1, U_2 et U_3 contenant 20 boules réparties comme suit :</p> <table border="1" data-bbox="600 399 1375 656"> <thead> <tr> <th>Urne</th> <th>U_1</th> <th>U_2</th> <th>U_3</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>Boules blanches</td> <td>4</td> <td>3</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>Boules vertes</td> <td>3</td> <td>4</td> <td>5</td> </tr> </tbody> </table> <p>On choisit au hasard une urne et on tire au hasard une boule de cette urne. Sachant que la boule tirée est blanche, la probabilité p pour qu'elle provienne de l'urne U_1 est:</p>	Urne	U_1	U_2	U_3	Boules blanches	4	3	1	Boules vertes	3	4	5	<p>(A) : $p = \frac{24}{49}$ (B) : $p = \frac{4}{21}$ (C) : $p = \frac{7}{18}$ (D) : $p = \frac{8}{20}$ (E) : $p = \frac{4}{7}$</p>
Urne	U_1	U_2	U_3											
Boules blanches	4	3	1											
Boules vertes	3	4	5											
Question 7	<p>L'écriture sous la forme exponentielle du nombre complexe:</p> $\frac{\sqrt{3} - i}{-1 + i\sqrt{3}}$ <p>est :</p>	<p>(A) : $e^{-\frac{5i\pi}{6}}$ (B) : $-e^{-\frac{5i\pi}{6}}$ (C) : $2e^{-\frac{5i\pi}{6}}$ (D) : $e^{\frac{4i\pi}{3}}$ (E) : 2</p>												
Question 8	<p>La forme algébrique du nombre complexe :</p> $(-1 + i)^{2012}$ <p>est :</p>	<p>(A) : 2^{2012} (B) : $2^{2012} \cos\left(\frac{3\pi}{4}\right)$ (C) : $-2^{2012} i\sqrt{2} \cos\left(\frac{3\pi}{4}\right)$ (D) : -2^{1006} (E) : -2^{2013}</p>												
Question 9	<p>La limite de la suite de terme général:</p> $S_n = \ln\left(\sum_{k=0}^n \frac{e^k}{3^{k+1}}\right)$ <p>est:</p>	<p>(A) : $\ln(3)$ (B) : $-\infty$ (C) : $\ln(e)$ (D) : $+\infty$ (E) : $-\ln(3 - e)$</p>												
Question 10	<p>La limite l au point 1 de la fonction numérique R de la variable réelle x définie par :</p> $R(x) = \frac{1}{x-1} \int_1^x e^{-t^2} dt$ <p>est :</p>	<p>(A) : $l = \frac{1}{e^2}$ (B) : $l = \frac{1}{e}$ (C) : n'existe pas (D) : $l = +\infty$ (E) : $l = 0$</p>												

Epreuve de mathématique

Question 1	<p>Le domaine de définition de la fonction numérique f de la variable réelle x définie par:</p> $f(x) = \ln\left(\frac{x-1}{x+1}\right)$ <p>est :</p>	<p>(A) : $[1, +\infty[$ (B) : \mathbb{R} (C) : $]-\infty, -1[\cup]1, +\infty[$ (D) : $]-\infty, -1[$ (E) : $]1, +\infty[$</p>
Question 2	<p>La fonction dérivée de la fonction :</p> $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ $x \mapsto \ln(\sqrt[3]{e^x})$ <p>est la fonction g' définie sur \mathbb{R} par :</p>	<p>(A) : $g'(x) = \frac{1}{3\sqrt[3]{e^{2x}}}$ (B) : $g'(x) = \frac{1}{3\sqrt[3]{e^x}}$ (C) : $g'(x) = \frac{e^x}{3}$ (D) : $g'(x) = \frac{1}{3}$ (E) : $g'(x) = \frac{1}{3e^x}$</p>
Question 3	<p>La valeur de l'intégrale:</p> $I = \int_0^\pi 2e^x \sin(x) dx$ <p>est :</p>	<p>(A) : $I = e^\pi$ (B) : $I = e^\pi - 1$ (C) : $I = e^\pi + 1$ (D) : $I = 0$ (E) : $I = 1 - e^\pi$</p>
Question 4	<p>Soit m un nombre réel non nul.</p> <p>La solution générale de l'équation différentielle:</p> $y'' - 2my' + 2m^2y = 0$ <p>est l'ensemble des fonctions y définies sur \mathbb{R} par:</p>	<p>(A) : $y(x) = e^{mx} (a \cos(mx) + b \sin(mx))$ (B) : $y(x) = ae^{mx} + be^{-mx}$ (C) : $y(x) = ae^{mx} + b$ (D) : $y(x) = (ax + b)e^{mx}$ (E) : $y(x) = a \cos(mx) + b \sin(mx)$ avec a et b deux nombres réels.</p>
Question 5	<p>L'intersection de la sphère :</p> $S(\Omega(1,1,1), R=1)$ <p>et du plan :</p> $(P) : x - y + z + \sqrt{3} - 1 = 0$ <p>est :</p>	<p>(A) : un segment (B) : un demi-cercle (C) : un point (D) : l'ensemble vide (E) : un cercle.</p>

Question 6	<p>On considère trois urnes U_1, U_2 et U_3 contenant 20 boules réparties comme suit :</p> <table border="1" data-bbox="583 513 1325 753"> <thead> <tr> <th>Urne</th> <th>U_1</th> <th>U_2</th> <th>U_3</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>Boules blanches</td> <td>4</td> <td>3</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>Boules vertes</td> <td>3</td> <td>4</td> <td>5</td> </tr> </tbody> </table> <p>On choisit au hasard une urne et on tire au hasard une boule de cette urne. Sachant que la boule tirée est blanche, la probabilité p pour qu'elle provienne de l'urne U_1 est:</p>	Urne	U_1	U_2	U_3	Boules blanches	4	3	1	Boules vertes	3	4	5	<p>(A) : $p = \frac{24}{49}$ (B) : $p = \frac{4}{21}$ (C) : $p = \frac{7}{18}$ (D) : $p = \frac{8}{20}$ (E) : $p = \frac{4}{7}$</p>
Urne	U_1	U_2	U_3											
Boules blanches	4	3	1											
Boules vertes	3	4	5											
Question 7	<p>L'écriture sous la forme exponentielle du nombre complexe:</p> $\frac{\sqrt{3} - i}{-1 + i\sqrt{3}}$ <p>est :</p>	<p>(A) : $e^{\frac{5i\pi}{6}}$ (B) : $-e^{\frac{5i\pi}{6}}$ (C) : $2e^{\frac{5i\pi}{6}}$ (D) : $e^{\frac{4i\pi}{3}}$ (E) : 2</p>												
Question 8	<p>La forme algébrique du nombre complexe :</p> $(-1 + i)^{2012}$ <p>est :</p>	<p>(A) : 2^{2012} (B) : $2^{2012} \cos\left(\frac{3\pi}{4}\right)$ (C) : $-2^{2012} i\sqrt{2} \cos\left(\frac{3\pi}{4}\right)$ (D) : -2^{1006} (E) : -2^{2013}</p>												
Question 9	<p>La limite de la suite de terme général:</p> $S_n = \ln\left(\sum_{k=0}^n \frac{e^k}{3^{k+1}}\right)$ <p>est:</p>	<p>(A) : $\ln(3)$ (B) : $-\infty$ (C) : $\ln(e)$ (D) : $+\infty$ (E) : $-\ln(3 - e)$</p>												
Question 10	<p>La limite l au point 1 de la fonction numérique R de la variable réelle x définie par :</p> $R(x) = \frac{1}{x-1} \int_1^x e^{-t^2} dt$ <p>est :</p>	<p>(A) : $l = \frac{1}{e^2}$ (B) : $l = \frac{1}{e}$ (C) : n'existe pas (D) : $l = +\infty$ (E) : $l = 0$</p>												

موضوع الرياضيات

(المدة الزمنية 30 د)

<p>(A) : $p = \frac{3}{38}$</p> <p>(B) : $p = \frac{5}{38}$</p> <p>(C) : $p = \frac{70}{380}$</p> <p>(D) : $p = \frac{A_3^2}{70}$</p> <p>(E) : $p = \frac{C_3^2}{70}$</p>	<p>السؤال 1</p> <p>في مختبر لانتاج الأدوية تتوفر على التين "1" و "2" لانتاج الدواء "1". الآلة "1" تضمن 70 في المئة من انتاج الدواء "1" بينما الآلة "2" تضمن 30 في المئة المتبقية. 5 في المئة من الدواء "1" المنتج بالآلة "1" غير صالح و 1 في المئة المنتج بالآلة "2" ايضا غير صالح. نختار عشوائيا علبة من هذا الدواء. الاحتمال لكي تكون هذه العلبة منتوجة بالآلة "2" علما انها غير صالحة هو:</p>
<p>(A) : 2</p> <p>(B) : 0</p> <p>(C) : e</p> <p>(D) : $+\infty$</p> <p>(E) : 1</p>	<p>السؤال 2</p> <p>نهاية المتتالية</p> $S_n = \sum_{k=1}^{k=n} \frac{1}{\sqrt{k}}$ <p>عند $+\infty$ هي :</p>
<p>(A) : $S = \{2, -1+i\sqrt{3}, -1-i\sqrt{3}\}$</p> <p>(B) : $S = \{2, 1+i\sqrt{3}, 1-i\sqrt{3}\}$</p> <p>(C) : $S = \{2, 1+i\sqrt{3}, -1-i\sqrt{3}\}$</p> <p>(D) : $S = \{2i, 1+i\sqrt{3}, -1-i\sqrt{3}\}$</p> <p>(E) : $S = \{-2, 1+i\sqrt{3}, -1-i\sqrt{3}\}$</p>	<p>السؤال 3</p> <p>مجموعة الحلول العقدية للمعادلة:</p> $z^2 = \frac{8}{z}$ <p>هي :</p>

<p>(A): $D =]0, +\infty[$</p> <p>(B): $D =]0, 1[\cup]e^2, +\infty[$</p> <p>(C): $D =]0, 1] \cup]e^2, +\infty[$</p> <p>(D): $D =]-\infty, 1] \cup]e^2, +\infty[$</p> <p>(E): $D =]e^2, +\infty[$</p>	<p>مجموعة تعريف الدالة.</p> $f(x) = \sqrt{ \ln(x) - 1 - 1}$ <p>هي:</p>	<p>السؤال 4</p>
<p>(A): قطعة</p> <p>(B): دائرة</p> <p>(C): نقطة</p> <p>(D): مجموعة فارغة</p> <p>(E): نصف دائرة</p>	<p>تقاطع الفلكة</p> $S(\Omega(1, -2, 0), R = 3)$ <p>مع المستوى</p> $(P): x + y + z + (3\sqrt{3} + 1) = 0$ <p>هو:</p>	<p>السؤال 5</p>
<p>(A): $l = 4$</p> <p>(B): $l = e^4$</p> <p>(C): $l = 2e^4$</p> <p>(D): $l = +\infty$</p> <p>(E): $l = 0$</p>	<p>نهاية الدالة:</p> $g(x) = \frac{e^{2x} - e^4}{x - 2}$ <p>عند العدد 2 هي:</p>	<p>السؤال 6</p>
<p>(A): $I = 1 + \ln(2)$</p> <p>(B): $I = 1 - \ln(4)$</p> <p>(C): $I = 1 + \ln(4)$</p> <p>(D): $I = 1 - \ln(2)$</p> <p>(E): $I = e - \ln(2)$</p>	<p>قيمة التكامل</p> $I = \int_2^e \frac{\ln(2)}{x(\ln x)^2} dx$ <p>هي:</p>	<p>السؤال 7</p>

<p>(A): $S = \left] 0, \frac{\ln 2}{\ln 10} \right]$</p> <p>(B): $S = \left] 0, \frac{\ln 10}{\ln 2} \right]$</p> <p>(C): $S = \left[\frac{\ln 10}{\ln 2}, +\infty \right[$</p> <p>(D): $S = \left[\frac{\ln 2}{\ln 10}, +\infty \right[$</p> <p>(E): $S = \left] \frac{\ln 4}{\ln 10}, +\infty \right[$</p>	<p>مجموعة حلول المتراجحة</p> $10^{2x} - 3 \cdot (10)^x - 4 > 0$ <p>هي:</p>	<p>السؤال 8</p>
<p>(A): $L = +\infty$</p> <p>(B): $L = 1$</p> <p>(C): $L = \frac{1}{2}$</p> <p>(D): $L = 2$</p> <p>(E): $L = 0$</p>	<p>نهاية المتتالية.</p> $u_n = \frac{(-1)^n (n + 2^n)}{n 2^{n+1}}$ <p>عند $+\infty$ هي:</p>	<p>السؤال 9</p>
<p>(A): $t = 10 \ln 10$</p> <p>(B): $t = 10^{10}$</p> <p>(C): $t = (\ln 10)^{10}$</p> <p>(D): $t = (10 \ln 10)^{10}$</p> <p>(E): $t = 10 (\ln 2)^{10}$</p>	<p>السكانة الأحصائية لبكتيريا في محلول بيولوجي تحقق المعادلة التفاضلية الآتية:</p> $\begin{cases} P'(t) = 2P(t), t \geq 0 \\ P(0) = 10 \end{cases}$ <p>الزمن اللازم للحصول على ساكنة حصيصها:</p> 10^{21} <p>هو:</p>	<p>السؤال 10</p>

Epreuve de Mathématiques

(Durée: 30 mn)

<p>Question 1</p>	<p>Dans un laboratoire de production de médicaments, on dispose de deux machines L1 et L2 pour la production du médicament D1. La machine L1 assure 70% de la production du médicament D1, alors que la machine L2 assure 30% restante. 5% du médicament D1 produit par L1 n'est pas valable et 1% de celui de L2 n'est pas aussi valable. On choisit au hasard un échantillon de ce médicament D1.</p> <p>La probabilité pour que cet échantillon soit produit par la machine L2 sachant qu'il n'est pas valable est :</p>	<p>(A) : $p = \frac{3}{38}$</p> <p>(B) : $p = \frac{5}{38}$</p> <p>(C) : $p = \frac{70}{380}$</p> <p>(D) : $p = \frac{A_3^2}{70}$</p> <p>(E) : $p = \frac{C_3^2}{70}$</p>
<p>Question 2</p>	<p>La limite en $+\infty$ de la suite</p> $S_n = \sum_{k=1}^{k=n} \frac{1}{\sqrt{k}}$ <p>est :</p>	<p>(A) : 2</p> <p>(B) : 0</p> <p>(C) : e</p> <p>(D) : $+\infty$</p> <p>(E) : 1</p>
<p>Question 3</p>	<p>L'ensemble des solutions complexes de l'équation:</p> $Z^2 = \frac{8}{Z}$ <p>est :</p>	<p>(A) : $S = \{2, -1+i\sqrt{3}, -1-i\sqrt{3}\}$</p> <p>(B) : $S = \{2, 1+i\sqrt{3}, 1-i\sqrt{3}\}$</p> <p>(C) : $S = \{2, 1+i\sqrt{3}, -1-i\sqrt{3}\}$</p> <p>(D) : $S = \{2i, 1+i\sqrt{3}, -1-i\sqrt{3}\}$</p> <p>(E) : $S = \{-2, 1+i\sqrt{3}, -1-i\sqrt{3}\}$</p>

<p>Question 4</p>	<p>L'ensemble de définition de la fonction :</p> $f(x) = \sqrt{ \ln(x) - 1 - 1}$ <p>est :</p>	<p>(A) : $D =]0, +\infty[$</p> <p>(B) : $D =]0, 1[\cup [e^2, +\infty[$</p> <p>(C) : $D =]0, 1] \cup [e^2, +\infty[$</p> <p>(D) : $D =]-\infty, 1] \cup [e^2, +\infty[$</p> <p>(E) : $D = [e^2, +\infty[$</p>
<p>Question 5</p>	<p>L'intersection de la sphère $S(\Omega(1, -2, 0), R = 3)$ et le plan $(P) : x + y + z + (3\sqrt{3} + 1) = 0$ est :</p>	<p>(A) : un segment</p> <p>(B) : un cercle</p> <p>(C) : un point</p> <p>(D) : vide</p> <p>(E) : un demi-cercle</p>
<p>Question 6</p>	<p>La limite en $x=2$ de la fonction :</p> $g(x) = \frac{e^{2x} - e^4}{x - 2}$ <p>est :</p>	<p>(A) : $l = 4$</p> <p>(B) : $l = e^4$</p> <p>(C) : $l = 2e^4$</p> <p>(D) : $l = +\infty$</p> <p>(E) : $l = 0$</p>
<p>Question 7</p>	<p>La valeur de l'intégrale</p> $I = \int_2^e \frac{\ln(2)}{x(\ln x)^2} dx$ <p>est :</p>	<p>(A) : $I = 1 + \ln(2)$</p> <p>(B) : $I = 1 - \ln(4)$</p> <p>(C) : $I = 1 + \ln(4)$</p> <p>(D) : $I = 1 - \ln(2)$</p> <p>(E) : $I = e - \ln(2)$</p>

<p>Question 8</p>	<p>L'ensemble des solutions de l'inéquation :</p> $10^{2x} - 3 \cdot (10)^x - 4 > 0$ <p>est :</p>	<p>(A) : $S = \left] 0, \frac{\ln 2}{\ln 10} \right]$</p> <p>(B) : $S = \left] 0, \frac{\ln 10}{\ln 2} \right]$</p> <p>(C) : $S = \left[\frac{\ln 10}{\ln 2}, +\infty \right[$</p> <p>(D) : $S = \left[\frac{\ln 2}{\ln 10}, +\infty \right[$</p> <p>(E) : $S = \left] \frac{\ln 4}{\ln 10}, +\infty \right[$</p>
<p>Question 9</p>	<p>La limite en $+\infty$ de la suite:</p> $u_n = \frac{(-1)^n (n + 2^n)}{n 2^{n+1}}$ <p>est :</p>	<p>(A) : $L = +\infty$</p> <p>(B) : $L = 1$</p> <p>(C) : $L = \frac{1}{2}$</p> <p>(D) : $L = 2$</p> <p>(E) : $L = 0$</p>
<p>Question 10</p>	<p>La population statistique $P(t)$ d'une bactérie dans une solution biologique vérifie l'équation différentielle :</p> $\begin{cases} P'(t) = 2P(t), t \geq 0 \\ P(0) = 10 \end{cases}$ <p>Le temps nécessaire pour avoir une population de 10^{21} Pour cette bactérie est :</p>	<p>(A) : $t = 10 \ln 10$</p> <p>(B) : $t = 10^{10}$</p> <p>(C) : $t = (\ln 10)^{10}$</p> <p>(D) : $t = (10 \ln 10)^{10}$</p> <p>(E) : $t = 10(\ln 2)^{10}$</p>

موضوع الرياضيات

(المدة الزمنية 30 د)

<p>(A) : $p = \frac{5^3 \cdot 3^2 \cdot 3^2}{34^{12}}$</p> <p>(B) : $p = \frac{5^3 \cdot 3^4 \cdot 2^3}{34^{12}}$</p> <p>(C) : $p = \frac{A_5^3 \cdot A_3^2 \cdot A_3^2}{A_{34}^{12}}$</p> <p>(D) : $p = \frac{A_5^3 \cdot A_3^2 \cdot A_3^2}{34^{12}}$</p> <p>(E) : $p = \frac{C_5^3 \cdot C_3^2 \cdot C_3^2}{C_{34}^{12}}$</p>	<p>السؤال 1</p> <p>يحتوي كيس علي 34 ببدقة مكتوب علي كل واحدة منها حرف من حروف الجملة الآتية</p> <p>« GAGNER LA COUPE DU MONDE EN AFRIQUE DU SUD ».</p> <p>سحبنا 12 مرة ببدقة باحلال. الاحتمال لكي نكون بالحروف المسحوبة الجملة الآتية</p> <p>« ESPAGNE GAGNE »</p> <p>في هذا الترتيب هو</p>
<p>(A) : e^{-1}</p> <p>(B) : 0</p> <p>(C) : e</p> <p>(D) : $+\infty$</p> <p>(E) : 1</p>	<p>السؤال 2</p> <p>نهاية المتتالية</p> $\left(1 + \frac{1}{\sqrt{n}}\right)^{-\sqrt{n}}$ <p>عند $+\infty$ هي :</p>
<p>(A) : 2^{2009}</p> <p>(B) : $2 \cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) e^{\frac{12\pi}{3}}$</p> <p>(C) : $2 \cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) e^{\frac{14\pi}{3}}$</p> <p>(D) : $2i \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right) e^{\frac{14\pi}{3}}$</p> <p>(E) : 2^{2011}</p>	<p>السؤال 3</p> <p>قيمة العدد العقدي</p> $\left(-1 + i\sqrt{3}\right)^{2010} + \left(-1 - i\sqrt{3}\right)^{2010}$ <p>هي :</p>

<p>(A): $l = 1$</p> <p>(B): غير موجودة</p> <p>(C): $l = 0$</p> <p>(D): $l = -1$</p> <p>(E): $l = +\infty$</p>	<p>نهاية الدالة</p> $f(x) = \exp\left(x + x \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right)\right)$ <p>عند $+\infty$ هي:</p>	<p>السؤال 4</p>
<p>(A): مستقيم</p> <p>(B): دائرة</p> <p>(C): فلكة</p> <p>(D): نصف دائرة</p> <p>(E): مستوى</p>	<p>مجموعة النقط M من الفضاء التي تحقق</p> $\overline{MA} \cdot \overline{MB} = 0$ <p>هي:</p>	<p>السؤال 5</p>
<p>(A): $g'(x) = \frac{1}{3x}$</p> <p>(B): $g'(x) = \frac{\sqrt[3]{x}}{3x}$</p> <p>(C): $g'(x) = \frac{x}{\sqrt[3]{x}}$</p> <p>(D): $g'(x) = \frac{1}{\sqrt[3]{x}}$</p> <p>(E): $g'(x) = \frac{1}{x \cdot \sqrt[3]{x}}$</p>	<p>مشتقة الدالة</p> $g(x) = \ln(\sqrt[3]{x}), x > 0$ <p>هي:</p>	<p>السؤال 6</p>
<p>(A): $J = \frac{1}{n+1}$</p> <p>(B): $J = \frac{e}{n+1}$</p> <p>(C): $J = \frac{2e}{n+1}$</p> <p>(D): $J = \frac{2e}{n}$</p> <p>(E): $J = \frac{1}{n}$</p>	<p>قيمة التكامل</p> $J = \int_1^e \frac{\ln^n(x)}{x} dx$ <p>هي:</p>	<p>السؤال 7</p>

<p>(A): $S = \left] -\infty, \frac{-\ln 2}{\ln 3} \right]$</p> <p>(B): $S = \left] -\infty, \frac{\ln 3}{\ln 2} \right]$</p> <p>(C): $S = \left[\frac{\ln 3}{\ln 2}, +\infty \right[$</p> <p>(D): $S = \left[\frac{\ln 2}{\ln 3}, +\infty \right[$</p> <p>(E): $S = \emptyset$</p>	<p>مجموعة حلول المتراجحة</p> $\left(\frac{1}{3}\right)^x \geq 2$ <p>هي:</p>	<p>السؤال 8</p>
<p>(A): $S_n = n2^{n-1}$</p> <p>(B): $S_n = (n-1)2^n$</p> <p>(C): $S_n = n2^n$</p> <p>(D): $S_n = 2^n$</p> <p>(E): $S_n = n3^{n-1}$</p>	<p>قيمة الجمع</p> $S_n = \sum_{k=1}^n kC_n^k$ <p>هي:</p>	<p>السؤال 9</p>
<p>(A): $S = 0$</p> <p>(B): $S = \frac{2}{1-i}$</p> <p>(C): $S = \frac{2i}{1-i}$</p> <p>(D): $S = \frac{-2i}{1-i}$</p> <p>(E): $S = \frac{1+i}{1-i}$</p>	<p>قيمة الجمع</p> $S = \sum_{k=0}^{2011} (i)^k$ <p>هي:</p>	<p>السؤال 10</p>

Epreuve de Mathématiques

(Durée: 30 mn)

Question 1	<p>Un sac contient 34 jetons, sur chacun est écrit une lettre de la phrase suivante :</p> <p>« GAGNER LA COUPE DU MONDE EN AFRIQUE DU SUD ».</p> <p>On tire 12 fois un jeton avec remise. La probabilité de former avec les lettres tirées la phrase : « ESPAGNE GAGNE » dans cet ordre est:</p>	<p>(A) : $p = \frac{5^3 \cdot 3^2 \cdot 3^2}{34^{12}}$</p> <p>(B) $p = \frac{5^3 \cdot 3^4 \cdot 2^3}{34^{12}}$</p> <p>(C) $p = \frac{A_5^3 \cdot A_3^2 \cdot A_3^2}{A_{34}^{12}}$</p> <p>(D) : $p = \frac{A_5^3 \cdot A_3^2 \cdot A_3^2}{34^{12}}$</p> <p>(E) : $p = \frac{C_5^3 \cdot C_3^2 \cdot C_3^2}{C_{34}^{12}}$</p>
Question 2	<p>La limite en $+\infty$ de la suite</p> $\left(1 + \frac{1}{\sqrt{n}}\right)^{-\sqrt{n}}$ <p>est :</p>	<p>(A) : e^{-1}</p> <p>(B) : 0</p> <p>(C) : e</p> <p>(D) : $+\infty$</p> <p>(E) : 1</p>
Question 3	<p>La valeur du nombre complexe</p> $\left(-1 + i\sqrt{3}\right)^{2010} + \left(-1 - i\sqrt{3}\right)^{2010}$ <p>est :</p>	<p>(A) : 2^{2009}</p> <p>(B) : $2 \cos\left(\frac{4\pi}{3}\right) e^{\frac{12\pi}{3}}$</p> <p>(C) : $2 \cos\left(\frac{2\pi}{3}\right) e^{\frac{14\pi}{3}}$</p> <p>(D) : $2i \sin\left(\frac{2\pi}{3}\right) e^{\frac{14\pi}{3}}$</p> <p>(E) : 2^{2011}</p>

Question 4	La limite en $+\infty$ de la fonction : $f(x) = \exp\left(x + x \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right)\right)$ est :	(A) : $l = 1$ (B) : n'existe pas (C) : $l = 0$ (D) : $l = -1$ (E) : $l = +\infty$
Question 5	L'ensemble des points M de l'espace tels que $\overline{MA} \cdot \overline{MB} = 0$ est :	(A) : une droite (B) : un cercle (C) : une sphère (D) : un demi-cercle (E) : un plan
Question 6	La dérivée de la fonction $g(x) = \ln(\sqrt[3]{x})$ sur $]0, +\infty[$ est :	(A) : $g'(x) = \frac{1}{3x}$ (B) : $g'(x) = \frac{\sqrt[3]{x}}{3x}$ (C) : $g'(x) = \frac{x}{\sqrt[3]{x}}$ (D) : $g'(x) = \frac{1}{\sqrt[3]{x}}$ (E) : $g'(x) = \frac{1}{x \cdot \sqrt[3]{x}}$
Question 7	La valeur de l'intégrale $J = \int_1^e \frac{\ln^n(x)}{x} dx$ est :	(A) : $J = \frac{1}{n+1}$ (B) : $J = \frac{e}{n+1}$ (C) : $J = \frac{2e}{n+1}$ (D) : $J = \frac{2e}{n}$ (E) : $J = \frac{1}{n}$

<p>Question 8</p>	<p>L'ensemble des solutions de l'inéquation :</p> $\left(\frac{1}{3}\right)^x \geq 2$ <p>est :</p>	<p>(A) : $S = \left] -\infty, \frac{-\ln 2}{\ln 3} \right]$</p> <p>(B) : $S = \left] -\infty, \frac{\ln 3}{\ln 2} \right]$</p> <p>(C) : $S = \left[\frac{\ln 3}{\ln 2}, +\infty \right[$</p> <p>(D) : $S = \left[\frac{\ln 2}{\ln 3}, +\infty \right[$</p> <p>(E) : $S = \emptyset$</p>
<p>Question 9</p>	<p>La valeur de la somme</p> $S_n = \sum_{k=1}^n k C_n^k$ <p>est :</p>	<p>(A) : $S_n = n2^{n-1}$</p> <p>(B) : $S_n = (n-1)2^n$</p> <p>(C) : $S_n = n2^n$</p> <p>(D) : $S_n = 2^n$</p> <p>(E) : $S_n = n3^{n-1}$</p>
<p>Question 10</p>	<p>Soit i le nombre imaginaire.</p> <p>La valeur de la somme</p> $S = \sum_{k=0}^{2011} (i)^k$ <p>est :</p>	<p>(A) : $S = 0$</p> <p>(B) : $S = \frac{2}{1-i}$</p> <p>(C) : $S = \frac{2i}{1-i}$</p> <p>(D) : $S = \frac{-2i}{1-i}$</p> <p>(E) : $S = \frac{1+i}{1-i}$</p>

موضوع الرياضيات

(المدة الزمنية 30 د)

<p>(A): $f'(x) = (\ln x + 1)e^{x \ln x}$</p> <p>(B): $f'(x) = e^{x \ln 2}(x \ln 2)$</p> <p>(C): $f'(x) = x(x^{x-1})$</p> <p>(D): $f'(x) = (1-x)x^{x-1}$</p> <p>(E): $f'(x) = e^x + (1-x)e^{x-1}$</p>	<p>مشتقة الدالة</p> <p>$f(x) = x^x, x > 0$</p> <p>هي:</p>	<p>السؤال 1</p>
<p>(A): 1</p> <p>(B): 0</p> <p>(C): غير موجودة</p> <p>(D): $+\infty$</p> <p>(E): e</p>	<p>نهاية الدالة</p> <p>$f(x) = \left(1 + \frac{1}{x}\right)^x$</p> <p>عند $+\infty$ هي:</p>	<p>السؤال 2</p>
<p>(A): دائرة</p> <p>(B): مستقيم</p> <p>(C): نصف مستقيم</p> <p>(D): نصف دائرة</p> <p>(E): اتحاد نصفي-مستقيمين</p>	<p>مجموعة النقط $M(Z)$ من</p> <p>المستوى العقدي التي تحقق</p> <p>$\left \frac{z+3}{z-4}\right = 1$</p> <p>هي:</p>	<p>السؤال 3</p>
<p>(A): $l = 1$</p> <p>(B): غير موجودة</p> <p>(C): $l = 0$</p> <p>(D): $l = -1$</p> <p>(E): $l = +\infty$</p>	<p>$l = \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n(-1)^n}{2n^2+1}$</p> <p>هي:</p>	<p>السؤال 4</p>
<p>(A): $y(x) = ae^x + be^{2x}$</p> <p>(B): $y(x) = a + be^{2x}$</p> <p>(C): $y(x) = ae^x + b$</p> <p>(D): $y(x) = ae^x + be^{-2x}$</p> <p>(E): $y(x) = a + be^{-2x}$</p>	<p>الحل العام للمعادلة التفاضلية</p> <p>$y'' = 2y'$</p> <p>هي:</p>	<p>السؤال 5</p>

<p>(A): $L = 0$</p> <p>(B): $L = \frac{1}{6}$</p> <p>(C): $L = 1$</p> <p>(D): $L = -1$</p> <p>(E): $L = +\infty$</p>	<p>السؤال 6</p> $L = \lim_{n \rightarrow +\infty} \sum_{k=2}^{n-1} \left(\frac{1}{3^k}\right)$ <p>هي:</p>	
<p>(A): $I = \frac{1}{12}(1 + (\ln 2)^3)$</p> <p>(B): $I = \frac{1}{12}(1 - (\ln 2)^3)$</p> <p>(C): $I = (1 + (\ln 2)^3)$</p> <p>(D): $I = (1 - (\ln 2)^3)$</p> <p>(E): $I = \frac{1}{12}(1 + (\ln 2)^2)$</p>	<p>السؤال 7</p> <p>قيمة التكامل</p> $I = \int_2^e \frac{(\ln(\sqrt{x}))^2}{x} dx$ <p>هي:</p>	
<p>(A): نقطة</p> <p>(B): قطعة</p> <p>(C): دائرة</p> <p>(D): نقطتين</p> <p>(E): مجموعة فارغة</p>	<p>السؤال 8</p> <p>تقاطع الفلكة (S) التي مركزها I(1,1,0) وشعاعها R=2 مع المستوى (P): $2x + 2y - z = 0$</p> <p>هو:</p>	
<p>(A): $p = \frac{1}{2^{10}}$</p> <p>(B): $p = \frac{15}{2^4}$</p> <p>(C): $p = 1$</p> <p>(D): $p = 0$</p> <p>(E): $p = \frac{1}{2}$</p>	<p>السؤال 9</p> <p>تتكون مباراة الولوج الى كلية الطب لسنة 2008-2009 من 4 اختبارا (E1), (E2), (E3), (E4) احتمال اجتياز كل اختبار (Ei) هو: $\frac{1}{2^i}$</p> <p>احتمال اجتياز كل الاختبارات</p> <p>هو:</p>	
<p>(A): $\beta = \pi$</p> <p>(B): $\beta = \frac{-5\pi}{6}$</p> <p>(C): $\beta = \frac{\pi}{6}$</p> <p>(D): $\beta = \frac{5\pi}{6}$</p> <p>(E): $\beta = -\pi$</p>	<p>السؤال 10</p> <p>عمدة العدد العقدي</p> $Z = (\sqrt{3} - i)^{2009}$ <p>هو:</p>	

Epreuve de Mathématiques

(Durée: 30 mn)

<p>Question 1</p>	<p>La dérivée de la fonction $f(x) = x^x, x > 0$ est :</p>	<p>(A) : $f'(x) = (\ln x + 1)e^{x \ln x}$ (B) : $f'(x) = e^{x \ln 2}(x \ln 2)$ (C) : $f'(x) = x(x^{x-1})$ (D) : $f'(x) = (1 - x)x^{x-1}$ (E) : $f'(x) = e^x + (1 - x)e^{x-1}$</p>
<p>Question 2</p>	<p>La limite de la fonction $f(x) = \left(1 + \frac{1}{x}\right)^x$ en $+\infty$ est :</p>	<p>(A) : 1 (B) : 0 (C) : n'existe pas (D) : $+\infty$ (E) : e</p>
<p>Question 3</p>	<p>L'ensemble des points $M(Z)$ du plan complexe tels que : $\left \frac{iZ+3}{Z-4}\right = 1$ est :</p>	<p>(A) : un cercle (B) : une droite (C) : une demi-droite (D) : un demi-cercle (E) : réunion de deux demi-droites</p>
<p>Question 4</p>	<p>$l = \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n(-1)^n}{2n^2+1}$ est :</p>	<p>(A) : $l = 1$ (B) : l n'existe pas (C) : $l = 0$ (D) : $l = -1$ (E) : $l = +\infty$</p>
<p>Question 5</p>	<p>La solution générale de l'équation différentielle $y'' = 2y'$ est :</p>	<p>(A) : $y(x) = ae^x + be^{2x}$ (B) : $y(x) = a + be^{2x}$ (C) : $y(x) = ae^x + b$ (D) : $y(x) = ae^x + be^{-2x}$ (E) : $y(x) = a + be^{-2x}$</p>

<p>Question 6</p>	<p>$L = \lim_{n \rightarrow +\infty} \sum_{k=2}^{n-1} \left(\frac{1}{3^k}\right)$ est :</p>	<p>(A) : $L = 0$ (B) : $L = \frac{1}{6}$ (C) : $L = 1$ (D) : $L = -1$ (E) : $L = +\infty$</p>
<p>Question 7</p>	<p>La valeur de l'intégrale $I = \int_2^e \frac{(\ln(\sqrt{x}))^2}{x} dx$ est :</p>	<p>(A) : $I = \frac{1}{12}(1 + (\ln 2)^3)$ (B) : $I = \frac{1}{12}(1 - (\ln 2)^3)$ (C) : $I = (1 + (\ln 2)^3)$ (D) : $I = (1 - (\ln 2)^3)$ (E) : $I = \frac{1}{12}(1 + (\ln 2)^2)$</p>
<p>Question 8</p>	<p>L'intersection de la sphère (S) de centre I(1,1,0) et de rayon R=2 avec le plan (P): $2x + 2y - z = 0$ est :</p>	<p>(A) : un point (B) : un segment (C) : un cercle (D) : deux points (E) : l'ensemble vide</p>
<p>Question 9</p>	<p>Le concours de la médecine pour l'année 2008-2009 est composé de 4 épreuves : (E1), (E2), (E3) et (E4). La probabilité de passer chaque épreuve (Ei) est $\frac{1}{2^i}$. La probabilité de passer toutes les épreuves est :</p>	<p>(A) : $p = \frac{1}{2^{10}}$ (B) : $p = \frac{15}{2^4}$ (C) : $p = 1$ (D) : $p = 0$ (E) : $p = \frac{1}{2}$</p>
<p>Question 10</p>	<p>L'argument du nombre complexe $Z = (\sqrt{3} - i)^{2009}$ est :</p>	<p>(A) : $\beta = \pi$ (B) : $\beta = \frac{-5\pi}{6}$ (C) : $\beta = \frac{\pi}{6}$ (D) : $\beta = \frac{5\pi}{6}$ (E) : $\beta = -\pi$</p>

-14-

مباراة ولوج كلية الطب
دورة يوليوز 2019

مدة الإنجاز : 30 دقيقة

مادة الرياضيات

لايسمح باستعمال الآلة الحاسبة

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المقترحة (A) و (B) و (C) و (D) و (E).

السؤال 21 (نقطة واحدة).

f_1 الدالة المعرفة بما يلي : $f_1(x) = \ln(2 - \sqrt{x-3})$. مجموعة تعريف الدالة f_1 هي :

(A) $] -\infty, 7[$	(B) $[3, +\infty[$	(C) $[3, 7[$	(D) $[3, 7]$	(E) $]3, 7[$
---------------------	--------------------	--------------	--------------	--------------

السؤال 22 (نقطتان).

(u_n) المتتالية المعرفة بما يلي : $u_0 = 0,01$ و $u_{n+1} = (u_n)^{2019}$ لكل عدد طبيعي n . نهاية المتتالية (u_n) هي :

(A) -1	(B) 0	(C) $-\infty$	(D) $+\infty$	(E) 1
--------	-------	---------------	---------------	-------

السؤال 23 (نقطتان).

f_2 الدالة المعرفة بما يلي : $f_2(x) = \frac{e^{x^2} - 1}{1 - \sqrt{1+x^2}}$. نهاية الدالة f_2 في النقطة 0 هي :

(A) 0	(B) $-\infty$	(C) -2	(D) 2	(E) -1
-------	---------------	--------	-------	--------

السؤال 24 (نقطة واحدة).

f^{-1} ترمز للدالة العكسية لدالة عددية f قابلة للاشتقاق على \mathbb{R} إذا كان $f\left(\frac{3}{5}\right) = \frac{3}{2}$ و $(f^{-1})'\left(\frac{3}{2}\right) = \frac{3}{5}$ ، فإن قيمة $f'\left(\frac{3}{5}\right)$ هي :

(A) $\frac{5}{3}$	(B) $\frac{3}{5}$	(C) $\frac{3}{2}$	(D) $\frac{2}{3}$	(E) $\frac{5}{2}$
-------------------	-------------------	-------------------	-------------------	-------------------

السؤال 25 (ثلاث نقط).

نعتبر التكاملين : $I = \int_0^1 \frac{x^5}{2+x^3} dx$ و $K = \int_0^1 \frac{2x^2}{2+x^3} dx$. قيمة التكامل I هي :

(A) $\frac{1}{3} - \sqrt[3]{\frac{9}{4}}$	(B) $\frac{1}{3}(\ln \frac{9}{4} - 1)$	(C) $\sqrt[3]{\frac{9}{4}} - 1$	(D) $1 - \ln \sqrt[3]{\frac{9}{4}}$	(E) $\frac{1}{3}(1 - \ln \frac{9}{4})$
---	--	---------------------------------	-------------------------------------	--

السؤال 26 (نقطتان).

مجموعة حلول المعادلة $e^{\frac{1}{x}}(e^{\frac{1}{x}} - 7)$ هي :

(A) \emptyset	(B) $\{\ln 3, \ln 4\}$	(C) $\{e^3, e^4\}$	(D) $\left\{\frac{1}{\ln 3}, \frac{1}{\ln 4}\right\}$	(E) $\{-\ln 3, -\ln 4\}$
-----------------	------------------------	--------------------	---	--------------------------

السؤال 27 (نقطتان).

ننسب المستوى العقدي إلى معلم متعامد ممنظم.

مجموعة النقط M ذات اللحق z بحيث $\left| \frac{1+iz}{\bar{z}-i} \right| = 1$ هي :

(A) مستقيم	(B) قطعة	(C) نقطة	(D) دائرة	(E) نصف دائرة
------------	----------	----------	-----------	---------------

السؤال 28 (نقطتان).

نعتبر العدد العقدي $z = \sin 2\alpha + 2i \cos^2 \alpha$ حيث $0 \leq \alpha < \frac{\pi}{2}$

الكتابة المثلثية للعدد z هي :

(A) $[\cos \alpha, \alpha]$	(B) $[1, 2\alpha]$	(C) $[2, \alpha]$	(D) $[2\cos \alpha, -\alpha]$	(E) $\left[2\cos \alpha, \frac{\pi}{2} - \alpha\right]$
-----------------------------	--------------------	-------------------	-------------------------------	---

السؤال 29 (نقطتان).

في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم، نعتبر مثلثا ABC .

مجموعة نقط الفضاء M بحيث $(\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB}) \cdot (\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}) = 0$ هي :

(A) مستقيم	(B) فلكة	(C) مستوى	(D) دائرة	(E) المجموعة الفارغة
------------	----------	-----------	-----------	----------------------

السؤال 30 (ثلاث نقط).

للكشف عن مرض أصاب 10% من ساكنة، نلجا إلى اختبار الدم.

يكون الشخص مصابا إذا كان اختبار الدم موجبا، ويكون سليما إذا كان اختبار الدم سالبا.

أكدت الأبحاث أن احتمال خطأ اختبار الدم :

• يساوي $\frac{8}{100}$ لشخص مصاب بالمرض.

• ويساوي $\frac{2}{100}$ لشخص سليم بالفعل.

احتمال أن يكون اختبار الدم موجبا لشخص من الساكنة هو :

(A) $\frac{8}{100}$	(B) $\frac{9}{100}$	(C) $\frac{10}{100}$	(D) $\frac{11}{100}$	(E) $\frac{18}{100}$
---------------------	---------------------	----------------------	----------------------	----------------------

CONCOURS D'ACCES A LA FACULTE DE MEDECINE
Session de Juillet 2019

Epreuve de Mathématiques

Durée : 30 minutes

L'usage de la calculatrice n'est pas autorisé

Parmi les réponses proposées (A), (B), (C), (D) et (E), choisir la réponse correcte.

Question 21 (1 pt).

f_1 est la fonction définie par : $f_1(x) = \ln(2 - \sqrt{x-3})$. Le domaine de définition de f_1 est :

(A) $] -\infty, 7[$	(B) $[3, +\infty[$	(C) $[3, 7[$	(D) $[3, 7]$	(E) $]3, 7[$
---------------------	--------------------	--------------	--------------	--------------

Question 22 (2 pts).

(u_n) est la suite définie par : $u_0 = 0,01$ et $u_{n+1} = (u_n)^{2019}$ pour tout entier naturel n .

La limite de la suite (u_n) est :

(A) -1	(B) 0	(C) $-\infty$	(D) $+\infty$	(E) 1
----------	---------	---------------	---------------	---------

Question 23 (2 pts).

f_2 est la fonction définie par : $f_2(x) = \frac{e^{x^2} - 1}{1 - \sqrt{1+x^2}}$. La limite de la fonction f_2 au point 0 est :

(A) 0	(B) $-\infty$	(C) -2	(D) 2	(E) -1
---------	---------------	----------	---------	----------

Question 24 (1 pt).

f^{-1} désigne la fonction réciproque d'une fonction numérique f dérivable sur \mathbb{R} .

Si $f\left(\frac{3}{5}\right) = \frac{3}{2}$ et $(f^{-1})'\left(\frac{3}{2}\right) = \frac{3}{5}$, alors la valeur de $f'\left(\frac{3}{5}\right)$ est :

(A) $\frac{5}{3}$	(B) $\frac{3}{5}$	(C) $\frac{3}{2}$	(D) $\frac{2}{3}$	(E) $\frac{5}{2}$
-------------------	-------------------	-------------------	-------------------	-------------------

Question 25 (3 pts).

On considère les deux intégrales : $I = \int_0^1 \frac{x^5}{2+x^3} dx$ et $K = \int_0^1 \frac{2x^2}{2+x^3} dx$

La valeur de l'intégrale I est :

(A) $\frac{1}{3} - \sqrt[3]{\frac{9}{4}}$	(B) $\frac{1}{3} \left(\ln \frac{9}{4} - 1 \right)$	(C) $\sqrt[3]{\frac{9}{4}} - 1$	(D) $1 - \ln \sqrt[3]{\frac{9}{4}}$	(E) $\frac{1}{3} \left(1 - \ln \frac{9}{4} \right)$
---	--	---------------------------------	-------------------------------------	--

Question 26 (2 pts).

L'ensemble de solutions de l'équation : $e^{\frac{1}{x}} \left(e^{\frac{1}{x}} - 7 \right) = -12$ est :

(A) \emptyset	(B) $\{\ln 3, \ln 4\}$	(C) $\{e^3, e^4\}$	(D) $\left\{ \frac{1}{\ln 3}, \frac{1}{\ln 4} \right\}$	(E) $\{-\ln 3, -\ln 4\}$
-----------------	------------------------	--------------------	---	--------------------------

Question 27 (2 pts).

On munit le plan complexe d'un repère orthonormé.

L'ensemble des points M d'affixe z tel que $\left| \frac{1+iz}{\bar{z}-i} \right| = 1$ est :

- | | | | | |
|----------------|----------------|-----------------------|---------------|--------------------|
| (A) une droite | (B) un segment | (C) réduit à un point | (D) un cercle | (E) un demi-cercle |
|----------------|----------------|-----------------------|---------------|--------------------|

Question 28 (2 pts).

On considère le nombre complexe $z = \sin 2\alpha + 2i \cos^2 \alpha$ avec $0 \leq \alpha < \frac{\pi}{2}$

L'écriture trigonométrique du nombre z est :

- | | | | | |
|-----------------------------|--------------------|-------------------|-------------------------------|--|
| (A) $[\cos \alpha, \alpha]$ | (B) $[1, 2\alpha]$ | (C) $[2, \alpha]$ | (D) $[2\cos \alpha, -\alpha]$ | (E) $\left[2 \cos \alpha, \frac{\pi}{2} - \alpha\right]$ |
|-----------------------------|--------------------|-------------------|-------------------------------|--|

Question 29 (2 pts).

Dans l'espace rapporté à un repère orthonormé on considère un triangle ABC .

L'ensemble des points M de l'espace tels que : $(\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB}) \cdot (\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}) = 0$ est :

- | | | | | |
|----------------|----------------|-------------|---------------|----------|
| (A) une droite | (B) une sphère | (C) un plan | (D) un cercle | (E) vide |
|----------------|----------------|-------------|---------------|----------|

Question 30 (3 pts).

Pour détecter une maladie qui affecte 10% d'une population, on procède à un test sanguin.

Le test sanguin est dit positif lorsqu'il confirme que la personne examinée est affectée, sinon, il est dit négatif.

Des recherches ont prouvé que la probabilité de l'erreur du test sanguin est de :

- $\frac{8}{100}$ pour une personne effectivement affectée ;
- $\frac{2}{100}$ pour une personne effectivement saine.

La probabilité que le test d'une personne de la population soit positif est :

- | | | | | |
|---------------------|---------------------|----------------------|----------------------|----------------------|
| (A) $\frac{8}{100}$ | (B) $\frac{9}{100}$ | (C) $\frac{10}{100}$ | (D) $\frac{11}{100}$ | (E) $\frac{18}{100}$ |
|---------------------|---------------------|----------------------|----------------------|----------------------|

: 21 Q.

مجموعة حلول المعادلة $e^{10x} - 3e^{5x} + 2 = 0$ في R هي

- A : $\{-2, 1\}$ B : \emptyset C : $\{2, 5\}$ D : $\{0, \frac{\ln(2)}{5}\}$ E : $\{\frac{1}{2}\}$

: 22 Q.

لنعتبر العدد العقدي $\omega = e^{\frac{2i\pi}{5}}$ تحقق أن حل للمعادلة $\omega + \omega^4 = 2\cos(\frac{2\pi}{5})$ وأن استنتج أن $x^2 + x - 1 = 0$ تساوي $\cos(\frac{2\pi}{5})$.
A : $\frac{-1+\sqrt{5}}{2}$ B : $\frac{-1-\sqrt{5}}{4}$ C : $\frac{-1+\sqrt{5}}{4}$ D : $\frac{-1+\sqrt{5}}{2}$ E : $\frac{-1-\sqrt{5}}{2}$

: 23 Q.

تساوي $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x} - (1 + \frac{x}{2})}{x^2}$
A : $+\infty$ B : $\frac{-1}{8}$ C : $-\infty$ D : 0 E : $\frac{1}{8}$

: 24 Q.

تساوي $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} (1 + \cos(2x))\text{tg}(x)$
A : 0 B : 1 C : $+\infty$ D : -1 E : 2

: 25 Q.

تساوي $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x + \sin(x)}{x + 2}$
A : 0 B : $+\infty$ C : $\frac{3}{2}$ D : لا توجد E : 3

: 26 Q.

قيمتها $\int_0^1 (2x^2 + 1) \sin(2x) dx$ هي

A : $\frac{\sin(2)}{2}$ B : $\sin(2) - \cos(2)$ C : $\frac{\cos(2)}{2}$ D : $\sin(2) + \cos(2)$ E : $\sin(2)$

: 27 Q.

أحسب $\int_{-1}^1 \frac{2x^2 + 3x}{x+2} dx$ ، ثم استنتج أن

قيمتها $\int_{-1}^1 (4x+3) \ln(x+2) dx$ هي

A : $2\ln(3) - 2$ B : $3\ln(2) - 3$ C : $3\ln(3) + 2$ D : $+2$ E : -2

: 28 Q.

قيمتها $\int_0^\pi \sin(x) \cos(2x) dx$ هي

A : $\frac{2}{3}$ B : $\frac{-2}{3}$ C : $\frac{1}{2}$ D : $\frac{-1}{3}$ E : -2

: 29 Q.

$u_n = \frac{2^n}{n!}$; (u_n)
 $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n, n \geq 0,$

لتعتبر المتتالية

A : $\forall n \in \mathbb{N}, \frac{u_{n+1}}{u_n} = \frac{2}{n}$
B : $\forall n \geq 3, u_{n+1} \leq \frac{1}{2} u_n$
C : $\lim u_n = +\infty$
D : $\lim u_n = 1$
E : $S_n \leq u_0 + u_1 + u_2 + 3u_3.$

: 30 Q.

(u_n) (v_n)
 $u_0 = 3, u_{n+1} = 2u_n + 1; v_0 = 1, v_{n+1} - v_n = \frac{v_n}{2}$

A : المتتالية (v_n) حسابية
B : المتتالية (u_n) هندسية
C : المتتالية (u_n) تناقصية
D : المتتالية (u_n) حسابية
E : المتتاليتين (u_n) و (v_n) غير متقاطعتين

Concours d'Accès à la Faculté de
Médecine Marrakech
Juillet 2017
Epreuve de Mathématiques (30 minutes)
مادة الرياضيات (30 دقيقة)

السؤال 21: قيمة العدد $\ln(3) + 4\ln(2) - \ln(60)$ هي:

A) $\ln\left(\frac{5}{4}\right)$	B) 0	C) $\ln\left(\frac{4}{3}\right)$	D) $\ln(15)$	E) $\ln\left(\frac{4}{5}\right)$
----------------------------------	------	----------------------------------	--------------	----------------------------------

السؤال 22: متتالية معرفة بما يلي: $u_1 = \sqrt[3]{\frac{2}{7}}$ و $u_{n+1} = \sqrt[3]{\frac{1+u_n^3}{8}}$

إذن أسطر المتتالية الهندسية $(v_n)_{n \geq 1}$ بحيث $v_n = \frac{7}{8}u_n^3 - \frac{1}{8}$

A) $-\frac{1}{2}$	B) $\frac{1}{8}$	C) ليست بمتتالية هندسية (v_n)	D) $-\frac{1}{8}$	E) $\frac{1}{2}$
-------------------	------------------	---------------------------------	-------------------	------------------

السؤال 23: حيز تعريف الدالة المعرفة بما يلي $f(x) = \sqrt{\ln(x^2 + 3x - 4)}$ هو:

A) $\left]-\infty, \frac{-3-\sqrt{29}}{2}\right]$	B) $\left[\frac{-3-\sqrt{29}}{2}, \frac{-3+\sqrt{29}}{2}\right]$	C) $\left]-\infty, \frac{-3-\sqrt{29}}{2}\right] \cup \left[\frac{-3+\sqrt{29}}{2}, +\infty\right[$	D) $\left]-\infty, \frac{-3-\sqrt{29}}{2}\right[\cup \left]\frac{-3+\sqrt{29}}{2}, +\infty\right[$	E) $\left]\frac{-3+\sqrt{29}}{2}, +\infty\right[$
---	--	---	---	---

السؤال 24: الدالة الأصلية للدالة $f(x) = \frac{\ln(x)}{x^3}$ والتي تأخذ صفر في نقطة 1 هي:

A) $\frac{\ln(x)}{x^2} - \frac{1}{3x^2} + \frac{1}{3}$	B) $\frac{\ln(x)}{2x^2} - \frac{1}{4x^2} + \frac{1}{4}$	C) $\frac{\ln(x)}{4x^2} - \frac{1}{2x^2} - \frac{1}{2}$	D) $-\frac{\ln(x)}{2x^2} - \frac{1}{4x^2} + \frac{1}{4}$	E) $-\frac{\ln(x)}{2x^2} - \frac{1}{4x^2} - \frac{1}{4}$
--	---	---	--	--

السؤال 25: قيمة $\int_0^1 \frac{1}{x^2-x-1} dx$ هي:

A) $\ln\left(\frac{\sqrt{5}-1}{\sqrt{5}+1}\right)$	B) $\frac{4}{\sqrt{5}} \ln\left(\frac{3-\sqrt{5}}{2}\right)$	C) $\frac{2}{\sqrt{5}} \ln\left(\frac{30}{\sqrt{5}+1}\right)$	D) $-\frac{2}{\sqrt{5}} \ln\left(\frac{3-\sqrt{5}}{2}\right)$	E) $\frac{2}{\sqrt{5}} \ln\left(\frac{3-\sqrt{5}}{2}\right)$
--	--	---	---	--

السؤال 26: نعتبر كيتين S1 و S2 يحتوي كل منهما على 5 كرات مرقمة من 1 إلى 5. نسحب في آن واحد وبكيفية عشوائية كرتين من S1 وكرة واحدة من S2 احتمال الحصول على رقمين فرديين ورقم زوجي هو:

A) $\frac{3}{25}$	B) $\frac{12}{25}$	C) 1	D) $\frac{3}{10}$	E) $\frac{18}{25}$
-------------------	--------------------	------	-------------------	--------------------

السؤال 27: المنحنى الممثل للدالة f المعرفة كما يلي: $f(x) = \frac{2x^2 - 3x + \ln(x)}{x}$ يقبل بجوار $+\infty$ مستقيماً مقارباً معادلته هي :

A) $y = 2x - 3$

B) $y = -2x + 3$

C) $y = 2x$

D) $y = 2x + 3$

E) $y = -2x - 3$

السؤال 28: اجتاز 3 تلاميذ محمد، أحمد وأمين امتحاناً. احتمال نجاح محمد هو $\frac{3}{4}$ ، احتمال نجاح أحمد هو $\frac{2}{3}$ واحتمال نجاح أمين هو $\frac{1}{3}$. الاحتمال لكي ينجح التلاميذ الثلاثة محمد، أحمد وأمين هو:

A) $\frac{1}{2}$

B) $\frac{1}{6}$

C) $\frac{2}{9}$

D) $\frac{1}{9}$

E) $\frac{1}{18}$

السؤال 29: في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد منظم. (وحدة القياس هي cm) نعتبر المنحنيين الممثلين للدالتين f و g المعرفتين بما يلي: $f(x) = x^3$ و $g(x) = x^2 (x > 0)$ مساحة جزء المستوى المحصور بين منحنى الدالتين f و g والمستقيمين المعرفين بالمعادلتين $x = 2$ و $x = 0$ هي:

A) $-\frac{1}{2} \text{ cm}^2$

B) $\frac{1}{2} \text{ cm}^2$

C) $\frac{3}{2} \text{ cm}^2$

D) $\frac{5}{2} \text{ cm}^2$

E) $\frac{2}{3} \text{ cm}^2$

السؤال 30: لتكن h -الة عددية معرفة على \mathbb{R} او (C) منحاها في معلم متعامد منظم.

وتكن النقطة $\Omega(1,2)$ مركز تماثل للمنحنى (C). إذن لكل x من \mathbb{R} :

A) $h(x) = 2x$

B) $h(2-x) + h(x) = 4$

C) $h(2-x) = -h(x)$

D) $h(1-x) = -h(x) + 2$

E) $h(-x) = -h(x)$

مباراة ولوج كلية الطب والصيدلة
دورة 27 يوليوز 2016
مادة الرياضيات
التوقيت : 30 دقيقة

التمرين 21:

(u_n) متتالية حسابية تناقصية حدها الأول $u_0=2$ وأساسها r بحيث،

$$4(u_1)^2 + (u_2)^2 = 164. \text{ إذن } r \text{ تساوي:}$$

A)3	B)-6	C)6	D)-3	E) 4
-----	------	-----	------	------

التمرين 22:

(u_n) متتالية هندسية حدها الأول $u_1=5$ وأساسها $q>0$ بحيث $u_9=1280$ ، إذن q تساوي :

A) $\frac{1}{3}$	B) $\frac{1}{2}$	C)3	D)2	E) $\frac{1}{4}$
------------------	------------------	-----	-----	------------------

التمرين 23:

$$\text{نضع } 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{2^2} + \dots + \frac{1}{2^n} = S_n \text{ لكل عدد صحيح طبيعي } n.$$

$$\text{احسب } \lim_{n \rightarrow \infty} S_n$$

A) $\frac{1}{3}$	B) $\frac{1}{2}$	C)2	D)3	E)1
------------------	------------------	-----	-----	-----

التمرين 24:

كم عددا مكونا من ثلاثة أرقام يمكن أن ننشئ انطلاقا من الأرقام 6، 7، 8، 9؟

A) C_4^3	B)9	C) 4^3	D) 3^4	E) 4×3
------------	-----	----------	----------	-----------------

التمرين 25:

يحتوي كيس على كرتين بيضاوتين وثلاث كرات سوداء لا يمكن التمييز بينها باللمس.

نسحب عشوائيا وتأنيا كرتين من الكيس. ما هو احتمال الحصول على كرتين من نفس اللون؟

A) $\frac{1}{4}$	B) $\frac{2}{5}$	C) $\frac{3}{5}$	D) $\frac{1}{10}$	E) $\frac{3}{10}$
------------------	------------------	------------------	-------------------	-------------------

التمرين 26:

هي: $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\ln x}{1 - \ln x}$

A) $+\infty$	B) $-\infty$	C) 1	D) -1	E) 0
--------------	--------------	------	-------	------

التمرين 27:

العدد العقدي $\left(\frac{1-i}{1+i}\right)^{16}$ يساوي:

A) -1	B) 1	C) $\frac{1}{2}$	D) 2	E) -2
-------	------	------------------	------	-------

التمرين 28:

حيث تعريف الدالة $g(x) = \frac{x}{\sqrt{4 - (\ln(x))^2}}$ هو:

A) $]-\infty, e^2[$	B) $]e^2, +\infty[$	C) $]e^{-2}, e^2[$	D) $]0, e^2[$	E) \mathbb{R}^+
---------------------	---------------------	--------------------	---------------	-------------------

التمرين 29:

في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم. (وحدة القياس هي cm)

نعتبر المنحنيين الممثلين للدالتين f و g المعرفتين بما يلي $f(x) = \sqrt{x}$ و $g(x) = x^2 (x > 0)$

مساحة جزء المستوى المحصور بين منحنى الدالتين f و g والمستقيمين المعرفين بالمعادلتين $x=0$ و $x=2$ هي:

A) $\frac{2+5\sqrt{2}}{-2} \text{ cm}^2$	B) $\frac{1}{2} \text{ cm}^2$	C) $\frac{2(5-2\sqrt{2})}{3} \text{ cm}^2$	D) $\frac{5}{2} \text{ cm}^2$	E) $\frac{2(2-5\sqrt{2})}{3} \text{ cm}^2$
--	-------------------------------	--	-------------------------------	--

التمرين 30:

لتكن f الدالة المعرفة بما يلي: $f(x) = \cos(e^x)$ و C منحنى الدالة f في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم. معادلة المستقيم المماس للمنحنى C في النقطة 0 هي:

A) $y = \cos 1$	B) $y = -\sin 1$	C) $y = -(\sin 1)x + \cos 1$	D) $y = -(\cos 1)x + \sin 1$	E) $y = 1$
-----------------	------------------	------------------------------	------------------------------	------------

Concours d'accès à la Faculté de Médecine et de Pharmacie
Session 27 Juillet 2016
Epreuve de Mathématiques
Durée : 30 minutes

Exercice 21:

(u_n) est une suite arithmétique décroissante. Son premier terme $u_0 = 2$, sa raison r tel que :

$$4(u_1)^2 + (u_2)^2 = 164. \text{ La valeur de } r \text{ est :}$$

A)3	B)-6	C)6	D)-3	E) 4
-----	------	-----	------	------

Exercice22:

(u_n) est une suite géométrique. Son premier terme $u_1 = 5$, sa raison est $q > 0$ tel que : $u_9 = 1280$.
La valeur de q est :

A) $\frac{1}{3}$	B) $\frac{1}{2}$	C)3	D)2	E) $\frac{1}{4}$
------------------	------------------	-----	-----	------------------

Exercice 23:

Pour tout entier naturel n , on pose $S_n = 1 + \frac{1}{2} + \dots + \frac{1}{2^n}$.

Calculer $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$

A) $\frac{1}{3}$	B) $\frac{1}{2}$	C)2	D)3	E)1
------------------	------------------	-----	-----	-----

Exercice 24:

Combien de nombre, composé de 3 chiffres, peut-on composé à partir des chiffres 6, 7, 8, 9 ?

A) C_4^3	B)9	C) 4^3	D) 3^4	E) 4×3
------------	-----	----------	----------	-----------------

Exercice 25:

Un sac contient deux boules blanches et trois boules noires, qu'on ne peut pas distinguer par le touché. On tire au hasard et en même temps deux boules du sac. Quelle est la probabilité d'obtenir deux boules de la même couleur ?

A) $\frac{1}{4}$	B) $\frac{2}{5}$	C) $\frac{3}{5}$	D) $\frac{1}{10}$	E) $\frac{3}{10}$
------------------	------------------	------------------	-------------------	-------------------

Exercice 26:

$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\ln x}{1 - \ln x}$ est égale à :

A) $+\infty$	B) $-\infty$	C) 1	D) -1	E) 0
--------------	--------------	------	-------	------

Exercice 27:

Le nombre complexe $\left(\frac{1-i}{1+i}\right)^{16}$ est égale à :

A) -1	B) 1	C) $\frac{1}{2}$	D) 2	E) -2
-------	------	------------------	------	-------

Exercice 28:

Le domaine de définition de la fonction $g(x) = \frac{x}{\sqrt{4 - (\ln(x))^2}}$ est :

A) $]-\infty, e^2[$	B) $]e^2, +\infty[$	C) $]e^{-2}, e^2[$	D) $]0, e^2[$	E) \mathbb{R}^+
---------------------	---------------------	--------------------	---------------	-------------------

Exercice 29:

Dans le plan orthonormé (unité de mesure est cm)

On considère les graphes des deux fonctions f et g définies par $f(x) = \sqrt{x}$ et $g(x) = x^2$ (pour tout $x > 0$).

La surface limitée par les graphes respectifs de f et g , et les deux droites horizontales d'équations $x = 2$ et $x = 0$ est :

A) $\frac{2+5\sqrt{2}}{-2} \text{ cm}^2$	B) $\frac{1}{2} \text{ cm}^2$	C) $\frac{2(5-2\sqrt{2})}{3} \text{ cm}^2$	D) $\frac{5}{2} \text{ cm}^2$	E) $\frac{2(2-5\sqrt{2})}{3} \text{ cm}^2$
--	-------------------------------	--	-------------------------------	--

Exercice 30:

On considère la fonction f définie par : $f(x) = \cos(e^x)$ et C le graphe de la fonction f dans le plan orthonormé. L'équation de la tangente au graphe de f au point 0 est :

A) $y = \cos 1$	B) $y = -\sin 1$	C) $y = -(\sin 1)x + \cos 1$	D) $y = -(\cos 1)x + \sin 1$	E) $y = 1$
-----------------	------------------	------------------------------	------------------------------	------------

Dans chaque question cochez la bonne réponse.

Q21 Soient m une constante de \mathbb{R} et h la fonction définie sur \mathbb{R}_+^* par $h(x) = x^m - (\ln x)^2$.

- A Si $m > 0$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) = 0$
- B Si $m < 0$ $\lim_{x \rightarrow 0^+} h(x) = 0$
- C Si $m < 0$ $\lim_{x \rightarrow 0^+} h(x) = -\infty$
- D Si $m \leq 0$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) = 0$
- E Si $m > 0$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) = +\infty$

Q22 Soit U_n la suite définie par $U_n = \frac{(-1)^n}{n^2}$; $n \in \mathbb{N}$ et $n \neq 0$. La suite $(U_n)_{n \geq 1}$ est

- A Monotone.
- B Convergente.
- C Négative.
- D Décroissante et minorée.
- E Croissante et Majorée.

Q23

- A La partie réelle de $(1 - i)^5$ est $\sqrt{2}$.
- B La partie imaginaire de $(1 + i)^{20}$ est 42.
- C $(1 + i)^{20}$ est réel.
- D L'équation $z^4 - 1 = 0$ possède une et une seule solution dans \mathbb{C} .
- E L'équation $z^4 - 1 = 0$ possède trois solutions distinctes dans \mathbb{R} .

Q24 Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par : $f(x) = \begin{cases} e^x, & \text{si } x < 0 \\ \cos x, & \text{si } x \geq 0 \end{cases}$

- A L'équation $f(x) = 0$ possède trois solutions dans l'intervalle $] -\infty; 2\pi]$.
- B f n'est pas continue en 0.
- C f est dérivable en 0.
- D L'équation $f(x) = 0$ possède deux solutions dans l'intervalle $] -\infty; \pi]$.
- E L'équation $f(x) = 0$ possède une et une seule solution dans l'intervalle $] -\infty; \pi]$.

Q25 A $\int_2^e \frac{1}{x \ln x} dx = -2$.

B $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \tan x dx = -\frac{1}{2} \ln 2$.

C $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \tan x dx = \ln 2$.

$$\text{D } \int_1^e \frac{\ln x}{\sqrt{x}} dx = 4 + 2\sqrt{e}.$$

$$\text{E } \int_1^e \frac{\ln x}{\sqrt{x}} dx = 4 - 2\sqrt{e}.$$

Q26 Soient f et g les fonctions définies respectivement sur \mathbb{R} par :

$$f(x) = \frac{1}{1+x^2} \quad \text{et} \quad g(x) = \int_x^{x+1} f(t) dt.$$

A L'image de \mathbb{R} par f est $]0; 1]$.

B L'image de \mathbb{R} par f est $]0; +\infty]$.

C La fonction g est dérivable sur \mathbb{R} et, pour tout $x \in \mathbb{R}$, $g'(x) = f(x) - f(x+1)$.

D Pour tout $x \in \mathbb{R}$, $g(x) < 0$.

E Pour tout $x \in \mathbb{R}$, $0 \leq g(x) < \frac{1}{2}$.

Q27 Soient n et p deux entiers naturels strictement positifs.

A Si $n^2 + np + p^2$ est pair, alors n est impair et p est pair.

B Si $n^2 + np + p^2$ est pair, alors n est pair et p est impair.

C Si $n^2 + np + p^2$ est pair, alors np est impair.

D Si $n^2 + np + p^2$ est pair, alors n et p sont pairs.

E Si $n^2 + np + p^2$ est pair, alors n et p sont impairs.

$$\text{Q28 } \text{A } \int_0^{\frac{\pi}{8}} \frac{2dx}{\cos^2(x)} = 1 - \sqrt{2}. \quad \text{B } \int_{-\frac{\pi}{8}}^{\frac{\pi}{8}} \frac{2dx}{\cos^2(x)} = 2(1 - \sqrt{2}). \quad \text{C } \int_{-\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{4}} \frac{2dx}{\cos^2(x)} = 4(\sqrt{2} - 1).$$

$$\text{D } \int_{-\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{4}} \frac{2dx}{\cos^2(x)} = 4. \quad \text{E } \int_{-\frac{\pi}{8}}^{\frac{\pi}{8}} \frac{2dx}{\cos^2(x)} = 4(1 - \sqrt{2}).$$

Q29 Soient (u_n) et (v_n) deux suites définies pour tout $n \in \mathbb{N}^*$, par $u_n = \frac{e^n}{n^n}$ et $v_n = \ln(u_n)$.

A la suite (v_n) et la suite (u_n) ont la même limite.

B la suite (v_n) est strictement croissante.

C la suite (u_n) est strictement croissante.

D La suite (u_n) est bornée.

E la suite (u_n) admet une limite et cette limite est non nulle.

Q30 On considère la suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ définie par $u_0 = 1$ et pour $n \in \mathbb{N}$: $u_{n+1} = \frac{1}{3}u_n + n - 2$.
On définit la suite $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ par, pour tout $n \in \mathbb{N}$: $v_n = -2u_n + 3n - \frac{21}{2}$.

A Pour tout entier naturel $n \geq 5$, $u_n \leq n - 3$.

B Pour tout entier naturel $n \geq 5$, $u_n \geq n - 3$.

C La limite de la suite (u_n) est finie.

D La suite $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est une suite géométrique de raison $\frac{1}{3}$ et de premier terme $\frac{25}{2}$.

E Pour tout $n \in \mathbb{N}$, $u_n = \frac{25}{4} \left(\frac{1}{3}\right)^n + \frac{3}{2}n + \frac{21}{4}$.

Q21 لتكن m في R و h دالة محددة في R_+^* $h(x) = x^m - (\ln x)^2$.

- . A لكل $m > 0$: $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) = 0$
 . B لكل $m < 0$: $\lim_{x \rightarrow 0^+} h(x) = 0$
 . C لكل $m < 0$: $\lim_{x \rightarrow 0^+} h(x) = -\infty$
 . D لكل $m \leq 0$: $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) = 0$
 . E لكل $m > 0$: $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) = +\infty$

Q22 للنتعتبر المتتالية U_n الأتية $U_n = \frac{(-1)^n}{n^2}$; $n \in N^*$. المتتالية $(U_n)_{n \geq 1}$ هي

- . A راتبة
 . B متقاربة
 . C سالبة
 . D تناقصية و مصفورة
 . E تزايدية و مكبورة

Q23 . A الجزء الحقيقي للعدد $(1 - i)^5$ هو $\sqrt{2}$

. B الجزء التخيلي للعدد $(1 + i)^{20}$ هو 42

. C $(1 + i)^{20}$ عدد حقيقي

. D المعادلة $z^4 - 1 = 0$ لديها حل وحيد في C

. E المعادلة $z^4 - 1 = 0$ تقبل ثلاثة حلول مختلفة في R

Q24 لتكن f الدالة المعرفة في R $f(x) = \begin{cases} e^x, & \text{si } x < 0 \\ \cos x, & \text{si } x \geq 0 \end{cases}$

. A المعادلة $f(x) = 0$ تقبل ثلاثة حلول في $]-\infty; 2\pi]$

. B ليس متصلة في 0

. C قابلة للإشتقاق في 0

. D المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلين في $]-\infty; \pi]$

. E المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حل وحيد في $]-\infty; \pi]$

Q25 . A $\int_2^e \frac{1}{x \ln x} dx = -2$. B $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \tan x dx = -\frac{1}{2} \ln 2$. C $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \tan x dx = \ln 2$. D $\int_1^e \frac{\ln x}{\sqrt{x}} dx = 4 + 2\sqrt{e}$. E $\int_1^e \frac{\ln x}{\sqrt{x}} dx = 4 - 2\sqrt{e}$

Q26 نعتبر f و g الدوال التالية المعرفة على R

$$f(x) = \frac{1}{1+x^2} \quad \text{et} \quad g(x) = \int_x^{x+1} f(t)dt.$$

- . A صورة R بالدالة f هي $]0; 1]$
 . B صورة R بالدالة f هي $]0; +\infty[$
 . C الدالة g قابلة للاشتقاق في R و لكل $x \in R$: $g'(x) = f(x) - f(x+1)$
 . D لكل $x \in R$: $g(x) < 0$
 . E لكل $x \in R$: $0 \leq g(x) < \frac{1}{2}$

Q27 نعتبر $n \in N^*$ و $p \in N^*$

- . A اذا كان العدد $n^2 + np + p^2$ زوجي فإن n فردي و p زوجي
 . B اذا كان العدد $n^2 + np + p^2$ زوجي فإن n زوجي و p فردي
 . C اذا كان العدد $n^2 + np + p^2$ زوجي فإن np فردي
 . D اذا كان العدد $n^2 + np + p^2$ زوجي فإن n زوجي و p زوجي
 . E اذا كان العدد $n^2 + np + p^2$ زوجي فإن n فردي و p فردي

$$\int_{-\frac{\pi}{8}}^{\frac{\pi}{8}} \frac{2dx}{\cos^2(x)} = 2(1 - \sqrt{2}). B \int_0^{\frac{\pi}{8}} \frac{2dx}{\cos^2(x)} = 1 - \sqrt{2}. A \quad Q28$$

$$\int_{-\frac{\pi}{8}}^{\frac{\pi}{8}} \frac{2dx}{\cos^2(x)} = 4(1 - \sqrt{2}). E \int_{-\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{4}} \frac{2dx}{\cos^2(x)} = 4. D \int_{-\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{4}} \frac{2dx}{\cos^2(x)} = 4(\sqrt{2} - 1). C$$

- . A Q29 المتتالية (v_n) و المتتالية (u_n) لهما نفس الحد
 . B المتتالية (v_n) متزايدة قطعاً
 . C المتتالية (u_n) متزايدة قطعاً
 . D المتتالية (u_n) محدودة
 . E المتتالية (u_n) لديها الحد وهذا الحد يخالف صفر

Q30 نعتبر المتتالية $(u_n)_{n \in N}$ المعرفة كمايلي $u_0 = 1$ و $u_{n+1} = \frac{1}{3}u_n + n - 2$. $n \in N$
 نعتبر المتتالية $(v_n)_{n \in N}$ المعرفة كمايلي : لأي $n \in N$: $v_n = -2u_n + 3n - \frac{21}{2}$.

- . A لأي عدد طبيعي $n \geq 5$: $u_n \leq n - 3$
 . B لأي عدد طبيعي $n \geq 5$: $u_n \geq n - 3$
 . C $\lim_{n \rightarrow +\infty} (u_n)$ منتهية.
 . D المتتالية $(v_n)_{n \in N}$ متتالية هندسية اساسها $\frac{1}{3}$ وحدها الأول $\frac{25}{2}$.
 . E لأي $n \in N$: $u_n = \frac{25}{4} \left(\frac{1}{3}\right)^n + \frac{3}{2}n + \frac{21}{4}$

**Concours d'Accès à la Faculté de
Médecine *Marrakech*
Juillet 2014
Epreuve de Mathématiques (30 minutes)
مادة الرياضيات (30 دقيقة)**

Q21: السؤال 21 : مجموعة حلول المعادلة $\ln(x+3) + \ln(x+2) = \ln(x+11)$ في \mathbb{R} هي :

- | | | | | |
|----------------|----------------|------------|----------------|------------------|
| A) $\{1, -5\}$ | B) $\{0, -2\}$ | C) $\{1\}$ | D) \emptyset | E) $\{-3, -11\}$ |
|----------------|----------------|------------|----------------|------------------|

Q22: السؤال 22 : قيمة $S_{2014} = 1+i+i^2+i^3+\dots+i^{2014}$ ($i^2 = -1$) هي :

- | | | | | |
|--------|--------|---------|---------|----------------------------|
| A) i | B) 1 | C) -1 | D) $-i$ | E) الاجوبة اعلاه غير صحيحة |
|--------|--------|---------|---------|----------------------------|

Q23: السؤال 23 في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر، مجموعة النقط M التي لحقها

z بحيث $(1-z)(i+\bar{z}) \in \mathbb{R}$ هي

- | | | | | |
|---------------|-----------|----------|--------------|------------|
| A) نصف مستقيم | B) مستقيم | C) دائرة | D) نصف دائرة | E) $\{0\}$ |
|---------------|-----------|----------|--------------|------------|

Q24: السؤال 24 متتالية المعرفة بما يلي: $u_1 = 1$ et $u_{n+1} = \frac{5u_n}{3u_n + 5}$ متتالية الحسابية

اذن أساس المتتالية الحسابية $(v_n)_{n \geq 1}$ بحيث $v_n = \frac{5}{u_n}$ هي :

- | | | | | |
|-------------------|------------------|-------------------------|--------|------------------|
| A) $\frac{-1}{3}$ | B) $\frac{1}{3}$ | C) ليست بمتتالية حسابية | D) 3 | E) $\frac{1}{2}$ |
|-------------------|------------------|-------------------------|--------|------------------|

Q25: السؤال 25 : مجموعة التعريف للدالة $f(x) = \sqrt{\frac{x^3}{x^2-1}}$ هو :

- | | | | | |
|-----------------|-----------------------------|--------------------------------|---------------|--------------------------------|
| A) \mathbb{R} | B) $\mathbb{R} - \{-1, 1\}$ | C) $]-1, 0] \cup]1, +\infty[$ | D) $] -1, 1[$ | E) $] -\infty, -1[\cup \{0\}$ |
|-----------------|-----------------------------|--------------------------------|---------------|--------------------------------|

Q26 السؤال 26: لتكن g الدالة المعرفة بما يلي $g(1) = a$ si $x \neq 1$ et $g(x) = x + \frac{\sin(\pi x)}{x-1}$

قيمة a لتكون g متواصلة في نقطة $x_0 = 1$ هي:

A) $\frac{\pi}{2}$	B) $\pi - 1$	C) 1	D) $1 - \pi$	E) 0
--------------------	--------------	------	--------------	------

Q27 السؤال 27: لتكن f دالة عددية معرفة وقابلة للاشتقاق في $I = [-1, 1]$. في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد منظم. معادلة المستقيم المماس لمنحنى الدالة g بحيث

$g(x) = f(\sin(\frac{\pi}{2}x))$ في النقطة ذات الافصول $x_0 = 1$ هي:

A) $y = (x-1)f'(1) + f(1)$	B) $y = (x+1)f'(1) + f(1)$	C) $y = f(1)$	D) $y = f(0)$	E) $y = f'(1)$
----------------------------	----------------------------	---------------	---------------	----------------

Q28 السؤال 28: في المستوى المنسوب الي معلم متعامد منظم. (وحدة القياس هي cm)

نعتبر المنحنيين الممثلين للدالتين f و g المعرفتين بما يلي $f(x) = x^3$ و $g(x) = x^2$ ($x > 0$) مساحة جزء المستوى المحصور بين منحنى الدالتين f و g والمستقيمين المعرفين بالمعادلتين $x = 0$ و $x = 2$ هي:

A) $\frac{1}{-2} cm^2$	B) $\frac{1}{2} cm^2$	C) $\frac{3}{2} cm^2$	D) $\frac{5}{2} cm^2$	E) $\frac{2}{3} cm^2$
------------------------	-----------------------	-----------------------	-----------------------	-----------------------

Q29 السؤال 29: مركز تماثل منحنى الدالة $f(x) = \frac{x + \sqrt{x^2 + 4}}{x}$ هو النقطة $\Omega(a, b)$ بحيث:

A) $\Omega(1,0)$	B) $\Omega(1,-1)$	C) $\Omega(0,0)$	D) $\Omega(0,2)$	E) $\Omega(0,1)$
------------------	-------------------	------------------	------------------	------------------

Q30 السؤال 30: نرمي نردا مكعبا مغشوشا (وجوهه الستة مرقمة من 1 الى 6) لتكن p_k احتمال الحصول (على الوجه العلوي) على رقم k ($1 \leq k \leq 6$).

نعتبر ان $p_1, p_2, p_3, p_4, p_5, p_6$ هم الارقام الاولى لمتتالية هندسية اساسها $q = \frac{1}{2}$. ان فان حدها الاول p_1 هو

A) $\frac{-1}{31}$	B) $\frac{5}{64}$	C) $\frac{1}{6}$	D) $\frac{32}{63}$	E) الاجوبة اعلاه غير صحيحة
--------------------	-------------------	------------------	--------------------	----------------------------

مباراة الولوج لكلية الطب و الصيدلة مراكش
24 يوليوز 2013
مادة الرياضيات (المدة الزمنية 30 دقيقة)

سؤال 21 إلى 30 : حدد الإجابة الصحيحة (إجابة واحدة صحيحة)

Q21

المجموع $\sqrt{2}-2+2\sqrt{2}\dots-64+64\sqrt{2}-128$ يساوي :

A) $\frac{-127\sqrt{2}}{\sqrt{2}+1}$	B) $\frac{127\sqrt{2}}{\sqrt{2}-1}$	C) $\frac{172\sqrt{2}}{1-\sqrt{2}}$	D) $\frac{-172\sqrt{2}}{\sqrt{2}-1}$	E) كل الأجوبة خاطئة
--------------------------------------	-------------------------------------	-------------------------------------	--------------------------------------	---------------------

Q22

قيمة $\lim_{n \rightarrow +\infty} \left(\frac{\sin(2n)}{3n} + \left(1 + \frac{4}{n}\right)^n \right)$ هي :

A) $\frac{5}{3}$	B) 1	C) $\frac{5}{3}+e^4$	D) e^4	E) كل الأجوبة خاطئة
------------------	------	----------------------	----------	---------------------

Q23

لتكن f الدالة المعرفة بما يلي :

$$f(x) = \frac{x+x^2+\dots+x^9-9}{(2-x)^9-1} \text{ pour } x \neq 1 \text{ et } f(1) = \lambda$$

قيمة λ لتكون f متصلة في النقطة 1 هي :

A) 5	B) -4	C) -5	D) 0	E) كل الأجوبة خاطئة
------	-------	-------	------	---------------------

Q24

المعرفة بما يلي f حيز تعريف الدالة : $f(x) = \sqrt{-e^{2x} - e^x + 2}$ هو :

A) $] -e^2, 0]$	B) $] -\infty, \frac{3}{4}[$	C) $] -\ln 2, 0]$	D) $] -\infty, 0]$	E) كل الأجوبة خاطئة
-----------------	------------------------------	-------------------	--------------------	---------------------

Q25

دالة أصلية للدالة : $g(x) = \frac{\sin^3(x)}{(1+\cos(x))^2}$ في المجال $]0, \pi[$ هي :

- A) $\sin^2(x) - 2\ln(1 + \cos(x))$ B) $\cos(x) - 2\ln(1 + \cos(x))$
 C) $\cos(3x) + 2\ln(1 - \cos(x))$ D) $\cos(2x) - 2\ln(1 + 2\cos(x))$
 E) كل الأجوبة خاطئة

Q26

نعتبر التكاملين :

$$I = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\cos(x)}{\sin(x)+\cos(x)} dx \text{ و } J = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin(x)}{\sin(x)+\cos(x)} dx$$

إذن :

A) $I = J = \frac{\pi}{4}$	B) $I = J = \frac{\pi\sqrt{2}}{2}$	C) $I = \frac{\pi-1}{4} \text{ et } J = \frac{\pi+1}{4}$
D) $I = \frac{\pi+1}{4} \text{ et } J = \frac{\pi-1}{4}$	E) كل الأجوبة خاطئة	

Q27

في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر، مجموعة النقط M التي لحقها z بحيث :

$$\left| \frac{z - 4i}{z + 2} \right| = 1$$

هي :

- A) دائرة B) نصف دائرة C) مستقيم D) نصف مستقيم
E) كل الأجوبة خاطئة

Q28

الشكل الجبري للعدد العقدي :

$$z = \left(\frac{1 + i\sqrt{3}}{1 - i} \right)^{20}$$

هو :

- A) $512 + i\sqrt{3}$ B) $512 + (512\sqrt{3})i$ C) $512 - (512\sqrt{3})i$
D) $512 - i\sqrt{3}$ E) كل الأجوبة خاطئة

Q29

لنعبر الدالة : $h(x) = \sqrt{\frac{2-x}{2+x}}$ في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم، معادلة المستقيم المماس لمنحنى h في النقطة ذات الأفصول 1 هي :

- A) $y = \frac{\sqrt{3}}{9}(-4x - 5)$
B) $y = \frac{\sqrt{3}}{9}(2x + 5)$
C) $y = \frac{\sqrt{3}}{9}(-2x + 5)$
D) $y = \frac{\sqrt{3}}{9}(-x + 5)$
E) كل الأجوبة خاطئة

Q30

في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر، نعتبر المستوى (P) والفلكة (S) المعرفتين على التوالي بالمعادلتين الديكارتيين

$$(P) \quad x - 2y + 2z - 2 = 0 \quad \text{و} \quad (S) \quad x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 2z + 1 = 0$$

المسافة بين مركز الفلكة (S) و المستوى (P) هي :

A) 3	B) 1	C) $\frac{\sqrt{3}}{3}$	D) 4	E) كل الأجوبة خاطئة
------	------	-------------------------	------	---------------------

مباراة الولوج لكلية الطب و الصيدلة مراكش
يوليوز 2012
مادة الرياضيات (المدة الزمنية 30 دقيقة)

السؤال 21 : Q21

$(u_n)_n$ متتالية حسابية بحيث $u_2 + u_3 + u_4 = 21$ و $u_6 = 25$. إذن حدها الأول u_0 هو :

A) -52	B) -16	C) -11	D) 1	E) -10
--------	--------	--------	------	--------

السؤال 22 : Q22

قيمة $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n^2 + n + 1} - \sqrt{n^2 - n + 1} + (n^2)^{\frac{1}{n}})$ هي :

A) 2	B) $+\infty$	C) 3	D) 0	E) 1
------	--------------	------	------	------

السؤال 23 : Q23

لتكن h الدالة المعرفة بما يلي :

$$h(x) = \frac{\sin(2x + \frac{\pi}{3})}{x - \frac{\pi}{3}} \text{ pour } x \neq \frac{\pi}{3} \text{ et } h\left(\frac{\pi}{3}\right) = a$$

قيمة a لتكون h متواصلة في النقطة $\frac{\pi}{3}$ هي :

A) 2	B) 0	C) 1	D) -2	E) -1
------	------	------	-------	-------

السؤال 24 : Q24

حيز تعريف الدالة المعرفة بما يلي : $f(x) = \ln(5 - |x - 1| - |5x - 1|)$ هو :

A) $]-\frac{1}{2}, 0[$	B) $]-\frac{1}{2}, \frac{7}{6}[$	C) $]0, \frac{7}{6}[$	D) $]-\infty, 0[$	E) $]-\frac{1}{2}, \frac{1}{5}[$
------------------------	----------------------------------	-----------------------	-------------------	----------------------------------

السؤال 25 : Q25

نعتبر الدالة $f(x) = 1 + 2x + 3x^2 + \dots + 100x^{99}$. إذن قيمة $f(-1)$ هي :

A) 51	B) -52	C) 50	D) -50	E) -51
-------	--------	-------	--------	--------

السؤال 26 : Q26

قيمة $\int_0^1 \frac{1}{x^2 - x - 1} dx$ هي :

A) $\ln\left(\frac{\sqrt{5}-1}{\sqrt{5}+1}\right)$	B) $\frac{4}{\sqrt{5}} \ln\left(\frac{3-\sqrt{5}}{2}\right)$	C) $\frac{2}{\sqrt{5}} \ln\left(\frac{30}{\sqrt{5}+1}\right)$	D) $-\frac{2}{\sqrt{5}} \ln\left(\frac{3-\sqrt{5}}{2}\right)$	E) $\frac{2}{\sqrt{5}} \ln\left(\frac{3-\sqrt{5}}{2}\right)$
--	--	---	---	--

السؤال 27 : Q27

نعتبر في مجموعة الأعداد العقدية الحدودية :

$$P(z) = z^3 + (\sqrt{3} - i)z^2 + (1 - i\sqrt{3})z - i$$

إذن مجموعة حلول $P(z) = 0$ هي :

A) $S = \{i, -\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i, -\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i\}$ B) $S = \{-i, \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i, \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i\}$

C) $S = \{i, \frac{\sqrt{3}}{4} + \frac{1}{4}i, -\frac{\sqrt{3}}{4} - \frac{1}{4}i\}$ D) $S = \{i, -\sqrt{3} + i, -\sqrt{3} - i\}$

E) $S = \{-i, -\sqrt{3} + i, -\sqrt{3} - i\}$

السؤال 28 : Q28

الدالة الأصلية للدالة $\cos x \cos 2x$ والتي تأخذ القيمة صفر في نقطة 0 هي :

A) $\frac{1}{3}(\sin x)^3 - \sin x$	B) $\sin x + \frac{2}{3}\sin 2x$	C) $\sin x - \frac{2}{3}(\sin x)^3$
D) $\frac{1}{2}(\sin x)^2 \sin(2x)$		E) $\sin x \sin 2x$

السؤال 29 : Q29

لتكن ب الدالة المعرفة بما يلي : $f(x) = \frac{1+\ln(x)}{x}$

و C منحنى الدالة في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم. معادلة المستقيم المماس للمنحنى C في النقطة $e^{-\frac{1}{2}}$ هي :

A) $y = x - \frac{1}{2}$	B) $y = x + \frac{1}{2}$	C) $y = \frac{e}{2}x$	D) $y = -\frac{e}{2}x + 1$	E) $y = \frac{e}{2} + x$
--------------------------	--------------------------	-----------------------	----------------------------	--------------------------

السؤال 30 : Q30

نعتبر في المستوى العقدي النقط A و B و C التي الحاقها على التوالي هي :

$$z_C = -(2 + \sqrt{3}) + i \quad \text{و} \quad z_B = -1 - i \quad \text{و} \quad z_A = 1 + i\sqrt{3}$$

إذن المثلث ABC

A) قائم الزاوية في A	B) قائم الزاوية في B	C) قائم الزاوية في C	D) غير قائم الزاوية	E) متساوي الأضلاع
----------------------	----------------------	----------------------	---------------------	-------------------

مباراة الولوج لكلية الطب و الصيدلة مراكش
03 غشت 2011
مادة الرياضيات (المدة الزمنية 30 دقيقة)

سؤال 21 إلى 30 : حدد الإجابة الصحيحة (إجابة واحدة فقط):

السؤال 21 : Q21

حيث تعريف الدالة المعرفة بما يلي $f(x) = \sqrt{\ln(x^2 + 3x - 4)}$ هو:

- A) $]-\infty, \frac{-3-\sqrt{29}}{2}]$
B) $]\frac{-3-\sqrt{29}}{2}, \frac{-3+\sqrt{29}}{2}[$
C) $]-\infty, \frac{-3-\sqrt{29}}{2}] \cup]\frac{-3+\sqrt{29}}{2}, +\infty[$
D) $]-\infty, \frac{-3-\sqrt{29}}{2}[\cup]\frac{-3+\sqrt{29}}{2}, +\infty[$
E) $]\frac{-3+\sqrt{29}}{2}, +\infty[$

السؤال 22 : Q22

قيمة $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n - \sqrt{n^2 + 1}}{n + \sqrt{n^2 - 1}}$ هي:

- A) 1 B) 0 C) $-\infty$ D) $+\infty$ E) n'existe pas

السؤال 23 : Q23

لتكن g الدالة المعرفة بما يلي : $g(0) = \mu$ et $g(x) = \frac{\tan x - \sin x}{x^3}$ pour $x \neq 0$

قيمة μ لتكون g متواصلة في النقطة 0 هي :

- A) 0 B) $-\frac{1}{2}$ C) $\frac{1}{4}$ D) $\frac{1}{2}$ E) $-\frac{1}{4}$

السؤال 24 : Q24

نعتبر العدد العقدي $z = x + iy$. يكون العدد $z^2 + 2z - 3$ عددا حقيقيا إذا وفقط إذا كانت :

- A) $x=1$ et $y=0$ B) $x=1$ ou $y=-1$ C) $x=-1$ et $y=0$ D) $y=0$ ou $x=-1$ E) $y=0$ et $x=1$

السؤال 25 : Q25

لنعتبر المتتالية الحسابية $(u_n)_{n \geq 0}$. إذا كان $u_3 + u_4 + \dots + u_{10} = 672$ و $u_7 = 81$ فإن u_3 يساوي :

- A) 103 B) 213 C) 123 D) 105 E) 107

السؤال 26 : Q26

المجموع $S = \frac{1}{2} - \frac{1}{4} + \frac{1}{8} - \dots + \frac{1}{512}$ يساوي :

- A) $\frac{172}{521}$ B) $\frac{171}{512}$ C) $\frac{571}{723}$ D) $\frac{571}{732}$ E) $\frac{513}{824}$

السؤال 27 : Q27

قيمة $\int_{-1}^{+1} \frac{1}{x^2-4} dx$ هي :

- A) $\frac{\sqrt{5}}{2}$ B) $\frac{\ln 5}{2}$ C) $\frac{\ln 3}{2}$ D) $-\frac{\ln 3}{2}$ E) $-\frac{\sqrt{5}}{2}$

السؤال 28 : Q28

الدالة الأصلية للدالة $f(x) = \frac{\ln x}{x^3}$ والتي تأخذ القيمة صفر في نقطة 1 هي :

- A) $\frac{\ln x}{x^2} - \frac{1}{3x^2} + \frac{1}{3}$ B) $\frac{\ln x}{2x^2} - \frac{1}{4x^2} + \frac{1}{4}$ C) $\frac{\ln x}{4x^2} + \frac{1}{2x^2} - \frac{1}{2}$ D) $-\frac{\ln x}{2x^2} - \frac{1}{4x^2} + \frac{1}{4}$ E) $-\frac{\ln x}{2x^2} + \frac{1}{4x^2} - \frac{1}{4}$

السؤال 29 : Q29

لتكن f الدالة المعرفة بما يلي : $f(x) = \cos(e^x)$ و C منحنى الدالة f في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم. معادلة المستقيم المماس للمنحنى C في النقطة 0 هي :

- A) $y = \cos 1$ B) $y = -\sin 1$ C) $y = -(\sin 1)x + \cos 1$ D) $y = -(\cos 1)x + \sin 1$ E) $y = 1$

السؤال 30 : Q30

العدد العقدي $z = \frac{\sqrt{3}+i}{\sqrt{2}-i\sqrt{2}}$ له عمدة $(\arg z)$ يساوي :

- A) $-\frac{5\pi}{12}$ B) $\frac{7\pi}{12}$ C) $\frac{5\pi}{12}$ D) $-\frac{7\pi}{12}$ E) $\frac{3\pi}{4}$

**Concours d'Accès à la Faculté de
Médecine *Marrakech*
Juillet 2010
Epreuve de Mathématiques (30 minutes)
مادة الرياضيات (30 دقيقة)**

السؤال 1 قيمة العدد $\ln(3) + 4\ln(2) - \ln(60)$ هي

A) $\ln(\frac{5}{4})$	B) 0	C) $\ln(\frac{4}{3})$	D) $\ln(15)$	E) $\ln(\frac{4}{5})$
-----------------------	------	-----------------------	--------------	-----------------------

السؤال 2 $x \in \mathbb{R}$ الجزء التخيلي للعدد العقدي $z = \frac{1+ix}{1-ix}$ هو

A) $\frac{1}{1+x^2}$	B) $\frac{1}{1-x^2}$	C) $\frac{1-x^2}{1+x^2}$	D) $\frac{2x}{1+x^2}$	E) $\frac{2x}{1-x^2}$
----------------------	----------------------	--------------------------	-----------------------	-----------------------

السؤال 3 مجموعة حلول المعادلة $(\frac{1}{13})^{x^2-3x} = 169$ هو

A) {1}	B) $\{-\frac{1}{2}, 2\}$	C) {1,2}	D) {-1,1,2}	E) \emptyset
--------	--------------------------	----------	-------------	----------------

السؤال 4 ليكن العدد العقدي $j = \frac{-1+i\sqrt{3}}{2} = \cos(\frac{2\pi}{3}) + i\sin(\frac{2\pi}{3})$

قيمة العدد العقدي $S = 1 + j + j^2 + \dots + j^{2010} = \sum_{k=0}^{2010} j^k$ هي

A) 1	B) $1+j$	C) $1+j+j^2$	D) $-1-j$	E) 0
------	----------	--------------	-----------	------

السؤال 5 متتالية المعرفة بما يلي: $u_1 = \sqrt[3]{\frac{2}{7}}$ et $u_{n+1} = \sqrt[3]{\frac{1+u_n^3}{8}}$

ادن أساس المتتالية الهندسية $(v_n)_{n \geq 1}$ بحيث $v_n = \frac{7}{8}u_n^3 - \frac{1}{8}$

A) $-\frac{1}{2}$	B) $\frac{1}{8}$	C) ليست بمتتالية هندسية	D) $-\frac{1}{8}$	E) $\frac{1}{2}$
-------------------	------------------	-------------------------	-------------------	------------------

السؤال 6 : مجموعة التعريف للدالة $g(x) = \sqrt{\frac{x^2-1}{x+1}}$ هو

A) \mathbb{R}	B) $\mathbb{R} - \{-1\}$	C) $[1, +\infty[$	D) $] -1, 1]$	E) $] -1, +\infty [$
-----------------	--------------------------	-------------------	----------------	----------------------

السؤال 7 لتكن h الدالة المعرفة بما يلي :

$$h(x) = \begin{cases} \frac{\cos(x) - 1 - x \sin(3x)}{x^2} & \text{si } x \neq 0 \\ a & \text{pour } x = 0 \end{cases}$$

قيمة a لتكون h متواصلة في نقطة $x = 0$ هي

A) $\frac{4}{3}$	B) $\frac{7}{2}$	C) $-\frac{4}{3}$	D) 0	E) $\frac{-7}{2}$
------------------	------------------	-------------------	------	-------------------

السؤال 8 لتكن f دالة فردية في \mathbb{R} . الدالة $f \circ f$ دالة

A) لا زوجية ولا فردية	B) فردية	C) منعدمة	D) زوجية	E) الاجوبة اعلاه غير صحيحة
-----------------------	----------	-----------	----------	----------------------------

السؤال 9 قيمة $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4^x - 2^x}{x}$ هي

A) $+\infty$	B) 0	C) $\ln(2)$	D) $\ln(\frac{1}{2})$	E) الاجوبة اعلاه غير صحيحة
--------------	------	-------------	-----------------------	----------------------------

السؤال 10 لتكن g و h دوال بحيث h دالة عددية معرفة وقابلة للاشتقاق في

$I = [-1, 1]$ و $g(x) = h(\cos(\frac{\pi}{2}x))$. قيمة $g'(1)$ هي:

A) $-\frac{\pi}{2}h'(0)$	B) $h'(0)$	C) $n'existe pas$	D) $\frac{\pi}{2}h'(0)$	E) $-\frac{\pi}{2}h'(1)$
--------------------------	------------	-------------------	-------------------------	--------------------------

السؤال 11 مركز تماثل منحنى الدالة $f(x) = \frac{5x+1}{1-2x}$ هو النقطة $\Omega(a,b)$ بحيث :

A) $\Omega(\frac{1}{2}, \frac{-1}{2})$	B) $\Omega(\frac{1}{2}, \frac{-5}{2})$	C) $\Omega(\frac{5}{2}, \frac{-5}{2})$	D) $\Omega(\frac{-1}{2}, \frac{5}{2})$	E) $\Omega(\frac{1}{2}, \frac{5}{2})$
--	--	--	--	---------------------------------------

السؤال 12 نرمي ثلاثة نرود (جمع نرد) مختلفة الالوان, معا مرة واحدة (كل واحد منهم عبارة عن مكعب غير مغشوش أوجهه الستة مرقمة من 1 إلى 6).

احتمال الحصول على 3 ارقام (يظهرها الوجه العلوي لكل نرد) مجموعهم 5 هو:

A) $\frac{5}{216}$	B) $\frac{5}{36}$	C) $\frac{1}{36}$	D) $\frac{1}{9}$	E) الاجوبة اعلاه غير صحيحة
--------------------	-------------------	-------------------	------------------	----------------------------

Concours d'Accès à la Faculté de
Médecine *Marrakech*
Juillet 2009

Epreuve de Mathématiques (30 minutes)
مادة الرياضيات (30 دقيقة)

السؤال 1 الجزء التخيلي للعدد العقدي $z = \frac{(1+i\sqrt{3})}{(1-i\sqrt{3})^2}$ يساوي :

A) $\frac{-1}{2}$	B) $\sqrt{3}$	C) 0	D) $\frac{\sqrt{3}}{2}$	E) $\frac{-1}{\sqrt{3}}$
-------------------	---------------	------	-------------------------	--------------------------

السؤال 2 مجموعة حلول المعادلة $z + \frac{1}{z} = -1$ (في مجموعة الأعداد العقدية)

A) $\left\{ \frac{\sqrt{3}}{2} + i \right\}$	B) $\left\{ \frac{-1+i\sqrt{3}}{2}, \frac{1-i\sqrt{3}}{2} \right\}$	C) $\left\{ \frac{\sqrt{3}}{2} - i \right\}$	D) $\left\{ \frac{-1+i\sqrt{3}}{2}, \frac{-1-i\sqrt{3}}{2} \right\}$	E) \emptyset
--	---	--	--	----------------

السؤال 3 مجموعة التعريف للدالة $g(x) = \sqrt[3]{x^2 - 2x - 2}$ هو :

A) $[1-\sqrt{3}, 1+\sqrt{3}]$	B) \mathbb{R}^*	C) $[1+\sqrt{3}, +\infty[$	D) $\mathbb{R} - \{1-\sqrt{3}, 1+\sqrt{3}\}$	E) \mathbb{R}
-------------------------------	-------------------	----------------------------	--	-----------------

السؤال 4 قيمة $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{2x^2+1} - \sqrt{x+1}}{x}$ هي :

A) $+\infty$	B) <i>n'existe pas</i>	C) $\sqrt{2}$	D) $\frac{1}{\sqrt{2}}$	E) 0
--------------	------------------------	---------------	-------------------------	------

السؤال 5 متتالية المعرفة بما يلي: $u_1 = 1$ et $u_{n+1} = 2u_n + \frac{n+2}{n(n+1)}$

ادن أساس المتتالية الهندسية $(v_n)_{n \geq 1}$ بحيث $v_n = u_n + \frac{1}{n}$ هو

A) $\frac{-1}{2}$	B) 2	C) ليست بمتتالية هندسية	D) -2	E) $\frac{1}{2}$
-------------------	------	-------------------------	-------	------------------

السؤال 6 لتكن h الدالة المعرفة بما يلي: $h(x) = \frac{\sin(\pi x)}{x-1}$ pour $x \neq 1$ et $h(1) = a$

قيمة a لتكون h متواصلة في نقطة $x = 1$ هي :

A) $-\pi$	B) π	C) $\sqrt{2}$	D) $\frac{\pi}{2}$	E) $\frac{1}{2}$
-----------	----------	---------------	--------------------	------------------

السؤال 7 لتكن g دالة عددية معرفة وقابلة للاشتقاق في $I =]0, +\infty[$ بحيث

$$g(x) = xg\left(\frac{1}{x}\right) \text{ pour } x \in]0, +\infty[\text{ et } g(1) = 1$$

قيمة $g'(1)$ هي:

A) -2	B) 0	C) $\frac{1}{2}$	D) $\frac{2}{3}$	E) $\frac{-1}{2}$
-------	------	------------------	------------------	-------------------

السؤال 8 قيمة $\int_0^2 \frac{|1-x|}{|1-x^2|+|1+x^2|} dx$ هي:

A) $\frac{-1}{6}$	B) 0	C) $\ln\left(\frac{1}{2}\right)$	D) $\frac{\ln(2)}{2}$	E) $2\ln\left(\frac{3}{4}\right)$
-------------------	------	----------------------------------	-----------------------	-----------------------------------

السؤال 9

المنحنى الممثل للدالة $f(x) = x + \frac{x}{\sqrt{1+2x^2}}$ يقبل بجور $+\infty$ مستقيما مقاربا معادلته:

A) $y = x$	B) $y = \frac{1}{\sqrt{2}}x + 1$	C) $y = \sqrt{2}x + 1$	D) $y = 2x + \frac{\sqrt{2}}{2}$	E) $y = x + \frac{1}{\sqrt{2}}$
------------	----------------------------------	------------------------	----------------------------------	---------------------------------

السؤال 10 في المستوى المنسوب الي معلم متعامد ممنظم. (وحدة القياس هي cm) نعتبر المحنيين الممثلين للدالتين f و g المعرفتين بما يلي $f(x) = \sqrt{x}$ و $g(x) = x^2$ ($x > 0$) مساحة جزء المستوى المحصور بين منحنى الدالتين f و g والمستقيمين المعرفين بالمعادلتين $x=0$ و $x=2$ هي:

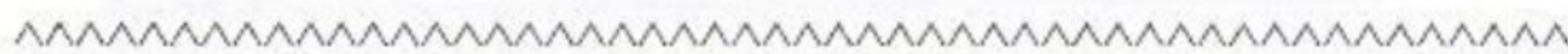
A) $\frac{2+5\sqrt{2}}{-2} cm^2$	B) $\frac{1}{2} cm^2$	C) $\frac{2(5-2\sqrt{2})}{3} cm^2$	D) $\frac{5}{2} cm^2$	E) $\frac{2(2-5\sqrt{2})}{3} cm^2$
----------------------------------	-----------------------	------------------------------------	-----------------------	------------------------------------

السؤال 11 لتكن h دالة عددية معرفة على IR و (C) منحنها في معلم متعامد ممنظم. تكون النقطة $\Omega(1,2)$ مركز تماثل للمنحنى (C) ان ($pour x \in IR$):

A) $h(x) = 2x$	B) $h(2-x) + h(x) = 4$	C) $h(2-x) = -h(x)$	D) $h(1-x) = -h(x) + 2$	E) $h(-x) = -h(x)$
----------------	------------------------	---------------------	-------------------------	--------------------

السؤال 12 نرمي نردتين مختلفا اللون معا مرة واحدة (كل واحد منهما عبارة عن مكعب غير مغشوش أوجهه الستة مرقمة من 1 إلى 6). احتمال الحصول على رقمين (الذين يظهرهما الوجه العلوي لكل نرد) مجموعهما 8 هو:

A) $\frac{5}{36}$	B) $\frac{3}{36} = \frac{1}{12}$	C) $\frac{6}{36} = \frac{1}{6}$	D) $\frac{1}{36}$	E) $\frac{8}{36} = \frac{2}{9}$
-------------------	----------------------------------	---------------------------------	-------------------	---------------------------------



Concours d'Accès à la Faculté de
Médecine de Marrakech
Juillet 2008
Epreuve de Mathématiques (30 minutes)
مادة الرياضيات (30 دقيقة)

Question 1

Le module du nombre complexe $z = 1 + i(3 + 5i)$ est :

- A) $\sqrt{45}$ B) 7 C) $\sqrt{5}$ D) 4 E) 5

Question 2

Soit $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ une suite arithmétique telles que : $u_4 = 0$ et $u_6 = -1$.

Alors la valeur du terme u_1 est :

- A) $-\frac{3}{2}$ B) 0 C) $\frac{2}{3}$ D) 1 E) $\frac{3}{2}$

Question 3

Soit $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ une suite géométrique de premier terme $u_0 = 2$ et de raison $q = \frac{1}{4}$.

Alors la raison r de la suite arithmétique (v_n) définie par $v_n = \ln(u_n)$ est :

- A) $\frac{1}{\ln(4)}$ B) $\ln(4)$ C) $2 \ln(4)$ D) $-2 \ln(2)$ E) $-\frac{1}{\ln(4)}$

Question 4

Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par :

$$f(x) = \begin{cases} a + \frac{1 - \sqrt{1 + \sin(x)}}{x} & \text{si } x \neq 0 \\ 0 & \text{pour } x = 0 \end{cases}$$

La valeur de a pour que la fonction f soit continue au point zéro est :

- A) $-\frac{1}{2}$ B) 0 C) $\frac{1}{2}$ D) 2 E) -1

Question 5

Soit $(w_n)_{n \in \mathbb{N}}$ la suite récurrente définie par : $w_0 = 3$ et $w_{n+1} = \sqrt{\frac{2}{3}w_n^2 + 2}$.

Alors la suite $(w_n)_{n \in \mathbb{N}}$ converge vers :

- A) $\sqrt{2}$ B) $\sqrt{6}$ C) 0 D) $\sqrt{\frac{2}{3}}$ E) -1

Question 6

Soit g la fonction définie sur $[-\frac{1}{2}, +\infty[$ par : $g(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{1+2x}-1}{x} & \text{si } x \neq 0 \\ 1 & \text{pour } x = 0 \end{cases}$

Alors $g'(0)$ est :

- A) $\frac{-1}{2}$ B) 1 C) $\frac{1}{2}$ D) $\sqrt{2}$ E) n'est pas dérivable au point 0

Question 7

La primitive de la fonction $h(x) = \frac{4}{4-x^2}$ ($-2 < x < 2$) qui prend la valeur zéro au point zéro est :

- A) $\ln\left(\frac{2+x}{2-x}\right)$ B) $\ln\left(\frac{2-x}{2+x}\right)$ C) $2\text{Arctg}\left(\frac{x}{2}\right)$ D) $\ln\left(\frac{4-x^2}{4}\right)$ E) $\ln\left(\frac{4}{4-x^2}\right)$

Question 8

L'ensemble des solutions dans \mathbb{R} de l'équation $e^{2x} - 2e^x - 3 = 0$ est :

- A) $\{0, \ln(3)\}$ B) $\{\ln(3)\}$ C) $\{-\ln(3), \ln(3)\}$ D) \emptyset E) $\left\{\frac{1}{\ln(3)}\right\}$

Question 9

Dans le plan rapporté à un repère orthonormal (unité de mesure est le cm) les courbes (C_1) et (C_2) représentent les fonctions f et g définies sur $]0, +\infty[$

par : $f(x) = \frac{1}{x}$ et $g(x) = \frac{1}{2x}$.

Alors l'aire de la partie limitée par (C_1) et (C_2) , les droites d'équations $x = \frac{1}{3}$ et $x = \frac{4}{3}$ est :

- A) $\ln(3) \text{ cm}^2$ B) $\frac{4}{3} \text{ cm}^2$ C) $\ln(2) \text{ cm}^2$ D) $\ln\left(\frac{3}{2}\right) \text{ cm}^2$ E) $2\ln(2) \text{ cm}^2$

Question 10

La courbe représentative de la fonction g définie par $g(x) = 2x - \sqrt{1+x^2}$ admet, au voisinage de $+\infty$, une asymptote d'équation :

- A) $y = 2x + 1$ B) $y = 1$ C) $y = x - 1$ D) $y = x$ E) $y = 2x - 1$

Question 11

Soit h une fonction définie sur l'ensemble des réels, dont la courbe représentative dans un repère orthonormé, est symétrique par rapport à la droite d'équation $x = \frac{3}{2}$.

Alors h vérifie :

- A) $h(-x) = h(x)$ B) $h(x) = h\left(\frac{3}{2} - x\right)$ C) $h\left(\frac{3}{2} - x\right) = h\left(x - \frac{3}{2}\right)$
D) $h\left(\frac{3}{2} + x\right) = h\left(-x - \frac{3}{2}\right)$ E) $h(x) = h(3 - x)$

Question 12

On lance un dé à 6 faces déséquilibré.

Les probabilités $p_1, p_2, p_3, p_4, p_5, p_6$ d'obtenir les numéros 1, 2, 3, 4, 5, 6 sont, dans cet ordre, les termes consécutifs d'une suite arithmétique de raison $r = \frac{-1}{45}$.

Alors la valeur du premier terme p_1 est :

- A) 0 B) $\frac{-2}{9}$ C) $\frac{1}{3}$ D) $\frac{1}{6}$ E) $\frac{2}{9}$

CONCOURS D'ACCES A LA FACULTE DE MEDECINE
JULLET 2007

مادة الرياضيات (30 دقيقة)

السؤال 1

(u_n) متتالية هندسية بحيث $u_2 = 3$ و $u_5 = -24$.
أذن أساس المتتالية هو:

- A) 0 B) 1 C) -2 D) 2 E) 3

السؤال 2

نهاية الدالة $f(x) = \frac{\sqrt{x^2 + 3x} - \sqrt{x^2 + 1} + x}{x}$ عندما تؤول x إلى $+\infty$ هو:

- A) 0 B) 1 C) -1 D) $+\infty$ E) 2

السؤال 3

المنحنى الممثل للدالة $F(x) = \sqrt{x^2 + 3x} - \sqrt{x^2 + 1} + x$ يقبل بجوار $+\infty$ مستقيما مقاربا معادلته:

- A) $y = x + \frac{3}{2}$ B) $y = x - \frac{3}{2}$ C) $y = \frac{3}{2}$ D) $y = 2x$ E) $y = -2x$

السؤال 4

العدد العقدي $z = \left(\frac{1+i}{1-i}\right)^2$ يساوي:

- A) 1 B) -1 C) i D) 1-i E) 1+i

السؤال 5

(v_n) متتالية حسابية حدها الأول $v_0 = 1$ وأساسها $r > 0$ بحيث $v_4^2 + v_2^2 = 10$.
أذن أساس المتتالية هو:

- A) 1 B) $\frac{5}{2}$ C) $\frac{2}{5}$ D) 2 E) $\frac{1}{5}$

السؤال 6

(w_n) متتالية تراجعية المعرفة بما يلي: $w_0 = \frac{1}{2}$ et $w_{n+1} = -1 - \frac{1}{4w_n}$.

أذن (w_n) تقارب القيمة:

- A) 0 B) 1 C) $\frac{1}{2}$ D) $-\frac{1}{2}$ E) -1

السؤال 7

مجموعة حلول المعادلة $3e^{2x} - 4e^x + 1 = 0$ في \mathbb{R} هي:

- A) \emptyset B) $\{0, \ln(3)\}$ C) $\{1\}$ D) $\{0\}$ E) $\{-\ln(3), 0\}$

السؤال 8

لتكن f الدالة المعرفة بما يلي

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x \ln(1+3x)}{1-\cos(2x)} + a, & x \in]0,1] \\ (x + \frac{1}{2}), & x \in]-\frac{1}{3},0] \end{cases}$$

قيمة a لتكون f متواصلة في نقطة صفر هي:

- A) 1 B) 0 C) $\frac{3}{2}$ D) -1 E) $\frac{2}{3}$

السؤال 9

حيث تعريف الدالة $g(x) = \frac{x}{\sqrt{4-(\ln(x))^2}}$ هو:

- A) $]-\infty, e^2[$ B) $]e^2, +\infty[$ C) $]e^{-2}, e^2[$ D) $]0, e^2[$ E) \mathbb{R}^+

السؤال 10

$$h(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{x^2+2}-\sqrt{2}}{x} & x \neq 0 \\ 0 & x = 0 \end{cases}$$

لتكن h الدالة المعرفة بما يلي :

أذن قيمة $h'(0)$ هي:

- A) 0 B) $\frac{\sqrt{2}}{4}$ C) $\frac{1}{\sqrt{2}}$ D) -1 E) 1

السؤال 11

الدالة الأصلية للدالة $f(x) = \frac{x-1}{(x+1)^2}$ التي تأخذ القيمة صفر في نقطة صفر هي:

- A) $\ln(x+1) - \frac{2x}{1+x}$ B) $\frac{2x}{1+x}$ C) $\ln(x+1) + \frac{x}{1+x}$ D) $\ln(\frac{1}{1+x}) - \frac{2x}{1+x}$
E) $2\ln(x+1) - \frac{x}{1+x}$

السؤال 12

اجتاز 3 تلاميذ محمد, احمد, أمين امتحانا.

احتمال نجاح محمد هو $\frac{3}{4}$, احتمال نجاح احمد هو $\frac{2}{3}$, احتمال نجاح أمين هو $\frac{1}{3}$.

الاحتمال لكي ينجح التلاميذ الثلاثة محمد, احمد و أمين هو:

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{6}$ C) $\frac{2}{9}$ D) $\frac{1}{9}$ E) $\frac{1}{18}$

Concours d'accès à la Faculté de Médecine et de Pharmacie
Session 25 juillet 2006

مادة الرياضيات

Signature du
candidat

Table n° :

Nom et prénom du candidat :

CNE :

مادة الرياضيات

السؤال 1 :

الحد الأول لمتتالية حسابية (u_n) هو $u_0 = 1$ إذا كان الحد $u_4 = 13$ فإن الحد u_{10} يساوي :

- A) 41 B) 21 C) 27 D) 31 E) 47

السؤال 2 :

لتكن (u_n) المتتالية الترجعية المعرفة بما يلي : $u_0 = 0$ $u_{n+1} = \sqrt{1+u_n}$ إذن تقارب القيمة

- A) $1-\sqrt{5}$ B) $\frac{1+\sqrt{5}}{2}$ C) $\frac{1-\sqrt{5}}{2}$ D) $1+\sqrt{5}$ E) 0

السؤال 3 :

لتكن f الدالة المعرفة على \mathbb{R} بما يلي :
$$f(x) = \begin{cases} 2x^2 - 1; & x \leq 1 \\ \alpha \frac{\sin(x^2 - 1)}{x - 1}; & x > 1 \end{cases}$$
 قيمة α لتكون f متواصلة على \mathbb{R} هي :

- A) $\frac{1}{3}$ B) 2 C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{2}{3}$ E) $-\frac{1}{3}$

السؤال 4 :

لتكن f الدالة المعرفة على المجال $[1, +\infty[$ بما يلي : $f(x) = \frac{(x-1)^2}{x}$ إذن قيمة $f^{-1}(1)$ هي :

- A) 1 B) $\frac{3-\sqrt{5}}{2}$ C) $\frac{3+\sqrt{7}}{2}$ D) $\frac{3+\sqrt{5}}{2}$ E) 3

السؤال 5 :

حيث تعريف الدالة f المعرفة بما يلي : $f(x) = \sqrt{\frac{1-\sin x}{1+\sin x}}$ هو :

- A) \mathbb{R} B) $\mathbb{R} \setminus \{2k\pi, k \in \mathbb{Z}\}$ C) $\mathbb{R} \setminus \{\frac{\pi}{2} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}\}$
D) $\mathbb{R} \setminus \{3\frac{\pi}{2} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}\}$ E) $\mathbb{R} \setminus \{3\frac{\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z}\}$

السؤال 6 :

لتكن f الدالة المعرفة بما يلي : $f(x) = \begin{cases} \frac{1-\sqrt{1-x^2}}{x} & x \in [-1, 0[\cup]0, 1] \\ 0 & x = 0 \end{cases}$ إذن قيمة $f'(0)$ هي :

- A) -1 B) 1 C) $\sqrt{3}$ D) 0 E) $\frac{1}{2}$

مادة الرياضيات
30 دقيقة
نورة يوليوز 2005

السؤال 1:

الحدان الأولان لمتتالية حسابية هما 5 و 8 إذن مجموع 20 حدا الأولى لهذه المتتالية هو :

A/ 1340

B/ 620

C/ 700

D/ 1240

E/ 670

السؤال 2:

(u_n) متتالية هندسية بحيث $u_2 = 15$ و $u_4 = 60$. إذن أساسها الموجب هو :

A/ 2

B/ 4

C/ $\frac{1}{2}$

D/ $\frac{1}{4}$

E/ 3

السؤال 3:

هي : $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\ln x}{1 - \ln x}$

A/ $+\infty$

B/ $-\infty$

C/ 1

D/ -1

E/ 0

السؤال 4:

المنحنى الممثل للدالة f المعرفة كما يلي $f(x) = \frac{2x^2 - 3x + \ln x}{x}$ يقبل بجوار $+\infty$ مستقيما مقاربا معادلته هي :

A/ $y = 2x - 3$

B/ $y = -2x + 3$

C/ $y = 2x$

D/ $y = 2x + 3$

E/ $y = -2x - 3$

السؤال 5:

مجموعة حلول المعادلة $\ln(x+2) + \ln(x+3) = \ln 6$ في IR هي :

A/ $\{-5\}$

B/ $\{0\}$

C/ $\{-3\}$

D/ $\{-2\}$

E/ $\{-5, 0\}$

القلب الصفحة من فضلك

السؤال 6:

الشكل المثلثي للعدد العقدي $z = 2 + \frac{2\sqrt{3}}{3}i$ هو :

- A/ $\left[\frac{4\sqrt{3}}{3}, \frac{\pi}{3} \right]$ B/ $\left[\frac{4\sqrt{3}}{3}, \frac{\pi}{6} \right]$ C/ $\left[\frac{4}{\sqrt{3}}, \frac{\pi}{4} \right]$ D/ $\left[\frac{16}{3}, \frac{\pi}{6} \right]$ E/ $\left[\frac{2\sqrt{3}}{3}, \frac{\pi}{3} \right]$

السؤال 7:

العدد العقدي $\left(\frac{1-i}{1+i} \right)^{16}$ يساوي :

- A/ -1 B/ 1 C/ $\frac{1}{2}$ D/ 2 E/ -2

السؤال 8:

في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم، معادلة المستوى المار من النقطة $A(1, 0, 2)$ والذي تكون المتجهة

$n(-1, 2, 3)$ منظمه عليه هي :

- A/ $-x + 2y + 3z - 5 = 0$ B/ $-x + 2y + 3z + 5 = 0$ C/ $-x + 2y + 3z = 0$
D/ $x + 2y - 3z - 5 = 0$ E/ $-x + 2y + 3z - 4 = 0$

السؤال 9:

يحتوي كيس على كرتين بيضاوين وثلاث كرات سوداء، لا يمكن التمييز بينها باللمس. نسحب عشوائيا وثانيا كرتين من الكيس. احتمال الحصول على كرتين مختلفتي اللون هو :

- A/ $\frac{1}{4}$ B/ $\frac{2}{5}$ C/ $\frac{3}{5}$ D/ $\frac{1}{10}$ E/ $\frac{3}{10}$

السؤال 10:

نعتبر كيسين S_1 و S_2 حيث يحتوي كل منهما على 5 كرات مرقمة من 1 إلى 5، نسحب في آن واحد وبكيفية عشوائية كرتين من S_1 وكرة واحدة من S_2 احتمال الحصول على رقمين فرديين ورقم زوجي هو :

- A/ $\frac{3}{25}$ B/ $\frac{12}{25}$ C/ 1 D/ $\frac{3}{10}$ E/ $\frac{18}{25}$

السؤال 6 :

في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم (o, \vec{i}, \vec{j}) وحدة القياس هي cm - نعتبر المنحنيين الممثلين للدالتين f و g المعرفتين على $]0, +\infty[$ بمايلي $f(x) = \frac{1}{x}$ و $g(x) = x^2$. إذا كانت Δ هي مساحة جزء المستوى المحصور بين منحيي f و g والمستقيمين المعرفين بالمعادلتين $x = \frac{1}{2}$ و $x = \frac{3}{2}$. فإن قيمة Δ ب cm^2 هي :

- A) $\frac{1}{3} - \ln \frac{4}{3}$ B) $\frac{1}{3} + \ln \frac{4}{3}$ C) $\frac{1}{2} - \ln \frac{3}{4}$ D) $\frac{1}{2} + \ln \frac{4}{3}$ E) $\frac{1}{2} - \ln \frac{4}{3}$

السؤال 7 :

مجموعة حلول المعادلة $iz^2 - 2z + 2 - i = 0$ هي :

- A) $\{1; 0\}$ B) $\{1; -1 - 2i\}$ C) $\{1; -1 + 2i\}$ D) $\{-1; 1 - 2i\}$ E) $\{-1; 1 + 2i\}$

السؤال 8 :

مجموعة حلول في \mathbb{R} للمعادلة $\frac{e^x - 3e^{-x}}{e^x + e^{-x}} = \frac{3}{2}$ هي :

- A) \emptyset B) \mathbb{R} C) $\{1\}$ D) $\{2\}$ E) $[1, 3]$

السؤال 9 :

يتكون قسم من 4 إناث و 6 ذكور. نريد اختيار 5 تلاميذ من بين تلاميذ هذا القسم. ما هو عدد المجموعات التي تحتوي على 3 ذكور على الأقل ؟

- A) 6 B) 252 C) 186 D) 120 E) 180

السؤال 10 :

اجتاز تلميذان A و B امتحانا. احتمال نجاح التلميذ A في هذا الامتحان هو $\frac{4}{5}$. واحتمال نجاح التلميذ B هو $\frac{3}{5}$. ما هو الاحتمال لكي ينجح التلميذان معا ؟

- A) $\frac{1}{5}$ B) $\frac{7}{5}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{24}{25}$ E) $\frac{12}{25}$

مادة الرياضيات

(30 دقيقة)

السؤال 1:

(u_n) متتالية حسابية تناقصية حدها الأول $u_0 = 2$ وأساسها r بحيث ،
 $4(u_1)^2 + (u_2)^2 = 164$. إذن r تساوي :

- A) 3 B) -6 C) 6 D) -3 E) 4

السؤال 2:

(u_n) متتالية هندسية حدها الأول $u_1 = 5$ وأساسها $q > 0$ بحيث $u_9 = 1280$. إذن q تساوي :

- A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{1}{2}$ C) 3 D) 2 E) $\frac{1}{4}$

السؤال 3:

نضع $S_n = 1 + \frac{1}{2} + \dots + \frac{1}{2^n}$ لكل عدد صحيح طبيعي n .

أحسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n$

- A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{1}{2}$ C) 2 D) 3 E) 1

السؤال 4:

المنحنى الممثل للدالة f المعرفة بـ $f(x) = \frac{x^2 - \ln x}{x-1}$ يقبل بجوار $+\infty$ مستقيما مقاربا معادلته :

- A) $y = x - \frac{1}{2}$ B) $y = x + 1$ C) $y = x - 1$ D) $y = -x + 1$ E) $y = -x - 1$

السؤال 5:

نضع $f(x) = \frac{x^3}{3} + x^2 - 3x$. إذن النقطة التي تنتمي إلى المنحنى الممثل للدالة f وأفصولها سالب

بحيث يكون المماس فيها موازيا لمحور الأفاصيل هي :

- A) (-2, -8) B) (-3, 9) C) (-3, -9) D) (-2, 8) E) (-4, 7)

السؤال 6 :

أحسب حجم مجسم الدوران الذي يولده دوران المنحنى الممثل للدالة f المعرفة على $[0, \frac{\pi}{2}]$ حول المحور $(x'Ox)$ (وحدة القياس هي cm^3)
 $f(x) = \sqrt{\sin x}$

- A) π^2 B) $\sqrt{\pi}$ C) $\frac{\pi}{2}$ D) $\frac{\pi^2}{2}$ E) π

السؤال 7 :

الشكل المثلثي للعدد العقدي $z = (-3) \left(\frac{1+i\sqrt{3}}{i} \right)$ هو :

- A) $[6, -3(\frac{\pi}{3} - \frac{\pi}{4})]$ B) $[36, -\frac{\pi}{6}]$ C) $[6, 5\frac{\pi}{6}]$ D) $[4, \frac{11\pi}{12}]$ E) $[6, -5\frac{\pi}{6}]$

السؤال 8 :

في معلم متعامد ممنظم، المعادلة الديكارتيّة للفلكة التي مركزها $\Omega(2,3,4)$ و المارة من النقطة $A(1,3,2)$ هي :

- A) $(x-1)^2 + (y-3)^2 + (z-2)^2 = 25$ B) $(x-1)^2 + (y-3)^2 + (z-2)^2 = 5$
C) $(x-1)^2 + (y-3)^2 + (z-2)^2 = \sqrt{5}$ D) $(x-2)^2 + (y-3)^2 + (z-4)^2 = 5$
E) $(x-2)^2 + (y-3)^2 + (z-4)^2 = \sqrt{5}$

السؤال 9 :

كم عددا مكونا من ثلاثة أرقام يمكن أن ننشئ انطلاقا من الأرقام 9,8,7,6 ؟

- A) C_4^3 B) 9 C) 4^3 D) 3^4 E) 4×3

السؤال 10 :

يحتوي كيس على كرتين بيضاويتين وثلاث كرات سوداء لا يمكن التمييز بينها باللمس. نسحب عشوائيا وتأنيا كرتين من الكيس. ما هو احتمال الحصول على كرتين من نفس اللون؟

- A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{2}{5}$ C) $\frac{3}{5}$ D) $\frac{1}{10}$ E) $\frac{3}{10}$

مباراة الولوج لكلية الطب والصيدلة - أكادير

دورة : يوليوز 2019

المادة : الرياضيات - المدة : 30 دقيقة

Q 21 (2 نقط)

نعتبر العدد العقدي : $Z = \frac{(1-i)^{10}}{(1+i\sqrt{3})^4}$

- (A) $|Z| = 2$
 (B) $|Z| = \frac{1}{2}$
 (C) $\arg(Z) = \frac{\pi}{6} [2\pi]$
 (D) $\arg(Z) = -\frac{\pi}{6} [2\pi]$

Q 22 (2 نقط)

- (A) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{\sin x} = 0$
 (B) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+x)}{\sin 2x} = 1$
 (C) $\lim_{x \rightarrow +\infty} (0,999)^x = +\infty$
 (D) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(1+x)}{\sqrt{x}} = 0$

Q 23 (2 نقط)

- (A) $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \cos 2x dx = \frac{1}{2}$
 (B) $\int_{-1}^1 x^2 (e^{2x} - e^{-2x}) dx = e^2$
 (C) $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^2 x dx \leq \frac{\pi}{2}$
 (D) $\int_1^e \frac{\ln x}{\sqrt{x}} dx = 4 - 2\sqrt{e}$

Q 24 (2 نقط)

في لعبة نرد، يرمي اللاعب نردين غير مغشوشين وجوه كل واحد منهما مرقمة من 1 إلى 6، ثم يحسب S مجموع الرقمين المسجلين على الوجهين العلويين للنردين.
 إذا كانت $2 \leq S \leq 3$ فإن اللاعب سيربح 20 نقطة، وإذا كانت $3 < S \leq 5$ فإن اللاعب سيربح 10 نقاط،
 وإذا كانت $5 < S < 10$ فإن اللاعب سيربح 5 نقاط، وإذا كانت $10 \leq S \leq 12$ فإن اللاعب سيربح 1 نقطة.
 ليكن X المتغير العشوائي الذي يساوي عدد النقاط التي يتم ربحها عند كل رمية للنردين.

- (A) $P(X=20) = P(X=1)$
 (B) $P(X=5) = \frac{5}{9}$
 (C) $P(X \leq 5) = \frac{13}{18}$
 (D) $E(X) = \frac{64}{9}$

Q 25 (2 نقط)

في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O; \vec{u}; \vec{v})$ ، نعتبر النقطة A التي لحقها $z_A = -2i$ ،
 والنقطة B التي لحقها $z_B = 2$ ، والنقطة C التي لحقها $z_C = 2 + 2i\sqrt{3}$.

- (A) الكتابة المثلثية للعدد العقدي $2 + 2i\sqrt{3}$ هي : $4 \left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} \right)$
 (B) C تنتمي إلى الدائرة التي مركزها B وشعاعها $r = 2$
 (C) مجموعة النقط M التي لحقها z بحيث : $z + \bar{z} = 2$ هي مستقيم يوازي (OB)
 (D) مجموعة النقط M التي لحقها z بحيث : $|z + 2i| = |z - 2|$ هي واسط القطعة $[AB]$.

Q 26 (2 نقط)

في قسم من الأقسام، 80% من التلاميذ حَضَرُوا (أعدوا) لاجتياز امتحان نهاية السنة الدراسية. احتمال نجاح تلميذ حَضَرَ للامتحان هو 0,85، بينما احتمال نجاح تلميذ لم يحضِر للامتحان هو 0,1.

- (A) احتمال أن ينجح تلميذ في الامتحان و لم يحضر هو: 0,2 .
 (B) احتمال أن ينجح تلميذ في الامتحان هو: 0,7 .
 (C) إذا علمت أن تلميذا قد نجح في الامتحان فإن احتمال كونه لم يحضر هو: 0,3 .
 (D) احتمال رسوب تلميذ في الامتحان هو: 0,03 .

Q 27 (2 نقط)

نعتبر في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ ، المستويين (P) و (P') بحيث:

$$(P): x - y - z - 1 = 0 \quad \text{و} \quad (P'): x + y + 3z + 1 = 0$$

$$(D): \begin{cases} x = -2 - 2t \\ y = 2t \\ z = 1 + 2t \end{cases} \quad ; t \in \mathbb{R} \quad \text{و} \quad (D'): \begin{cases} x = 1 - k \\ y = 1 - 2k \\ z = k \end{cases} \quad ; k \in \mathbb{R}$$

- (A) المستقيم (D) عمودي على المستوى (P) .
 (B) المستوى (P) والفلكة (S) التي مركزها O وشعاعها $\frac{\sqrt{3}}{3}$ متماسان .
 (C) المستويان (P) و (P') يتقاطعان وفق المستقيم (D') .
 (D) المستقيمان (D) و (D') مستوائيان .

Q 28 (2 نقط)

نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} ب: $f(x) = x(1-x^2)^3$

- (A) التمثيل المبياني للدالة f متماثل بالنسبة لمحور الأرتاب.
 (B) $f'(x) = (1-x^2)^2(1-7x^2)$ ، لكل x من \mathbb{R} (الدالة المشتقة للدالة f).
 (C) الدوال F المعرفة على \mathbb{R} ب: $F(x) = \frac{1}{4}(1-x^2)^4 + c$ حيث $c \in \mathbb{R}$ ، هي دوال أصلية للدالة f على \mathbb{R} .
 (D) $\int_0^1 f(x) dx = -\frac{1}{8}$

Q 29 (2 نقط)

نعتبر الدالة g المعرفة على $]0; +\infty[$ ب: $g(x) = \ln^2(x) + \ln(x)$ ، و (C_g) تمثيلها المبياني في معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

- (A) $g(x) \geq -\frac{1}{4}$ ، لكل x من $]0; +\infty[$.
 (B) للمعادلة $g(x) = e$ حل وحيد على $]0; +\infty[$.
 (C) المماس (T) للمنحنى (C_g) في النقطة ذات الأفضول e^{-1} يوازي المستقيم الذي معادلته $y = e - ex$.
 (D) المستقيم الذي معادلته $y = 0$ مقارب للمنحنى (C_g) .

نعتبر المتتاليتين $(u_n)_{n \geq 0}$ و $(v_n)_{n \geq 0}$ المعرفتين بما يلي :

$$\begin{cases} u_0 = e \\ u_{n+1} = \sqrt[3]{u_n}, \forall n \in \mathbb{N} \end{cases}$$

و $v_n = \ln(u_n)$ لكل n من \mathbb{N} .

نضع، لكل n من \mathbb{N} : $S = v_0 + v_1 + v_2 + \dots + v_n$ و $P = u_0 \times u_1 \times u_2 \times \dots \times u_n$.

(A) $(v_n)_{n \geq 0}$ متتالية هندسية أساسها $\frac{1}{3}$.

(B) لكل n من \mathbb{N} ، $S = \frac{1}{2} \left(3 - \frac{1}{3^n} \right)$.

(C) لكل n من \mathbb{N} ، $P = e^S$.

(D) $\lim_{n \rightarrow +\infty} P = +\infty$.

Q 26 (2 points)

Dans une classe 80% des étudiants ont préparé l'examen. Un étudiant n'ayant pas préparé l'examen le réussit avec une probabilité de 0,1, tandis qu'un étudiant l'ayant préparé réussit avec une probabilité de 0,85.

- (A) La probabilité qu'un étudiant ne prépare pas l'examen et réussisse est 0,2.
- (B) La probabilité qu'un étudiant réussisse l'examen est 0,7.
- (C) La probabilité qu'un étudiant n'a pas préparé l'examen sachant qu'il a réussi est 0,3.
- (D) La probabilité qu'un étudiant échoue à l'examen est 0,03.

Q 27 (2 points) :

Dans le repère orthonormé $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ de l'espace on considère :

Les plans (P) et (P') tels que : $(P) : x - y - z - 1 = 0$ et $(P') : x + y + 3z + 1 = 0$

et les droites (D) et (D') telles que : $(D) : \begin{cases} x = -2 - 2t \\ y = 2t \\ z = 1 + 2t \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$ et $(D') : \begin{cases} x = 1 - k \\ y = -1 - 2k \\ z = k \end{cases} \quad k \in \mathbb{R}$

- (A) La droite (D) est orthogonale au plan (P) .
- (B) Le plan (P) est tangent à la sphère (S) de centre O est de rayon $\frac{\sqrt{3}}{3}$.
- (C) L'intersection des plans (P) et (P') est la droite (D') .
- (D) Les droites (D) et (D') sont coplanaires.

Q 28 (2 points) :

Soit f la fonction définie sur l'ensemble \mathbb{R} par : $f(x) = x(1-x^2)^3$.

- (A) La courbe représentative de la fonction f est symétrique par rapport à l'axe des ordonnées.
- (B) Pour tout $x \in \mathbb{R}$, on a : $f'(x) = (1-x^2)^2(1-7x^2)$, où f' est la fonction dérivée de f .
- (C) Les fonctions F définies sur \mathbb{R} par : $F(x) = \frac{1}{4}(1-x^2)^4 + c$ avec $c \in \mathbb{R}$, sont les primitives de f sur \mathbb{R} .
- (D) $\int_0^1 f(x) dx = -\frac{1}{8}$.

Q 29 (2 points) :

Soit g la fonction définie pour tout x de $]0; +\infty[$ par : $g(x) = \ln^2(x) + \ln(x)$.

(C_g) est la courbe représentative de la fonction g dans un repère orthogonal $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

- (A) Pour tout x de $]0; +\infty[$, on a : $g(x) \geq -\frac{1}{4}$.
- (B) L'équation $g(x) = e$ admet une solution unique sur $]0; +\infty[$.
- (C) La tangente (T) à la courbe (C_g) au point d'abscisse e^{-1} est parallèle à la droite d'équation $y = e - ex$.
- (D) La droite d'équation $y = 0$ est asymptote à la courbe (C_g) .

Q 30 (2 points)

On considère les deux suites $(u_n)_{n \geq 0}$ et $(v_n)_{n \geq 0}$ définies par :

$$\begin{cases} u_0 = e \\ u_{n+1} = \sqrt[3]{u_n} \end{cases}, \text{ pour tout } n \in \mathbb{N} \quad \text{et} \quad v_n = \ln(u_n), \text{ pour tout } n \in \mathbb{N} .$$

Pour tout $n \in \mathbb{N}$, on note, $S = v_0 + v_1 + v_2 + \dots + v_n$ et $P = u_0 \times u_1 \times u_2 \times \dots \times u_n$.

- (A) $(v_n)_{n \geq 0}$ est une suite géométrique de raison $\frac{1}{3}$.
- (B) Pour tout $n \in \mathbb{N}$, $S = \frac{1}{2} \left(3 - \frac{1}{3^n} \right)$.
- (C) Pour tout $n \in \mathbb{N}$, $P = e^S$.
- (D) $\lim_{n \rightarrow +\infty} P = +\infty$.

ملحوظة: في كل سؤال يضع المترشح علامة X على رقم الجواب الصحيح و الوحيد من ضمن أربعة اجوبة مقترحة و مرقمة A B C D وذلك على الشبكة المرافقة لورقة الموضوع

تمرين 1

نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة ب $u_0 = 2$ و لكل عدد n من IN ب $u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n + \frac{3}{2}$

نضع: $v_n = u_n - 3$ و $s_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$ لكل عدد n من IN
(21) متتالية هندسية أساسها :

- A. $\frac{1}{2}$ B. $\frac{3}{2}$ C. $\frac{2}{3}$ D. $-\frac{3}{2}$

(22) تعبير u_n بدلالة n :

- A. $2\left(\frac{2}{3}\right)^n + n$ B. $-\left(\frac{1}{2}\right)^n + 3$ C. $\left(\frac{3}{2}\right)^n + n$ D. $-\left(\frac{3}{2}\right)^n + 3$

(23) قيمة $\lim_{n \rightarrow +\infty} s_n$:

- A. 2 B. 6 C. 8 D. -3

تمرين 2

نعتبر الدالتين f و g المعرفتين على $]0, +\infty[$ كالآتي:

$$f(x) = x^2 \ln\left(\frac{1}{x} + 1\right) \text{ و } g(x) = \frac{-1}{x+1} + 2 \ln\left(\frac{1}{x} + 1\right)$$

(24) قيمة $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$:

- A. 0 B. 1 C. $-\infty$ D. $+\infty$

(25) تعبير $f'(x)$:

- A. $xg(x)$ B. $x^2g(x)$ C. $\frac{g(x)}{x^3}$ D. $\frac{g(x)}{x^4}$

(26) α عدد من المجال $]0, +\infty[$. إذا كان $g(\alpha) = 0$ فإن $f(\alpha)$ تساوي:

- A. $\frac{2}{\alpha(\alpha+1)}$ B. $\frac{1}{2\alpha(\alpha+1)}$ C. $\frac{\alpha^2}{2(\alpha+1)}$ D. $\frac{\alpha^2}{\alpha+1}$

(27) قيمة التكامل $\int_1^2 x^2 \ln x dx$:

- A. $-\frac{3}{2} \ln 2 + \frac{3}{2}$ B. $\frac{8}{3} \ln 2 - \frac{7}{9}$ C. $-\frac{8}{3} \ln 2 + 2$ D. $\frac{3}{2} \ln 2 + \frac{7}{5}$

التمرين 3

يحتوي صندوق U_1 على كرتين إحداهما بيضاء والأخرى سوداء و يحتوي صندوق U_2 على 4 كرات 3 منها بيضاء وواحدة سوداء . جميع الكرات غير قابلة للتمييز باللمس.

نختار عشوائيا صندوقا واحدا و نسحب منه عشوائيا كرة واحدة

(28) احتمال الحصول على كرة بيضاء:

- A. $\frac{3}{8}$ B. $\frac{1}{3}$ C. $\frac{3}{4}$ D. $\frac{5}{8}$

(29) علما أن الكرة المسحوبة بيضاء. احتمال أن تكون مسحوبة من الصندوق U_1 :

- A. $\frac{5}{8}$ B. $\frac{3}{8}$ C. $\frac{2}{5}$ D. $\frac{1}{5}$

(30) نجمع الآن كرات الصندوقين U_1 و U_2 في صندوق واحد U_3 . نسحب عشوائيا وفي آن واحد كرتين من الصندوق U_3 احتمال الحصول على كرتين لهما نفس اللون:

- A. $\frac{5}{12}$ B. $\frac{3}{15}$ C. $\frac{7}{15}$ D. $\frac{9}{12}$

Note : Cocher, sur la grille réservée aux réponses, l'unique bonne réponse parmi les quatre proposées (numérotées A, B, C, D).

Exercice 1

Soit la suite réelle (u_n) définie par $u_0 = 2$ et pour tout n appartenant à \mathbb{N} par :

$$u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n + \frac{3}{2}$$

On pose: $v_n = u_n - 3$ et $s_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$ pour tout $n \in \mathbb{N}$

21) (v_n) une suite géométrique de raison:

A. $\frac{1}{2}$ **B.** $\frac{3}{2}$ **C.** $\frac{2}{3}$ **D.** $-\frac{3}{2}$

22) Expression de u_n en fonction de n :

A. $2\left(\frac{2}{3}\right)^n + n$ **B.** $-\left(\frac{1}{2}\right)^n + 3$ **C.** $\left(\frac{3}{2}\right)^n + n$ **D.** $-\left(\frac{3}{2}\right)^n + 3$

23) La valeur de $\lim_{n \rightarrow +\infty} s_n$:

A. 2 **B.** 6 **C.** 8 **D.** -3

Exercice 2

Soient les deux fonctions f et g définies sur $]0, +\infty[$ par:

$$f(x) = x^2 \ln\left(\frac{1}{x} + 1\right) \text{ et } g(x) = \frac{-1}{x+1} + 2 \ln\left(\frac{1}{x} + 1\right)$$

24) La valeur de $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$:

A. 0 **B.** 1 **C.** $-\infty$ **D.** $+\infty$

25) Expression de $f'(x)$:

A. $xg(x)$ **B.** $x^2g(x)$ **C.** $\frac{g(x)}{x^3}$ **D.** $\frac{g(x)}{x^4}$

26) α un nombre réel appartenant à $]0, +\infty[$. Si $g(\alpha) = 0$ alors $f(\alpha)$ égale:

A. $\frac{2}{\alpha(\alpha+1)}$ **B.** $\frac{1}{2\alpha(\alpha+1)}$ **C.** $\frac{\alpha^2}{2(\alpha+1)}$ **D.** $\frac{\alpha^2}{\alpha+1}$

27) La valeur de l'intégrale $\int_1^2 x^2 \ln x dx$:

A. $-\frac{3}{2} \ln 2 + \frac{3}{2}$ **B.** $\frac{8}{3} \ln 2 - \frac{7}{9}$ **C.** $-\frac{8}{3} \ln 2 + 2$ **D.** $\frac{3}{2} \ln 2 + \frac{7}{5}$

Exercice3

On dispose de deux urnes U_1 et U_2 .

- L'urne U_1 contient une boule blanche et une noire
- L'urne U_2 contient 3 boules blanches et une noire

Les boules sont indiscernables au toucher

On choisit au hasard une urne et on tire au hasard une boule

28) La probabilité de tirer une boule blanche :

- A.** $\frac{3}{8}$ **B.** $\frac{1}{3}$ **C.** $\frac{3}{4}$ **D.** $\frac{5}{8}$

29) Sachant que la boule tirée est blanche, la probabilité qu'elle provienne de U_1 :

- A.** $\frac{5}{8}$ **B.** $\frac{3}{8}$ **C.** $\frac{2}{5}$ **D.** $\frac{1}{5}$

30) Les boules dans U_1 et U_2 sont rassemblées dans une seule urne U_3 .

La probabilité de tirer au hasard et simultanément 2 boules de l'urne U_3 de même couleur:

- A.** $\frac{5}{12}$ **B.** $\frac{3}{15}$ **C.** $\frac{7}{15}$ **D.** $\frac{9}{12}$

Concours d'Accès à la Faculté de
Médecine Agadir
Juillet 2017
Epreuve de Mathématiques (30 minutes)
مادة الرياضيات (30 دقيقة)

السؤال 21: مجموعة حلول المعادلة $\ln(x+3) + \ln(x+2) = \ln(x+11)$ في R هي:

A) $\{1, -5\}$	B) $\{0, -2\}$	C) $\{1\}$	D) \emptyset	E) $\{-3, -11\}$
----------------	----------------	------------	----------------	------------------

السؤال 22: متتالية معرفة بما يلي: $u_1 = 1$ و $u_{n+1} = \frac{5u_n}{3u_n+5}$

إين أساس المتتالية الحسابية $(v_n)_{n \geq 1}$ بحيث $v_n = \frac{5}{u_n}$

A) $-\frac{1}{1}$	B) $\frac{2}{1}$	C) (v_n) ليست بمتتالية حسابية	D) 3	E) $\frac{1}{2}$
-------------------	------------------	---------------------------------	------	------------------

السؤال 23: كم عددا مكونا من ثلاثة أرقام يمكن أن ننسج انطلاقا من الأرقام 6, 7, 8, 9 ؟

A) C_4^3	B) 9	C) 4^3	D) 3^4	E) 4×3
------------	------	----------	----------	-----------------

السؤال 24: الدالة الأصلية للدالة $f(x) = \frac{x-1}{(x+1)^2}$ ($x > -1$) والتي تأخذ القيمة صفر في نقطة صفر هي:

A) $\ln(x+1) - \frac{2x}{1+x}$	B) $\frac{2x}{1+x}$	C) $\ln(x+1) + \frac{x}{1+x}$	D) $\ln\left(\frac{1}{1+x}\right) - \frac{2x}{1+x}$	E) $2\ln(x+1) - \frac{x}{1+x}$
--------------------------------	---------------------	-------------------------------	---	--------------------------------

السؤال 25: نرمي ثلاثة نردود (جمع نردود) مختلفة الألوان، معا مرة واحدة (كل واحد منهم عبارة عن مكعب غير مغشوش لوجهه الستة مرقمة من 1 إلى 6).

احتمال الحصول على 3 أرقام (يظهرها الوجه العلوي لكل نردود) مجموعهم 5 هو:

A) $\frac{5}{216}$	B) $\frac{5}{36}$	C) $\frac{1}{36}$	D) $\frac{1}{9}$	E) الأجوبة الأخرى غير صحيحة
--------------------	-------------------	-------------------	------------------	-----------------------------

السؤال 26: المنحنى الممثل للدالة f المعرفة كما يلي: $f(x) = \frac{x^2 - \ln(x)}{x-1}$ يقبل بجوار $+\infty$ مستقيما مقاربا معادلته:

A) $y = x - \frac{1}{2}$	B) $y = x + 1$	C) $y = x - 1$	D) $y = -x + 1$	E) $y = -x - 1$
--------------------------	----------------	----------------	-----------------	-----------------

السؤال 27: اثنان تلميذان A و B اتملحا امتحان نجاح التلميذ A هو $\frac{4}{5}$ ، اتملح نجاح التلميذ B هو $\frac{3}{5}$.
 الاحتمال لكي ينجح التلميذان معا هو:

A) $\frac{1}{5}$

B) $\frac{2}{5}$

C) $\frac{1}{2}$

D) $\frac{14}{25}$

E) $\frac{12}{25}$

السؤال 28: في المستوى العنقودي إلى معلم متعامد منظم (وحدة القياس هي cm) نعتبر المنحنيين الممثلين للدالتين f و g المعرفة بما يلي: $f(x) = \sqrt{x}$ و $g(x) = x^2 (x > 0)$.
 مساحة جزء المستوى المحصور بين منحنى الدالتين f و g والمستقيمين المعرفة بالمعادلتين $x = 0$ و $x = 2$ هي:

A) $\frac{2+5\sqrt{2}}{-2} \text{ cm}^2$

B) $\frac{1}{2} \text{ cm}^2$

C) $\frac{2(5-2\sqrt{2})}{3} \text{ cm}^2$

D) $\frac{5}{2} \text{ cm}^2$

E) $\frac{2(2-5\sqrt{2})}{3} \text{ cm}^2$

السؤال 29: مجموعة حلول المعادلة $\frac{e^x - 3e^{-x}}{e^x + e^{-x}} = \frac{3}{2}$ في IR هي:

A) \emptyset

B) IR

C) $\{1\}$

D) $\{2\}$

E) $\{1,3\}$

السؤال 30: قيمة $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4^x - 2^x}{x}$ هي:

A) $+\infty$

B) 0

C) $\ln(2)$

D) $\ln\left(\frac{1}{2}\right)$

E) الاجوبة الأخرى غير صحيحة

Concours d'Accès à la Faculté de
Médecine Agadir
Juillet 2017
Epreuve de Mathématiques (30 minutes)
مباراة الرياضيات (30 دقيقة)

Question 21 : L'ensemble des solutions de l'équation $\ln(x+3) + \ln(x+2) = \ln(x+11)$ dans \mathbb{R} est :

A) $[1, -5]$	B) $(0, -2]$	C) $\{1\}$	D) \emptyset	E) $[-3, -11]$
--------------	--------------	------------	----------------	----------------

Question 22 : Soit $(u_n)_{n \geq 1}$ une suite définie par : $u_{n+1} = \frac{5u_n}{3u_n + 5}$ et $u_1 = 1$.

La raison de la suite arithmétique $(v_n)_{n \geq 1}$ tel que $v_n = \frac{3}{u_n}$ est :

A) $-\frac{1}{3}$	B) $\frac{1}{3}$	C) (v_n) n'est pas une suite arithmétique	D) 3	E) $\frac{1}{2}$
-------------------	------------------	---	------	------------------

Question 23 : Combien de nombre composé de trois chiffres peut être construit à partir des chiffres : 6, 7, 8 et 9.

A) C_4^3	B) 9	C) 4^3	D) 3^4	E) 4×3
------------	------	----------	----------	-----------------

Question 24 : La fonction primitive de $f(x) = \frac{x-1}{(x+1)^2}$ ($x > -1$) et qui prend la valeur 0 au point 0 est :

A) $\ln(x+1) - \frac{2x}{1+x}$	B) $\frac{2x}{1+x}$	C) $\ln(x+1) + \frac{x}{1+x}$	D) $\ln\left(\frac{1}{1+x}\right) - \frac{2x}{1+x}$	E) $2\ln(x+1) - \frac{x}{1+x}$
--------------------------------	---------------------	-------------------------------	---	--------------------------------

Question 25 : On jette trois dés de différents couleurs simultanément et une seule fois. (chacun est sous forme de cube non biaisé, ayant les six faces numérotées de 1 à 6)

La probabilité d'avoir trois chiffres ayant la somme 5 est :

A) $\frac{5}{216}$	B) $\frac{5}{36}$	C) $\frac{1}{36}$	D) $\frac{1}{9}$	E) Les autres réponses sont fausses
--------------------	-------------------	-------------------	------------------	-------------------------------------

Question 26 : La courbe représentative de la fonction f définie par : $f(x) = \frac{x^2 - \ln(x)}{x-1}$ a pour branche asymptotique autour de $+\infty$ la droite d'équation :

A) $y = x - \frac{1}{2}$	B) $y = x + 1$	C) $y = x - 1$	D) $y = -x + 1$	E) $y = -x - 1$
--------------------------	----------------	----------------	-----------------	-----------------

Question 27 : Deux élèves A et B ont passé un examen.

La probabilité de réussite de l'élève A est $\frac{4}{5}$ et la probabilité de réussite de l'élève B est $\frac{3}{5}$.

Quelle est la probabilité de réussite des deux élèves à la fois.

A) $\frac{1}{5}$	B) $\frac{7}{5}$	C) $\frac{1}{2}$	D) $\frac{24}{25}$	E) $\frac{12}{25}$
------------------	------------------	------------------	--------------------	--------------------

Question 28 : Sur le plan attribué à un repère orthogonal et orthonormé. (Unité de mesure : cm).

On considère les courbes représentatives des fonctions f et g définies par : $f(x) = \sqrt{x}$ et $g(x) = x^2$ ($x > 0$).

La surface de la partie du plan entre les courbes des fonctions f et g et les deux droites définies par les équations : $x = 2$ et $x = 0$ est :

A) $\frac{2+5\sqrt{2}}{-2} \text{ cm}^2$	B) $\frac{1}{2} \text{ cm}^2$	C) $\frac{2(5-2\sqrt{2})}{3} \text{ cm}^2$	D) $\frac{5}{2} \text{ cm}^2$	E) $\frac{2(2-5\sqrt{2})}{3} \text{ cm}^2$
--	-------------------------------	--	-------------------------------	--

Question 29 : L'ensemble de solutions de l'équation $\frac{e^x - 3e^{-x}}{e^x + e^{-x}} = \frac{3}{2}$ dans \mathbb{R} est :

A) \emptyset	B) \mathbb{R}	C) $\{1\}$	D) $\{2\}$	E) $\{1,3\}$
----------------	-----------------	------------	------------	--------------

Question 30 : La valeur de $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4^x - 2^x}{x}$ est :

A) $+\infty$	B) 0	C) $\ln(2)$	D) $\ln\left(\frac{1}{2}\right)$	E) Les autres réponses sont fausses
--------------	--------	-------------	----------------------------------	-------------------------------------

مباراة ولوج كلية الطب والصيدلة
دورة 27 يوليوز 2016
مادة الرياضيات
التوقيت : 30 دقيقة

التمرين 21:

العدان الأوران لمتتالية حسابية هيا 5 و 8 إن مجموع 20 هذا الأورلي ليهذا المتتالية هو:

A) 1340	B) 620	C) 700	D) 1240	E) 670
---------	--------	--------	---------	--------

التمرين 22:

(u_n) متتالية هندسية حيث أن $u_2=15$ و $u_4=60$ إن أساسها الموجب هو :

A) 2	B) 4	C) $\frac{1}{2}$	D) $\frac{1}{4}$	E) 3
------	------	------------------	------------------	------

التمرين 23:

نعتري كبتين S1 و S2 حيث يحتوي كل منهما على 5 كرات مرافعة من 1 إلى 5. نكتب في إن واحد وبكيفية عشوائية كرتين من S1 وكرة واحدة من S2. احتمال الحصول على رقمين فرعيين ورقيم زوجي هو:

A) $\frac{3}{25}$	B) $\frac{12}{25}$	C) 1	D) $\frac{3}{10}$	E) $\frac{18}{25}$
-------------------	--------------------	------	-------------------	--------------------

التمرين 24:

حيث تعريف الدالة f المعرفة بما يلي: $f(x) = \sqrt{\frac{1-\sin x}{1+\sin x}}$ هو:

A) \mathbb{R}	B) $\mathbb{R} \setminus \{2k\pi, k \in \mathbb{Z}\}$	C) $\mathbb{R} \setminus \{\frac{\pi}{2} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}\}$	D) $\mathbb{R} \setminus \{3\frac{\pi}{2} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}\}$	E) $\mathbb{R} \setminus \{3\frac{\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z}\}$
-----------------	---	---	--	---

التمرين 25:

العدد العقدي $z = \left(\frac{1+i}{1-i}\right)^2$ يسوي:

A) 1	B) -1	C) i	D) 1 - i	E) 1 + i
------	-------	------	----------	----------

التمرين 26:

مجموع حلول المعادلة $3e^{2x} - 4e^x + 1 = 0$ في \mathbb{R} هي:

A) \emptyset	B) $(0, \ln(3))$	C) $\{1\}$	D) $\{0\}$	E) $\{-\ln(3), 0\}$
----------------	------------------	------------	------------	---------------------

التمرين 27:

الجزء التخيلي للعدد العقدي $z = \frac{(1+i\sqrt{3})}{(1-i\sqrt{3})^2}$ يساوي:

A) $\frac{-1}{2}$	B) $\sqrt{3}$	C) 0	D) $\frac{\sqrt{3}}{2}$	E) $\frac{-1}{\sqrt{3}}$
-------------------	---------------	--------	-------------------------	--------------------------

التمرين 28:

نرمي نردتين مختلفا اللون معا مرة واحدة (كل واحد منهما عبارة عن مكعب غير معشوش أوجهه الستة مرقمة من 1 إلى 6). احتمال الحصول على رقمين (الذين يظهرهما الوجه العلوي لكل نرد) مجموعهما 8 هو:

A) $\frac{5}{36}$	B) $\frac{3}{36} = \frac{1}{12}$	C) $\frac{6}{36} = \frac{1}{6}$	D) $\frac{1}{36}$	E) $\frac{8}{36} = \frac{2}{9}$
-------------------	----------------------------------	---------------------------------	-------------------	---------------------------------

التمرين 29:

قيمة $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4^x - 2^x}{x}$ هي:

A) $+\infty$	B) 0	C) $\ln(2)$	D) $\ln\left(\frac{1}{2}\right)$	E) الأجابة الأخرى غير صحيحة
--------------	--------	-------------	----------------------------------	-----------------------------

التمرين 30:

لنكن الدالة f المعرفة بما يلي: $f(x) = \cos(e^x)$ و C منحنى الدالة f في المستوى المسسوب إلى معتم متعامد منظم. معادلة المستقيم المماس للمنحنى C في النقطة (1) هي:

A) $y = \cos 1$	B) $y = -\sin 1$	C) $y = -(\sin 1)x + \cos 1$	D) $y = -(\cos 1)x + \sin 1$	E) $y = 1$
-----------------	------------------	------------------------------	------------------------------	------------

Concours d'accès à la Faculté de Médecine et de Pharmacie - TANGER -

Année universitaire : 2019/2020 *** Durée : 2 h

Epreuve 1 : Mathématiques Questions : 1 \longrightarrow 10

Consignes :

- Aucune calculatrice n'est autorisée.
- Pour chaque question, il y a cinq propositions parmi lesquelles une seule est juste.
- Sur la feuille des réponses, entourer la lettre au-dessus de la proposition juste.

2,3 + 1,1 + 1,1

Q ₁ 2pts	Soit f une fonction polynôme définie sur \mathbb{R} par : $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$ avec $(a \neq 0)$ (C_1) est sa courbe représentative dans un repère orthonormé,				
	A	B	C	D	E
	f admet une fonction réciproque définie sur \mathbb{R} .	(C_1) admet un axe de symétrie.	(C_1) coupe l'axe des abscisses en trois points différents	f admet une valeur maximale	L'équation $f(x) = 0$ admet au moins une solution réelle

Q ₂	Autour des nombres et leurs ensembles (2pts)				
	A	B	C	D	E
	$0^0 = 1$	$e^{i\pi}$ est un nombre entier relatif	Pour tout réel x strictement positif, \sqrt{x} est un nombre irrationnel.	$\left] \frac{1}{3}; \frac{1}{2} \right[\cap \mathbb{Q} = \emptyset$	π^2 est un nombre rationnel.

Q ₃ 2pts	Dans une urne, on dispose de 12 boules indiscernables au toucher, 8 d'entre elles portent chacune le numéro 1 et les 4 autres boules portent chacune le numéro 2. On tire au hasard simultanément deux boules de cette urne. On note X la variable aléatoire qui associe à chaque tirage le plus petit des numéros des boules tirées.				
	A	B	C	D	E
	$\text{card}(\Omega) = 132$	$E[X] = \frac{12}{11}$	$P[X=1] = \frac{2}{3}$	$[X \geq 2]$ est un évènement impossible	$[X=1]$ et $[X=2]$ sont indépendants

Q ₄ 1pt	On considère la fonction g définie par $g(x) = \frac{e^x}{e^{2x} - 1}$ (C_2) est sa courbe représentative dans un repère orthonormé,				
	A	B	C	D	E
	g est définie sur $\mathbb{R} - \{-1, 1\}$	g est une fonction impaire.	$\ln \frac{e^x + 1}{e^x - 1}$ est l'expression d'une primitive de g	g est strictement positive sur son ensemble de définition	(C_2) admet une asymptote parallèle à l'axe des abscisses au voisinage de $+\infty$

Q5
2 pts

La somme $S = 1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{4} - \frac{1}{8} \dots + \frac{1}{4096}$ est égale :

A	B	C	D	<u>E</u>
$\frac{2731}{8192}$	$2\left(1 - \frac{1}{2^{13}}\right)$	$2\left(1 + \frac{1}{2^{13}}\right)$	$\frac{2731}{4096}$	Autre valeur

Q6
2 pts

Dans le plan complexe, l'ensemble $E = \{M(z) / z \in \mathbb{C} \mid |z-3| = |z+i| \text{ et } |z-i| = 2\}$ est :

A	B	C	D	<u>E</u>
Un segment	$E = \emptyset$	Un demi-cercle	Une demi droite	Autre

Q7
2 pts

Dans l'espace muni d'un repère orthonormé, M' est le symétrique du point $M\left(4; \frac{11}{2}; \frac{-1}{2}\right)$ par rapport au plan (P) d'équation : $2x + 3y - z = 4$. Les coordonnées du point M' sont :

A	B	C	D	E
$\left(-2; \frac{-7}{2}; \frac{5}{2}\right)$	$\left(-8; \frac{1}{2}; \frac{5}{2}\right)$	$(2; 1; 3)$	$\left(\frac{3}{2}; \frac{3}{2}; \frac{11}{2}\right)$	Autre

Q8
2 pts

$\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{3}} \frac{\cos(4x)}{\cos(2x) - \sin(2x)} dx =$

A	B	C	D	E
$\frac{\sqrt{2} - \sqrt{3}}{4}$	$\frac{\sqrt{3}}{4}$	$\frac{\sqrt{3} + 1}{2}$	$\frac{\sqrt{3} - 1}{4}$	Autre valeur

Q9
2 pts

La valeur moyenne de la fonction u définie par : $u(x) = \frac{1}{\sqrt[3]{2x+1}}$ sur l'intervalle $\left[0; \frac{7}{2}\right]$ est égale :

A	<u>B</u>	C	D	E
$\sqrt[3]{\frac{9}{4}}$	$\frac{9}{14}$	$\sqrt[3]{\frac{9}{4}}$	$\frac{9}{4}$	Autre valeur

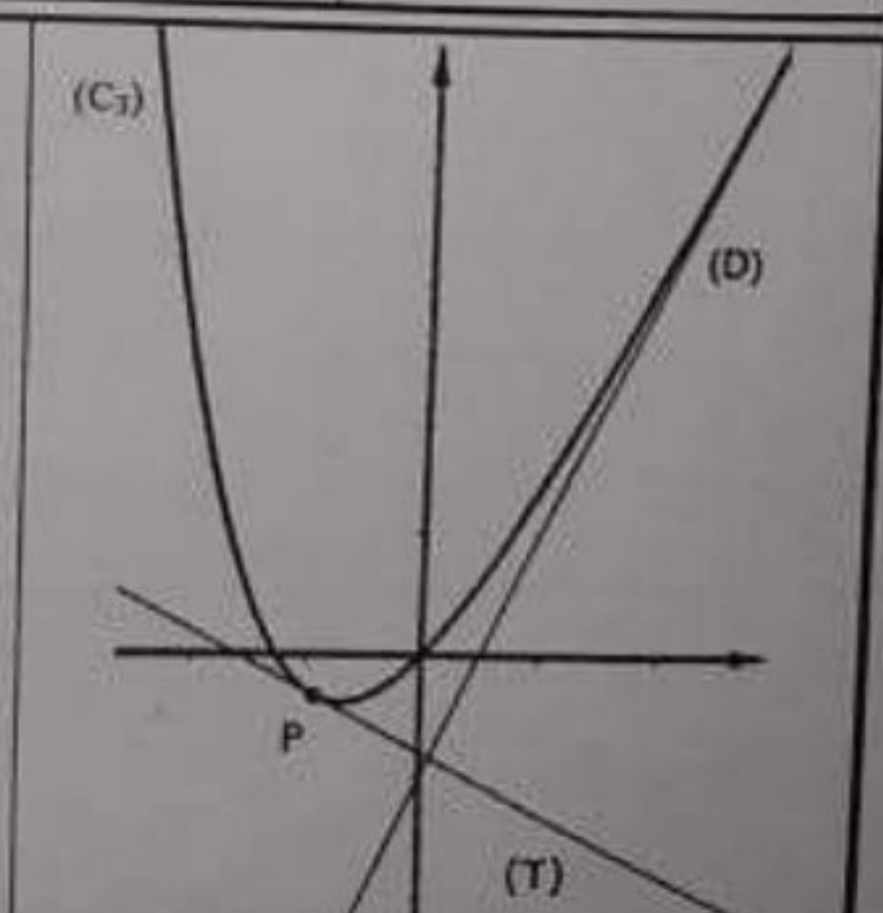
Q10
(2 pts)

Sur la figure ci-contre, (C_3) est la courbe représentative dans un repère orthonormé de la fonction h définie sur \mathbb{R} par :

$$h(x) = e^{-x} + 2x - 1$$

La droite (D) est son asymptote oblique au voisinage de $+\infty$.
 (T) est la droite tangente à (C_3) en un point P

Si on sait que les droites (T) et (D) sont perpendiculaires, alors l'ordonnée y_P du point P est :



A	B	<u>C</u>	D	E
$y_P = \frac{3}{2} + 2 \ln\left(\frac{5}{2}\right)$	$y_P = \ln(4) - \ln(25)$	$y_P = \frac{-2}{5}$	$y_P = \frac{3}{2} + 2 \ln\left(\frac{2}{5}\right)$	Autre valeur

Concours d'accès à la Faculté de Médecine et de Pharmacie de Tanger

Année universitaire : 2018-2019

Durée : 2 heures

Epreuve 1 : Mathématiques : Questions de 1 à 16

Question 1 : L'équation 2

$$x \log(1 + x^2) - 1 = 0; x \in \mathbb{R},$$

- A. admet deux solutions.
- B. n'admet pas de solutions.
- C. admet trois solutions.
- D. admet quatre solutions.
- E. admet une solution unique.

Question 2 : Soit f la fonction définie par $f(x) = \sqrt{x^2 + x + 1}$. 2

- A. La courbe de f admet une branche parabolique au voisinage de $+\infty$.
- B. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$.
- C. La droite d'équation $x = -\frac{1}{2}$, est un axe de symétrie de la courbe de f .
- D. Le point $\Omega(-1; 2)$ est un centre de symétrie de la courbe de f .
- E. La courbe de f admet une asymptote oblique au voisinage de $+\infty$, d'équation $y = x$.

Question 3 : Soit f la fonction définie par $f(x) = |x^2 - 3x + 2|$. 2

- A. f est une fonction paire.
- B. La courbe de f admet un axe de symétrie.
- C. La courbe de f admet un centre de symétrie.
- D. La courbe de f admet une asymptote oblique au voisinage de $+\infty$.
- E. $f'(x) = 2x - 3, \forall x \in \mathbb{R}$.

Question 4 : Soit $I = \int_0^1 x^2 e^x dx$. On a 2

- A. $I = 1 - e$.
- B. $I = \log 2$.
- C. $I = 0$.
- D. $I = e - 2$.
- E. $I = e + 1$.

Question 5. Soit f la solution de l'équation différentielle ²

$y'' - 2y' + 2y = 0$, qui admet en $x=0$ une tangente à sa courbe, d'équation $y = -x + 3$; f est définie par :

- A. $f(x) = e^x + 2e^{-x}$
- B. $f(x) = 4e^x - e^{-2x}$
- C. $f(x) = (x + 3)e^{-x}$
- D. $f(x) = e^x(3 \cos x - 4 \sin x)$
- E. $f(x) = 3e^x \cos x$

Question 6 : Soit $(u_n)_{n \geq 1}$ une suite définie par ²

$$u_1 = \frac{1}{2}, u_{n+1} = \frac{1-u_n}{1+u_n}, \forall n \geq 1. \text{ On a :}$$

- A. La suite $(u_n)_{n \geq 1}$ n'a pas de limite.
- B. $u_n = \frac{1}{-n^2 + 5n - 2}, \forall n \geq 1.$
- C. La suite $(u_n)_{n \geq 1}$ est strictement croissante.
- D. $u_n = \frac{1}{n+1}, \forall n \geq 1.$
- E. $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = \sqrt{2} - 1.$

Question 7 : Soit $u_n = \left(\frac{1}{n} + 1\right)^n, n \geq 1.$ On a : ²

- A. $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty.$
- B. $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 1.$
- C. $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = e.$
- D. La suite $(u_n)_{n \geq 1}$ n'admet pas de limite.
- E. La suite $(u_n)_{n \geq 1}$ est décroissante.

Question 8 : Soit $Z = \frac{(1-i\sqrt{3})^5}{(-\sqrt{3}+i)^6}.$ On a : ²

- A. $Z = \sqrt{3} + i.$
- B. $Z = \frac{1}{3}(1 + i\sqrt{3}).$
- C. $Z = -3 - i3\sqrt{3}.$
- D. $Z = -\frac{1}{4}(1 + i\sqrt{3}).$
- E. $Z = -4 - i4\sqrt{3}.$

Question 9. Le module du nombre complexe $\frac{1-e^{i\frac{6\pi}{5}}}{1-e^{i\frac{4\pi}{5}}}$, est égale à : 0,25

- A. $\cos 2\frac{\pi}{5}$
- B. 1
- C. $\tan \frac{\pi}{5}$
- D. $\frac{1}{2}$
- E. $\sin \frac{4\pi}{5}$

Question 10 : L'espace est rapporté à un repère orthonormé. On considère la sphère S : $x^2 + y^2 + z^2 - 2y - 2z - 2 = 0$, et le plan P d'équation 0,75

$x = -2$. Alors :

- A. P passe par le centre de S.
- B. $P \cap S$ est constitué de deux points.
- C. $P \cap S = \emptyset$
- D. $P \cap S$ est une droite.
- E. $P \cap S$ est constitué d'un point.

Question 11 : L'espace est rapporté à un repère orthonormé. On considère les deux sphères $S_1: x^2 + y^2 + z^2 - 2y - 8 = 0$, et 0,75

$S_2: x^2 + y^2 + z^2 - 4y + 3 = 0$. Alors

- A. $S_1 \cap S_2 = \emptyset$.
- B. $S_1 \cap S_2$ est un cercle.
- C. S_1 coupe S_2 en un point unique
- D. $S_1 \cap S_2$ est une droite.
- E. S_1 coupe S_2 en deux points.

Question 12. L'espace est rapporté à un repère orthonormé $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$. L'ensemble des points $M(x; y; z)$ vérifiant l'équation :

$$x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y - 6z + 14 = 0, \text{ est}$$

- A. Une droite
- B. Une sphère
- C. L'ensemble vide
- D. Un point
- E. Un plan

Question 13. Dans une usine, 50% des ouvriers parlent le français, 20% parlent l'anglais, 45% ne parlent ni le français ni l'anglais. Alors, le pourcentage des ouvriers qui parlent à la fois le français et l'anglais est :

- A. 10%
- B. 15%
- C. 20%
- D. 25%
- E. 30%

Question 14. La probabilité pour qu'un étudiant soit admis dans l'école A est 0.5, et la probabilité pour que le même étudiant soit admis dans l'école B est 0.2. On suppose que l'admission dans l'école A et l'admission dans

l'école B sont deux événements indépendants. La probabilité pour que cet étudiant ne soit admis dans aucune des deux écoles est :

- A. 0.1
- B. 0.28
- C. 0.31
- D. 0.4
- E. 0.42

Question 15 : Une urne contient cinq boules rouges et trois boules vertes. On tire successivement sans remise, trois boules de cette urne. La probabilité d'avoir trois boules de même couleur est :

- A. $\frac{8}{56}$
B. $\frac{9}{56}$
C. $\frac{10}{56}$
D. $\frac{11}{56}$
E. $\frac{12}{56}$

Question 16. Une ville dispose de deux hôpitaux H1 et H2. H1 reçoit 70% des malades, H2 reçoit le reste des malades ; 5% des malades reçus par H1 sont des étrangers ; 1% des malades reçus par H2 sont des étrangers. La probabilité qu'un malade, choisi au hasard, soit reçu par H2, sachant qu'il est étranger, est égale à :

- A. $\frac{1}{38}$
B. $\frac{2}{38}$
C. $\frac{3}{38}$
D. $\frac{4}{38}$
E. $\frac{5}{38}$

Concours d'accès à la Faculté de Médecine et de Pharmacie de Tanger
Année Universitaire: 2017-2018

Epreuve 1: Mathématiques: Questions de 1 à 16

A noter que pour chaque épreuve, les sept premières questions seront notées sur 2 points, les six questions suivantes sur 0,75 point et les trois dernières questions sur 0,5 point.

Question 1 :

Une urne contient quatre boules rouges et deux boules vertes. On tire successivement avec remise, trois boules de cette urne. La probabilité d'avoir trois boules de même couleur est :

- A. $\frac{1}{4}$
 B. $\frac{2}{5}$
 C. $\frac{8}{27}$
 D. $\frac{1}{3}$
 E. $\frac{1}{27}$

Loi binomiale

Question 2 :

Une urne contient six boules blanches et deux boules noires indiscernables au toucher. On tire de l'urne deux boules, successivement et sans remise. Soit X la variable aléatoire qui associe chaque tirage au nombre de boules blanches tirées. L'espérance mathématique E(X) est :

- A. 1
 B. 1.2
 C. 1.5
 D. 2
 E. 1.7

Question 3 :

Une usine produit des ampoules électriques à l'aide de deux machines A et B. La machine A garantit 70% de la production, et 5% d'ampoules fabriquées par A sont non valides, 1% d'ampoules fabriquées par B sont non valides. La probabilité qu'une ampoule, tirée au hasard, soit fabriquée par B, sachant qu'elle est non valide, est égale à :

- A. $\frac{3}{38}$
 B. $\frac{5}{38}$
 C. $\frac{7}{38}$
 D. 0.05
 E. 0.01

Question 4 :

L'espace est rapporté à un repère orthonormé. La distance du point A (2 ; 1 ; 3) à la droite définie par la représentation paramétrique :

$x = t+1 ; y = -3t+2 ; z = -t-1$ ($t \in \mathbb{R}$), est égale :

- A. $2\sqrt{3}$
B. $3\sqrt{2}$
C. $\sqrt{6}$
D. $2\sqrt{2}$
E. $3\sqrt{3}$

Question 5 :

Soit $I = \int_0^3 |x^2 - x - 2| dx$. On a

- A. $I = \frac{20}{31}$
B. $I = \frac{31}{11}$
C. $I = \frac{5}{31}$
D. $I = \frac{31}{6}$
E. $I = \frac{11}{20}$

7/5/2018

Royaume du Maroc
 Université Abdelmalek Essaâdi
 Faculté de Médecine et de Pharmacie
 Tanger

Faculté de
 Médecine
 et de Pharmacie

المملكة المغربية
 جامعة عبدالمالك السعدي
 كلية الطب والصيدلة
 طنجة

Question 6 :

Soit $h(x) = \cos x (\sin x)^3$. On a

- A. $h(x) = \frac{1}{4} \sin(2x) - \frac{1}{8} \sin(4x)$.
 B. $h(x) = \frac{1}{4} \sin(2x) - \frac{1}{6} \sin(3x)$.
 C. $h(x) = \frac{1}{4} \sin(4x) - \frac{1}{8} \sin(x)$.
 D. $h(x) = \frac{1}{4} \sin(x) - \frac{1}{8} \sin(3x)$.
 E. $h(x) = \frac{1}{4} \sin(4x) - \frac{1}{8} \sin(x)$.

Question 7 :

Soit f la fonction définie par $f(x) = \frac{x^2+4x}{x+1}$.

- A. La courbe de f admet une branche parabolique au voisinage de $+\infty$.
 B. $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$.
 C. La droite d'équation $x = -1$, est un axe de symétrie de la courbe de f .
 D. Le point $\Omega(-1; 2)$ est un centre de symétrie de la courbe de f .
 E. $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) = +\infty$.

Question 8 :

La fonction $f: x \mapsto e^x \cos x$ est une solution de l'équation différentielle :

- A. $y'' + 2y' - y = 0$
 B. $y'' - 2y' + 2y = 0$
 C. $y'' - 2y' - 2y = 0$
 D. $y'' + 2y' + y = 0$
 E. $y'' + y' + y = 0$

Question 9 :

Une primitive F sur \mathbb{R} de la fonction $f: x \mapsto \frac{e^{2x}+e^x-1}{e^x+1}$, est définie par :

- A. $F(x) = \ln\left(\frac{1}{2}e^{2x} + e^x - x\right)$.
 B. $F(x) = \frac{1}{2}e^{2x} - x + \ln(e^x + 1)$.
 C. $F(x) = e^x - x + \ln(e^x + 1)$.
 D. $F(x) = \frac{1}{2}e^{2x} + e^x + \ln(e^x + x)$.
 E. $F(x) = \frac{1}{2}e^{2x} - x + \ln(e^x + x)$.

Question 10 :

Dans le plan complexe rapporté à un repère orthonormé, on considère H l'ensemble des points M d'affixe z tels que :

$$|z - i| = |z - 1|. \text{ On a :}$$

- A. $H = \emptyset$.
- B. H est un cercle.
- C. H est une droite.
- D. H est constitué d'un point unique.
- E. H est constitué de deux points.

Question 11 :

Soit $Z = \frac{(1-i\sqrt{3})^5}{(1+i)^4}$. On a :

- A. $Z = 1$.
- B. $Z = 2 + i2\sqrt{2}$.
- C. $Z = -3 - i3\sqrt{3}$.
- D. $Z = 4 + i3\sqrt{3}$.
- E. $Z = -4 - i4\sqrt{3}$.

Question 12 :

Soit $(u_n)_{n \geq 1}$ une suite définie par : $u_1 = 1, u_{n+1} = \frac{u_n}{u_n + 1}, \forall n \geq 1$.

On a :

- A. La suite $(u_n)_{n \geq 1}$ n'a pas de limite.
- B. $u_n = \frac{1}{4n - n^2 - 2}, \forall n \geq 1$.
- C. La suite $(u_n)_{n \geq 1}$ est strictement croissante.
- D. $u_n = \frac{1}{n}, \forall n \geq 1$.
- E. $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 1$.

Suite
Minimale
 $f(x) = x$

Question 13 :

L'équation $xe^x - 1 = 0$,

- Ⓐ admet deux solutions dans \mathbb{R} .
 Ⓑ n'admet pas de solutions dans \mathbb{R} .
 Ⓒ admet une solution unique dans \mathbb{R} .
 Ⓓ n'admet pas de solutions dans $]0; 1[$.
 Ⓔ admet une solution unique dans $]1; +\infty[$.

Dérivée

l'un l'autre

Question 14 :

L'espace est rapporté à un repère orthonormé. La distance du point A (3 ; -2 ; -1) au plan défini par l'équation : $x - 4y + 6 = 0$, est égale à :

- A. $\frac{17}{\sqrt{53}}$
 B. $\sqrt{53}$
 C. $\sqrt{17}$
 D. $\frac{1}{\sqrt{53}}$
 E. $\frac{1}{\sqrt{17}}$

Question 15 : L'espace est rapporté à un repère orthonormé. On considère la sphère $S : x^2 + y^2 + z^2 - 2y + 2z - 6 = 0$, et la droite D définie par :
 $x = t ; y = t - 1 ; z = t + 1$ ($t \in \mathbb{R}$).

- A. D passe par le centre de S.
 B. D coupe S en deux points.
 C. $D \cap S = \emptyset$
 D. D coupe S en trois points.
 E. D coupe S en un point.

Question 16 :

Soit $u_n = (n + 1)^{\frac{1}{n}}$, $n \geq 1$. On a :

- Ⓐ $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty$.
 Ⓑ $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 1$.
 Ⓒ $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 0$.
 Ⓓ La suite $(u_n)_{n \geq 1}$ n'admet pas de limite.
 Ⓔ La suite $(u_n)_{n \geq 1}$ est croissante.

اختبار 1 : الرياضيات : الأسئلة من 1 إلى 16

السؤال 1 (2 نقط) : A و B حدثان مرتبطين بنفس التجربة العشوائية بحيث $p(A) = 0.7$

$p(B) = 0.4$ و $p(A \cup B) = 0.9$. احتمال A علما أن B محقق $p(A/B)$ هو:

- 0.5 A
0.6 B
0.7 C
0.8 D
0.9 E

السؤال 2 (2 نقط) : ليكن X متغيرا عشوائيا. الجدول التالي يلخص قانون احتمال X :

x_i	-1	0	2	4
$p(X=x_i)$	$\frac{3}{10}$	$\frac{2}{10}$	$\frac{4}{10}$	$\frac{1}{10}$

$V(X)$ متغيرة X هي :

- 1.89 A
2.34 B
3.25 C
1.54 D
2.69 E

السؤال 3 (2 نقط) : الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$. مسافة النقطة $M(1; 0; 1)$ عن المستقيم المار من النقطة $A(2; 0; 1)$ و $\vec{u}(2; 2; 1)$ متجهة موجهة له هي:

- $\sqrt{7}/2$ A
 $\sqrt{5}/9$ B
 $1/3$ C
 $\sqrt{2}/2$ D
 $\sqrt{5}/3$ E

السؤال 4 (2 نقط): الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$. تقاطع الفلكة التي مركزها O وشعاعها $\sqrt{2}$ مع المستوى الذي معادلته $2x - 2y + z + 6 = 0$ هو:

- A المجموعة الفارغة
B دائرة
C مستقيم
D نقطة واحدة
E مجموعة مكونة من نقطتين

السؤال 5 (2 نقط): نعتبر الدالة f التي تحقق المعادلة التفاضلية $y'' - 6y' + 9y = 0$ والتي يقبل منحناها في النقطة ذات الأضلاع 0 مماسا معادلته هي $y = -x + 3$
 f معرفة كما يلي:

- A $f(x) = 10e^{3x} - 7e^{-2x}$
B $f(x) = (-10x + 3)e^{3x}$
C $f(x) = e^{3x} - 2e^{-2x}$
D $f(x) = (-x + 11)e^{3x}$
E $f(x) = e^{3x}(3 \cos 2x + \sin 2x)$

السؤال 6 (2 نقط):

$$\int_0^{\pi/2} \frac{\cos x}{2\sqrt{2} + \sin x} dx =$$

- A $\sqrt{\pi} - 1$
B $2(\sqrt{5} - \sqrt{3})$
C 1
D $\sqrt{3} - \sqrt{2}$
E $2\sqrt{2}$

السؤال 7 (2 نقط): لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي $f(x) = \sin x$. حجم الجسم المولد بدوران منحنى الدالة f على القطعة $[0; \pi]$ حول محور الأفاصيل هو:

- 4 A
 $\pi^{3/2}$ B
 2π C
 $\pi^2/2$ D
 $\pi^3 - \pi$ E

السؤال 8 (0.75 نقطة): العدد العقدي $(\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2})^9$ يساوي:

- $\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$ A
 i B
 -1 C
 $\frac{1}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2}$ D
 $-i$ E

السؤال 9 (0.75 نقطة): : ليكن $\theta \in]0; \pi[$. معيار العدد العقدي $\frac{1-e^{i2\theta}}{1-e^{i\theta}}$ هو:

- $2\cos\frac{\theta}{2}$ A
 $2\sin\frac{\theta}{2}$ B
 $\tan\frac{\theta}{2}$ C
 $\cos\theta$ D
 1 E

السؤال 10 (0.75 نقطة) : $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{n} + 1 \right)^{n^2} =$

- 1 A
0 B
 $+\infty$ C
e D
المتتالية لا تقبل نهاية E

السؤال 11 (0.75 نقطة) : لتكن (u_n) المتتالية العددية المعرفة بما يلي:

$$\forall n \in \mathbb{N}; u_{n+1} = \frac{2u_n + 1}{u_n - 2} \quad \text{و} \quad u_0 = 4$$

- (u_n) تزايدية قطعاً A
 (u_n) تناقصية قطعاً B
 $\lim_{n \rightarrow \infty} u_n = 2$ C
 $\lim_{n \rightarrow \infty} u_n = +\infty$ D
المتتالية لا تقبل نهاية E

السؤال 12 (0.75 نقطة) : لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي:

$$\begin{cases} f(x) = \frac{\cos\left(\frac{\pi}{2}x\right)}{x-1}, x \neq 1 \\ f(1) = a \end{cases}$$

قيمة العدد a الذي من أجله تكون f متصلة في 1 هي:

- $3\pi/2$ A
 $-\pi$ B
 $-\pi/2$ C
 2π D
 -1 E

السؤال 13 (0.75 نقطة) : المعادلة $x^5 - 5x - 1 = 0$ ، تقبل

A خمسة حلول في IR

B أربعة حلول في IR

C حلا وحيدا في $[-2; 2]$

D ثلاثة حلول في IR

E حلين في IR

السؤال 14 (0.5 نقطة) : لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي $f(x) = |x^3 - 8|$

A f قابلة للاشتقاق في IR

B f دالة تناقصية قطعا

C f غير قابلة للاشتقاق في 0

D f غير قابلة للاشتقاق في 2

E f دالة تزايدية قطعا

السؤال 15 (0.5 نقطة) : لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي $f(x) = e^{\sqrt{x^2+1}}$

A $f'(x) = e^{\sqrt{x^2+1}}$

B $f'(x) = 2x e^{\sqrt{x^2+1}}$

C $f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x^2+1}} e^{\sqrt{x^2+1}}$

D $f'(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2+1}} e^{\sqrt{x^2+1}}$

E $f'(x) = \frac{2x+1}{2\sqrt{x^2+1}} e^{\sqrt{x^2+1}}$

السؤال 16 (0.5 نقطة) : لتكن f دالة معرفة على IR. المستقيم $x = a$ يشكل محور تماثل لمنحنى f إذا كان لكل x من IR:

A $f(x) = f(2a - x)$

B $f(x) = f(2a + x)$

C $f(x) = f(x - a)$

D $f(x) = -f(x - 2a)$

E $f(x) = f(a + x)$

Exercice 1 : Soit $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ la suite numérique définie par : $u_0 = 2$ et $u_{n+1} = \frac{u_n^2}{2u_n - 1}$ pour tout n de \mathbb{N}

On pose $v_n = \frac{u_n - 1}{u_n}$ et $w_n = \ln(v_n)$

- Q1: A $(\forall n \in \mathbb{N}) ; u_n > 1$ B $(\forall n \in \mathbb{N}) ; u_n < 2$ C $(\forall n \in \mathbb{N}) ; w_{n+1} = w_n + 2$ D $(\forall n \in \mathbb{N}) ; w_{n+1} = 2w_n$
- Q2: A $w_n = \ln(2) \times (2)^n$ B $w_n = \ln\left(\frac{1}{2}\right) \times (2)^{n+1}$ C $w_n = \ln\left(\frac{1}{2}\right) \times (2)^n$ D $w_n = -\ln(2) \times (2)^n$
- Q3: A $v_n = 2\left(\frac{1}{2}\right)^{2^n}$ B $v_n = \left(\frac{1}{2}\right)^{2^n}$ C $v_n = \left(\frac{1}{2}\right)^{2^{2^n}}$ D $v_n = \left(\frac{1}{2}\right)^n$
- Q4: A $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 1$ B $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty$ C $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = \ln\left(\frac{1}{2}\right)$ D $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = \ln 2$

Exercice 2 :

Soient z_1 et z_2 les solutions de l'équation : $z^2 + 4z + 16 = 0$ dans l'ensemble des nombres complexes \mathbb{C} tel que : $\text{Im}(z_1) > 0$

- Q5: A $z_1 = 4e^{i\frac{2\pi}{3}}$
 $z_2 = 4e^{i\frac{4\pi}{3}}$ B $z_1 = 4e^{i\frac{\pi}{3}}$
 $z_2 = 4e^{i\frac{2\pi}{3}}$ C $z_1 = -2 + 2i\sqrt{3}$
 $z_2 = -2 - 2i\sqrt{3}$ D $z_1 = -2 + 2i\sqrt{3}$
 $z_2 = -2 - 2i\sqrt{3}$
- Q6: A $\arg\left(\frac{z_1}{z_2}\right) \equiv \pi [2\pi]$ B $\arg\left(\frac{z_1}{z_2}\right) \equiv \frac{2\pi}{3} [2\pi]$ C $\left|\frac{z_1}{z_2}\right| = 1$ D $\left|\frac{z_1}{z_2}\right| = 4$

Exercice 3 : On considère une expérience aléatoire ayant 4 issues possibles notées : $\omega_1, \omega_2, \omega_3$ et ω_4 , de probabilités respectives : p_1, p_2, p_3 et p_4 . On suppose que p_1, p_2, p_3 et p_4 constituent dans cet ordre les termes d'une suite arithmétique de raison $\frac{1}{9}$

- Q7: A $p_4 = \frac{5}{12}$ B $p_1 = \frac{1}{6}$ C $p_2 = \frac{1}{3}$ D $p_1 = \frac{1}{12}$

Exercice 4 :

Soit g la fonction numérique de la variable réelle x définie sur $]0; +\infty[$ par : $g(x) = x - \frac{\ln x}{x^2}$

et soit (C_g) sa courbe représentative dans un repère orthonormé $(O; \vec{i}, \vec{j})$ et (Δ) la droite d'équation : $y = x$

- Q8: A $\forall x \in]1; +\infty[; g'(x) \geq 0$ B $\forall x \in]0; +\infty[; g'(x) \leq 0$ C $\forall x \in]0; 1] ; g'(x) \leq 0$ D $\forall x \in]0; 1] ; g'(x) \geq 0$
- Q9: A (Δ) coupe (C_g) au point d'abscisse 1 B $\forall x \in]1; +\infty[; g(x) \geq x$ C $\forall x \in]0; 1] ; g(x) \leq x$ D (Δ) est une asymptote oblique de (C_g)
- Q10: A $\int_1^2 \frac{\ln x}{x^2} dx = \frac{\ln 2 - 3}{2}$ B $\int_1^2 \frac{\ln x}{x^2} dx = \frac{-3 - \ln 2}{2}$ C $\int_1^2 \frac{\ln x}{x^2} dx = \frac{\ln 2 - 1}{2}$ D $\int_1^2 \frac{\ln x}{x^2} dx = \frac{1 - \ln 2}{2}$

التمرين 1: في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم، نعتبر النقط A, B, C, D, E التي أحاقها

على التوالي : $z_A = -1$; $z_B = -2 + i\sqrt{3}$; $z_C = -\bar{z}_B$; $z_D = \frac{z_B - 1}{z_B + 1}$ و $z_E = 1$

Q1 : A $z_B + 1 = 2e^{i\frac{\pi}{3}}$ B $z_B + 1 = 2e^{i\frac{2\pi}{3}}$ C $z_B + 1 = 2e^{-i\frac{\pi}{3}}$ D $z_B + 1 = 4e^{i\frac{\pi}{3}}$

Q2 : A $z_D = \sqrt{3}\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - i\frac{1}{2}\right)$ B $z_D = 3\left(\frac{1}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$ C $z_D = \sqrt{3}\left(\frac{\sqrt{3}}{2} + i\frac{1}{2}\right)$ D $z_D = 3\left(\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$

Q3 : A $\frac{z_C - z_D}{z_C - z_E} = \frac{1}{2}$ B $\frac{z_C - z_D}{z_C - z_E} = -\frac{1}{2}$ C $\frac{z_C - z_D}{z_C - z_E} = \frac{i}{2}$ D النقط E, D, C مستقيمة

التمرين 2: لتكن $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المتتالية العددية المعرفة بما يلي : $u_0 = 1$ و $u_{n+1} = \frac{u_n}{u_n + 2}$ لكل n من \mathbb{N} . نضع $v_n = \frac{u_n}{u_n + 1}$

Q4 : A $\forall n \geq 0 ; v_{n+1} = \frac{1}{2}v_n$ B $\forall n \geq 0 ; v_{n+1} = 1 + v_n$ C $\forall n \geq 0 ; v_n = \left(\frac{1}{2}\right)^n$ D $\forall n \geq 0 ; v_n = \left(\frac{1}{2}\right)^{n+1}$

Q5 : A $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 1$ B $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 0$ C $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = -1$ D $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty$

التمرين 3: نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $]0; +\infty[$ بما يلي : $f(x) = \frac{(\ln x)^2}{x}$

Q6 : A $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f(x) = -\infty$ B $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f(x) = +\infty$ C $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ D $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$

Q7 : A $f'(x) = \frac{1 - \ln x}{x^2}$ B $f'(x) = \frac{1 + \ln x}{x^2}$ C $f'(x) = \frac{\ln x(2 - \ln x)}{x^2}$ D $f'(x) = \frac{\ln x(2 - x \ln x)}{x^2}$

Q8 : A $\int_1^e \frac{(\ln x)^2}{x} dx = \frac{5}{6}$ B $\int_1^e \frac{(\ln x)^2}{x} dx = \frac{1}{3}$ C $\int_1^e \frac{(\ln x)^2}{x} dx = 1$ D $\int_1^e \frac{(\ln x)^2}{x} dx = e$

التمرين 4: نرمي نردا مكعبا ثلاث مرات متتالية. ليكن X المتغير العشوائي الذي يساوي عدد المرات التي يظهر فيها العدد 6

Q9 : n و p وسيطا المتغير العشوائي الحداني X هما :

A $n = 3$ et $p = \frac{1}{2}$ B $n = 6$ et $p = \frac{1}{2}$ C $n = 3$ et $p = \frac{1}{3}$ D $n = 3$ et $p = \frac{1}{6}$

Q10 : A $p(X = 2) = \frac{3}{8}$ B $p(X = 2) = \frac{5}{72}$ C $p(X = 3) = \frac{5}{24}$ D $p(X = 3) = \frac{1}{216}$

Une ou plusieurs propositions sont vraies, cocher les sur la grille

Exercice 1 :

Soit le nombre complexe :

$$z = -5 \left(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6} \right)$$

Q1 : $\arg(z)$ est congru à :

A : $-\frac{\pi}{6} \equiv [2\pi]$; B : $\frac{\pi}{6} \equiv [2\pi]$; C : $\frac{5\pi}{6} \equiv [2\pi]$; D : $-\frac{5\pi}{6} \equiv [2\pi]$.

Q2 : La forme exponentielle de z est :

A : $5 e^{i\frac{5\pi}{6}}$; B : $5 e^{-i\frac{5\pi}{6}}$; C : $-5 e^{i\frac{\pi}{6}}$; D : $5 e^{i\frac{7\pi}{6}}$.

Q3 : la forme trigonométrique de $\frac{1}{z}$ est :

A : $\frac{1}{5} \left(\cos \frac{5\pi}{6} + i \sin \frac{5\pi}{6} \right)$; B : $5 \left(\cos \frac{5\pi}{6} + i \sin \frac{5\pi}{6} \right)$;

C : $5 \left(\cos \frac{7\pi}{6} + i \sin \frac{7\pi}{6} \right)$; D : $\frac{1}{5} \left(\cos \frac{7\pi}{6} + i \sin \frac{7\pi}{6} \right)$

Exercice 2 :

Soit la fonction numérique f définie sur $]0; +\infty[$ par :

$$f(x) = (x+1) e^{\frac{1}{x}} \text{ si } x > 0 \text{ et } f(0) = 0.$$

(C_f) sa courbe représentative dans un repère orthonormé.

Q4 : Sur $]0; +\infty[$ on a :

A : $f'(x) = \frac{x^2 - x - 1}{x^2} e^{\frac{1}{x}}$; B : $f'(x) = \frac{x^2 + x - 1}{x^2} e^{\frac{1}{x}}$;

C : $f'(x) = \frac{x^2 - x + 1}{x^2} e^{\frac{1}{x}}$; D : $f'(x) = \frac{x^2 + x - 1}{x^2} e^{\frac{1}{x}}$

Q5 : A : f est continue à droite en 0 ;

B : f est dérivable à droite en 0 ;

C : (C_f) admet une asymptote oblique d'équation $y = x + 2$ au voisinage de $+\infty$;

D : (C_f) admet une asymptote oblique d'équation $y = x$ au voisinage de $+\infty$.

Exercice 3 :

Soit la fonction numérique f définie dans $\mathbb{R} - \{-1; +1\}$ par :

$$f(x) = \frac{x}{(x^2 - 1)^2}$$

et l'intégrale $I = \int_2^3 f(x) dx$

Q6 : une primitive de f sur $[2; 3]$ est F telle que :

A : $F(x) = \frac{1}{2(x^2 - 1)}$; B : $F(x) = \frac{-1}{2(x^2 - 1)}$;

C : $F(x) = \frac{1}{2(x^2 - 1)} + 2$; D : $F(x) = \frac{-1}{2(x^2 - 1)} + 2$.

Q7 : A : $I = \frac{5}{48}$; B : $I = \frac{-5}{48}$; C : $I = \frac{15}{48}$; D : $I = \frac{-15}{48}$.

Exercice 4 :

Une urne contient 5 boules blanches et 4 boules rouges indiscernables au toucher. On effectue trois tirages successifs d'une boule en respectant la règle suivante : si la boule tirée est rouge, on la remet dans l'urne avant le tirage suivant ; si elle est blanche, on ne la remet pas. On considère les deux événements suivants :

E_1 : « seule la 1^{ère} boule tirée est blanche » E_2 : « seule la 2^{ème} boule tirée est blanche »

Q8 : A : $p(E_1) = \frac{5}{9}$; B : $p(E_1) = \frac{4}{9}$;

C : $p(E_1) = \frac{5}{9} \times \left(\frac{1}{2}\right)^2$; D : $p(E_1) = \frac{5}{9} \times \frac{4}{9}$.

Q9 : A : $p(E_2) = \frac{4}{9} \times \frac{4}{8} \times \frac{4}{8}$; B : $p(E_2) = \frac{4}{9} \times \frac{5}{9} \times \frac{4}{8}$;

C : $p(E_2) = \frac{4}{9} \times \frac{5}{9} \times \frac{4}{9}$; D : $p(E_2) = 3 \left(\frac{4}{9} \times \frac{5}{9} \times \frac{4}{8} \right)$.

Q10 : Sachant que l'on a obtenu une seule boule blanche à l'issue des 3 tirages, la probabilité que cette boule ait été tirée en premier est :

A : $\frac{64}{217}$; B : $\frac{81}{217}$; C : $\frac{9}{217}$; D : $\frac{36}{217}$

لكل سؤال جواب واحد صحيح، ضع علامة على الشبكة في خانة الجواب الصحيح بالنسبة لكل سؤال

التمرين 1

السؤالان 1 و 2 مستقلان

Q1: إذا كان x عدد حقيقي فإن $(e^{ix} - e^{-ix})^4$ يساوي:

- A. $-16 \sin^4 x$ B. $16 \sin^4 x$ C. $16 \cos^4 x$ D. $-16 \cos^4 x$

Q2: إذا كان x عدد حقيقي بحيث $x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi (k \in \mathbb{Z})$ ، فإن $\frac{e^{2ix} - 1}{e^{2ix} + 1}$ يساوي:

- A. $\frac{i}{\tan(x)}$ B. $\tan(x)$ C. $i \tan(x)$ D. $-i \tan(x)$

التمرين 2

نعتبر المتتاليات العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$ و $(v_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$ و $(w_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$ المعرفة بما يلي:

$$u_n = \frac{e^n - 2^n}{3^n - 5^n}, \quad v_n = \frac{\ln(5n)}{\ln(3n)}, \quad w_n = \int_0^1 t^n e^{-t} dt$$

- Q3: $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n =$ A. $-\frac{2}{3}$ B. $\frac{e}{5}$ C. 0 D. $+\infty$

- Q4: $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n =$ A. 0 B. $\frac{5}{3}$ C. $\frac{\ln(5)}{\ln(3)}$ D. 1

- Q5: $(w_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$ A. $w_{n+1} + (n+1)w_n = \frac{1}{e}$ B. $w_{n+1} - (n+1)w_n = -\frac{1}{e}$ C. $w_n \leq 0$ D. $(w_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$ متزايدة

التمرين 3

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على \mathbb{R}^* بما يلي: $f(x) = \frac{1}{x^3} e^{-\frac{1}{x^2}}$ والتكامل $I = \int_1^2 f(x) dx$

- Q6: $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) =$ A. $+\infty$ B. 1 C. 0 D. $-\infty$

Q7: من أجل كل عدد حقيقي x من D_f ، $f'(x)$ تحقق:

- A. $f'(x) = \frac{1}{x^3} f(x)$ B. $f'(x) = \frac{3x^2 - 2}{x^3} f(x)$ C. $f'(x) = \frac{-1}{x^3} f(x)$ D. $f'(x) = \frac{-3x^2 + 2}{x^3} f(x)$

- Q8: $I =$ A. $\frac{1}{2}(e^{-\frac{1}{4}} + e^{-1})$ B. $\frac{e^{-\frac{1}{4}}}{2}$ C. $\frac{1}{2}(e^{-\frac{1}{4}} - e^{-1})$ D. $\frac{e^{-1}}{2}$

التمرين 4

يحتوي صندوق على 9 كرات: خمس كرات حمراء مرقمة من 1 إلى 5 وأربع كرات سوداء مرقمة من 1 إلى 4. نفترض أن جميع الكرات غير قابلة للتمييز عند اللمس. ن سحب عشوائيا وفي آن واحد كرتين من الصندوق.

نعتبر كلا من الحدثين A : "الحصول على كرتين من نفس اللون" و B : "الحصول على كرتين تحملان رقما زوجيا"

- Q9: $p(A \cap B) =$ A. $\frac{2}{9}$ B. $\frac{1}{18}$ C. $\frac{1}{36}$ D. $\frac{4}{9}$

- Q10: $p_{\bar{A}}(B) =$ A. $\frac{1}{18}$ B. $\frac{17}{18}$ C. $\frac{1}{4}$ D. $\frac{1}{5}$

Pour chaque question, il n'y a qu'une seule bonne réponse qu'il faut cocher dans la grille

Exercice 1

Les questions 1 et 2 sont indépendantes :

Q1 : si x est un nombre réel, $(e^{ix} - e^{-ix})^4$ vaut :

- A. $-16 \sin^4 x$ B. $16 \sin^4 x$ C. $16 \cos^4 x$ D. $-16 \cos^4 x$

Q2 : si x est un nombre réel avec $x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi (k \in \mathbb{Z})$, $\frac{e^{2ix} - 1}{e^{2ix} + 1}$ vaut :

- A. $\frac{i}{\tan(x)}$ B. $\tan(x)$ C. $i \tan(x)$ D. $-i \tan(x)$

Exercice 2

On considère les suites numériques $(u_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$, $(v_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$, et $(w_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$ définies par :

$$u_n = \frac{e^n - 2^n}{3^n - 5^n}, \quad v_n = \frac{\ln(5n)}{\ln(3n)}, \quad w_n = \int_0^1 t^n e^{-t} dt$$

Q3. A. $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = \frac{-2}{3}$ B. $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = \frac{e}{5}$ C. $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 0$ D. $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty$

Q4. A. $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = 0$ B. $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = \frac{5}{3}$ C. $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = \frac{\ln(5)}{\ln(3)}$ D. $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = 1$

Q5. A. $w_{n+1} + (n+1)w_n = \frac{1}{e}$ B. $w_{n+1} - (n+1)w_n = -\frac{1}{e}$ C. $w_n \leq 0$ D. $(w_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$ est croissante

Exercice 3

On considère la fonction numérique f à variable réelle x définie sur \mathbb{R}^* par : $f(x) = \frac{1}{x^3} e^{-\frac{1}{x^2}}$ et

l'intégrale $I = \int_1^2 f(x) dx$

Q6 : A. $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = +\infty$ B. $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 1$ C. $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 0$ D. $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty$

Q7 : Pour tout réel x de D_f , $f'(x)$ vérifie :

A. $f'(x) = \frac{1}{x^3} f(x)$ B. $f'(x) = \frac{3x^2 - 2}{x^3} f(x)$ C. $f'(x) = \frac{-1}{x^3} f(x)$ D. $f'(x) = \frac{-3x^2 + 2}{x^2} f(x)$

Q8 : A. $I = \frac{1}{2}(e^{-\frac{1}{4}} + e^{-1})$ B. $I = \frac{e^{-\frac{1}{4}}}{2}$ C. $I = \frac{1}{2}(e^{-\frac{1}{4}} - e^{-1})$ D. $I = \frac{e^{-1}}{2}$

Exercice 4

Une urne contient 9 boules : 5 boules rouges numérotées de 1 à 5 et 4 boules noires numérotées de 1 à 4. On suppose que les boules sont indiscernables au toucher. On tire simultanément deux boules de l'urne. On considère les deux événements A : « les deux boules tirées sont de même couleur » et B : « les deux boules tirées portent un numéro pair »

Q9 : A. $p(A \cap B) = \frac{2}{9}$ B. $p(A \cap B) = \frac{1}{18}$ C. $p(A \cap B) = \frac{1}{36}$ D. $p(A \cap B) = \frac{4}{9}$

Q10 : A. $p_{\bar{A}}(B) = \frac{1}{18}$ B. $p_{\bar{A}}(B) = \frac{17}{18}$ C. $p_{\bar{A}}(B) = \frac{1}{4}$ D. $p_{\bar{A}}(B) = \frac{1}{5}$

Pour chaque question, il n'y a qu'une seule bonne réponse qu'il faut cocher dans la grille

Exercice1:

On considère le nombre complexe j tel que : $j = \frac{-1 + \sqrt{3}}{2}i$

Question19: l'écriture exponentielle de j est A : $e^{-i\frac{2\pi}{3}}$ B : $e^{i\frac{\pi}{3}}$ C : $e^{-i\frac{\pi}{3}}$ D : $e^{i\frac{2\pi}{3}}$

Question20: j^3 vaut A : -1 B : 1 C : -i D : i

Question21: j^{2015} vaut A : -1 B : 1 C : \bar{j} D : j

Question22: la somme $1 + j + j^2 + \dots + j^{2014}$ vaut : A : $\frac{1+j}{1-j}$ B : $\frac{2}{1-j}$ C : $\frac{1-\bar{j}}{1-j}$ D : $\frac{1+\bar{j}}{1-j}$

(\bar{j} étant le conjugué de j)

Exercice2:

On considère la fonction numérique f à variable réelle x définie par : $f(x) = e^{-x} \ln(|1 - e^x|)$

Question23: l'ensemble de définition Df de f est:

A : $Df = \mathbb{R}^*$ B : $Df =]-\infty, 0]$ C : $Df =]-\infty, 0[$ D : $Df =]1, +\infty[$

Question24: $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ est égale:

A : $+\infty$ B : -1 C : $-\infty$ D : 1

Question25: pour tout x de Df , $f'(x)$ vérifie :

A : $f'(x) + f(x) = -\ln|1 - e^x|$ B : $f'(x) + f(x) = -e^x$ C : $f'(x) + f(x) = 0$ D : $f'(x) + f(x) = \frac{-1}{1 - e^x}$

Question26: l'équation $f(x) = 0$ dans Df admet:

A : une infinité de solutions B : deux solutions distinctes C : une seule solution D : aucune solution

Exercice3:

On considère les deux suites numériques $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ et $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ définies par :

$$u_n = (\ln(2))^n \quad \text{et} \quad v_n = \int_1^2 \frac{(\ln(t))^n}{t} dt$$

Question27: A : $v_n = \frac{1}{n} u_n$ B : $v_n = \frac{1}{n} u_{n+1}$ C : $v_n = \frac{1}{n+1} u_n$ D : $v_n = \frac{1}{n+1} u_{n+1}$

Question28: A : $\forall n \in \mathbb{N}; v_n \leq u_n$ B : $\forall n \in \mathbb{N}; u_n \geq 1$ C : $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est croissante D : $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty$

Exercice4:

On considère une variable aléatoire X . Sa loi de probabilité est binomiale de paramètres : $n = 10$ et $p = 0,4$.

Question29: L'espérance E et la variance V d'une telle loi sont:

A : ($E = 4$; $V = 2,4$) B : ($E = 10,4$; $V = 0,24$) C : ($E = 4$; $V = 0,24$) D : ($E = 10,4$; $V = 2,4$)

Question30: La probabilité $p(X = 2)$ est :

A : $\binom{8}{2} \times 0,4^2 \times 0,6^8$ B : $\binom{10}{2} \times 0,4^8 \times 0,6^2$ C : $\binom{10}{2} \times 0,4^2 \times 0,6^8$ D : $2 \times 0,4^2 \times 0,6^8$

مباراة ولوج السنة الأولى لكلية الطب والصيدلة (الرباط)

2014/2013

مادة الرياضيات

تمرين 1.

نعتبر العددين العقديين التاليين $z = 2e^{i\frac{2\pi}{3}}$ و $t = \frac{1-i}{\sqrt{2}}$.

أنقل إلى ورقة تحريرك رقم كل عبارة من العبارات التالية وأجب أمامه بكلمة صحيح أو خطأ.
(1) من أجل $n \in \mathbb{N}$ ، $t^n \in \mathbb{R}$ يكافئ n مضاعف للعدد 4.

$$\text{Arg}\left(\frac{z^2}{t^2}\right) = \frac{\pi}{12} [2\pi] \quad (2)$$

$$\text{Re}(z^{10}) = -29 \quad (3)$$

$$1+t+t^2+\dots+t^8=1 \quad (4)$$

تمرين 2.

نعتبر الدالة العددية f للمتغير العشوائي x المعرفة على $]-1,1[$ بحيث :
$$\begin{cases} f(x) = \frac{1}{x} \ln\left(\frac{x^2-1}{x^2+1}\right), x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

أنقل إلى ورقة تحريرك رقم كل عبارة من العبارات التالية وأجب أمامه بكلمة صحيح أو خطأ.
(1) f متصلة في 0.

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x} = 2 \quad (2)$$

(3) f قابلة للأشتقاق في 0 و $f'(0) = 0$

$$f\left(\frac{1}{x}\right) = x \ln\left(\frac{x^2-1}{x^2+1}\right) \text{ لدينا } x \neq 0 \text{ و } x \in]-1,1[\text{ من أجل } \quad (4)$$

تمرين 3.

لتكن $(u_n)_n$ المتتالية المعرفة بما يلي : $u_0 = 0$ ، $u_{n+1} = \frac{3}{4-u_n}$ و $(v_n)_n$ المتتالية المعرفة بما يلي : $v_n = \frac{u_n-1}{u_n-3}$ ($n \in \mathbb{N}$)

و $(w_n)_n$ المتتالية المعرفة بما يلي : $w_n = \ln(v_n)$

أنقل إلى ورقة تحريرك رقم كل عبارة من العبارات التالية وأجب أمامه بكلمة صحيح أو خطأ.

$$(n \in \mathbb{N}) v_n = \frac{1}{4^{n+1}} \quad (1)$$

(2) المتتالية $(w_n)_n$ حسابية

$$\ln(v_0 \times v_1 \times \dots \times v_n) = -(n+1)(n+2) \ln(\sqrt{3}) : n \in \mathbb{N} \quad (3)$$

(4) المتتالية (u_n) متقاربة

تمرين 4.

في الفضاء احتمالي منته نعتبر الأحداث A و B و C بحيث A و B و C مستقلان و $p(A) = 0,4$ و $p(B) = 0,3$ و $p(A \cap B) = 0,5$ و $p(A \cap C) = 0,2$.

أنقل إلى ورقة تحريرك رقم كل عبارة من العبارات التالية وأجب أمامه بكلمة صحيح أو خطأ.

$$p(A \cap B) = 0,1 \quad (1)$$

$$p(C) = 0,25 \quad (2)$$

$$p(A \cup C) = 0,7 \quad (3)$$

Concours d'accès en 1^{er} année de la faculté de médecine et de pharmacie Vendredi 25 juillet 2014

Epreuve de: mathématiques

exercice 1 (5pts)

On considère les deux nombres complexes : $t = \frac{1-i}{\sqrt{2}}$ و $z = 2e^{i\frac{2\pi}{3}}$

Pour chacune des propositions suivantes, recopie le numéro, et réponds par vrai (V) ou faux (F)

- 1) Pour $n \in \mathbb{N}$, $t^n \in \mathbb{R}$ est équivalent à n multiple de 4
- 2) $\text{Arg}\left(\frac{z^2}{t^3}\right) \equiv \frac{\pi}{12} [2\pi]$
- 3) $\text{Re}(z^{10}) = -29$
- 4) $1 + t + t^2 + \dots + t^8 = 1$

exercice 2 (5pts)

On considère la fonction f à variable réelle x définie sur $] -1, 1 [$ par:

$$\begin{cases} f(x) = \frac{1}{x} \ln\left(\frac{1-x^2}{1+x^2}\right), x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

Pour chacune des propositions suivantes, recopie le numéro, et réponds par vrai (V) ou faux (F)

- 1) f est continue en 0
- 2) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x} = 2$
- 3) f est dérivable en 0 و $f'(0) = 0$
- 4) pour $x \in] -1, 1 [$ و $x \neq 0$ $f\left(\frac{1}{x}\right) = x \ln\left(\frac{x^2-1}{x^2+1}\right)$

exercice 3 (5pts)

soit $(u_n)_n$ la suite définie par : $u_{n+1} = \frac{3}{4-u_n}$, $u_0 = 1$

et soit $(v_n)_n$ la suite définie par : $(n \in \mathbb{N}) v_n = \frac{u_n-1}{u_n-3}$

et soit $(w_n)_n$: la suite définie par : $(n \in \mathbb{N}) w_n = \ln(v_n)$

Pour chacune des propositions suivantes, recopie le numéro, et réponds par vrai (V) ou faux (F)

- 1) $(\forall n \in \mathbb{N}) v_n = \frac{1}{3^{n+1}}$
- 2) la suite $(w_n)_n$ est une suite arithmétique
- 3) pour $n \in \mathbb{N}$: $\ln(v_0 \times v_1 \times \dots \times v_n) = -(n+1)(n+2) \ln(\sqrt{3})$
- 4) la suite (u_n) converge

exercice 4 (5pts)

Dans un espace probabilisé finé, on considère les événements A , B et C tels que :

A et C sont indépendants ; $p(A) = 0,4$; $p(B) = 0,3$; $p(A \cup B) = 0,8$; et $p(A \cap C) = 0,2$
pour chacune des propositions suivantes, recopie le numéro, et réponds par vrai (V) ou faux (F)

- 1) $p(A \cap B) = 0,1$
- 2) $p(C) = 0,25$
- 3) $p(A \cup C) = 0,7$
- 4) $p_A(B) = 0,5$ ($p(B)$, sachant A)

L'usage de tout dispositif électronique est strictement interdit

Exercice 1 (5 points)

Dans l'espace muni d'un repère orthonormé $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$, on considère deux plans (P) et (P') ayant respectivement pour équations :
 $(P): 2x - 3y + z + 1 = 0$ et $(P'): 2x + 3y - z + 2 = 0$ et la droite (D) qui passe par le point $A(0, -1, -4)$ et ayant $\vec{u}(1, -1, 2)$ comme vecteur directeur.

Réponds sur ta feuille de rédaction par « vrai » ou « faux » à chacune des propositions suivantes :

- 1) Les plans (P) et (P') sont orthogonaux.
- 2) La droite (D) est incluse dans le plan (P)
- 3) $d(A, (P')) = \frac{1}{\sqrt{14}}$
- 4) Le point A appartient au cercle de centre $\Omega(2, 0, -2)$ et de rayon 3

Exercice 2 (5 points)

On considère la fonction numérique définie sur \mathbb{R}^+ par : $f(x) = x^2 e^{\frac{1}{x}}$

Réponds sur ta feuille de rédaction par « vrai » ou « faux » à chacune des propositions suivantes :

- 1) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$
- 2) $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f(x) = +\infty$
- 3) (C_f) possède une asymptote oblique au voisinage de $+\infty$
- 4) $f'(x) = (2x - 1)e^{\frac{1}{x}}$
- 5) L'équation $f(x) - f(-x) = 0$ admet une solution unique dans \mathbb{R}^+

Exercice 3 (5 points)

Soient $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ et $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ deux suites numériques définies par : $3u_{n+1} - 2v_n + 1 = 0$ et $u_0 = 0$
 et $v_n = u_{n+1} - u_n$ pour tout n dans \mathbb{N}

Recopie sur ta feuille de rédaction la réponse juste parmi les réponses proposées pour chacune des propriétés suivantes

- 1) La monotonie de $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$: a. croissante b. décroissante c. non monotone
- 2) La nature de $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$: a. arithmétique de raison $\frac{2}{3}$ b. géométrique de raison $\frac{2}{3}$
 c. géométrique de raison $\frac{3}{2}$ d. arithmétique de raison $\frac{3}{2}$
- 3) La limite de $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$: a. $\lim v_n = 0$ b. $\lim v_n = \frac{2}{3}$ c. $\lim v_n = \frac{3}{2}$ d. $\lim v_n = +\infty$
- 4) La limite de $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$: a. $\lim u_n = 1$ b. $\lim u_n = -1$ c. $\lim u_n = \frac{3}{2}$ d. $\lim u_n = +\infty$

Exercice 4 (5 points)

Dans l'ensemble des élèves d'un Lycée, 45% pratiquent le football, 80% pratiquent la natation et 30% pratiquent les deux disciplines sportives. On choisit au hasard un élève.

Recopie sur ta feuille de rédaction la réponse juste parmi les réponses proposées à chacune des probabilités suivantes :

- 1) La probabilité pour que l'élève ne pratique pas le football est : a. 0.45 b. 0.55 c. 0.3 d. 55%
- 2) La probabilité pour que l'élève pratique le football ou la natation est : a. 1 b. 0.70 c. 0.95 d. 0.8
- 3) La probabilité pour que l'élève ne pratique aucune des deux disciplines est : a. 0.05 b. 0 c. 0.95 d. 0.2
- 4) La probabilité pour qu'il pratique le football et non la natation est : a. 0.25 b. 0.05 c. 0.3 d. 0.15

L'usage de la calculatrice est strictement interdit

Exercice 1(5pts) Soit f la fonction de la variable réelle x définie sur $[0, +\infty[$ par :

$$f(x) = \frac{2x^2}{x^2+1} - \ln(x^2 + 1)$$

Pour chacune des affirmations suivantes, dire si elle est vraie ou si elle est fautive

- 1) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$
- 2) $f'(x)$ a le même signe que $(1 - x^2)$ sur $]0, +\infty[$
- 3) La fonction f est strictement croissante sur l'intervalle $[1, +\infty[$
- 4) Il existe un nombre réel α unique dans $[1, +\infty[$ tel que $\frac{2\alpha}{\alpha^2+1} = \frac{\ln(\alpha^2+1)}{\alpha}$

Exercice 2(5pts) Soit $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ la suite définie par :
$$\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{u_n}{1+u_n+u_n^2} \end{cases}$$

Pour chacune des affirmations suivantes, dire si elle est vraie ou si elle est fautive

- 1) $(\forall n \in \mathbb{N}) u_n > 0$
- 2) $(\forall n \in \mathbb{N}) u_n \geq \frac{1}{3}$
- 3) La suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est strictement décroissante
- 4) $(\forall n \in \mathbb{N}^*) \frac{1}{n} \leq u_n$

Exercice 3(5pts)

Soient A, B et C trois points d'affixes respectives $z_A = \sqrt{3} + i$, $z_B = \sqrt{3} - i$ et $z_C = 2i$
Soit z_E l'affixe du point E image de B par la translation de vecteur \vec{u} d'affixe $3\sqrt{3} - i$

Pour chacune des affirmations suivantes, dire si elle est vraie ou si elle est fautive

- 1) $\frac{z_C - z_A}{z_A - z_B} = e^{\frac{4i\pi}{3}}$
- 2) $AB = AC$
- 3) $z_E = 4\sqrt{3} + i$
- 4) Les points A , C et E sont alignés

Exercice 4(5pts)

Un sac contient 6 boules indiscernables au toucher : 3 boules rouges portant les numéros 1, 1, 2 et 3 boules noires portant les numéros 1, 2, 2. On tire successivement et sans remise trois boules du sac. On considère les deux événements :

E : « obtenir trois boules noires »

F : « obtenir trois boules portant des numéros dont la somme est 3 »

Soit X la variable aléatoire prenant pour valeur le nombre de boules rouges restant dans le sac après chaque tirage.

Pour chacune des affirmations suivantes, dire si elle est vraie ou si elle est fautive

- 1) $p(E) = \frac{1}{20}$
- 2) $p(F) = \frac{3}{20}$
- 3) $p(X = 3) = \frac{3}{20}$
- 4) $p(X \leq 2) = \frac{19}{20}$

التمرين 1 (5 نقط)

لتكن f الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة على المجال $[0, \pi]$ بما يلي:

$$f(x) = \sin(2x) - 2x\cos(2x) - \frac{\pi}{2}$$

انقل إلى ورقة تحريرك رقم كل عبارة من العبارات التالية وأجب أمامه بكلمة (صحيح) أو (خطأ):

1. $f'(x) = 4x\sin(2x)$ لكل x من المجال $[0, \pi]$
2. مجموعة حلول المعادلة $f'(x) = 0$ في المجال $[0, \pi]$ هي: $S = \{k\pi/k \in \mathbb{Z}\}$
3. $f'(x) < 0$ على $[0, \frac{\pi}{2}]$
4. يوجد عدد حقيقي وحيد α من $[0, \frac{\pi}{2}]$ حل للمعادلة $f(x) = 0$

التمرين 2 (5 نقط)

نعتبر المتتالية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ التي حدها العام معرف بما يلي: $u_n = \int_0^1 \frac{e^{-nx}}{1+e^{-x}} dx$

انقل إلى ورقة تحريرك رقم كل عبارة من العبارات التالية وأجب أمامه بكلمة (صحيح) أو (خطأ):

1. $u_0 + u_1 = 1$
2. $u_1 = 1 - \ln(1+e)$
3. $u_0 = \ln(1+e) - \ln 2$
4. $(\forall n \in \mathbb{N}^*) u_{n+1} + u_n = \frac{1-e^{-n}}{n}$

التمرين 3 (5 نقط)

نضع $z = \sqrt{2+\sqrt{3}} - i\sqrt{2-\sqrt{3}}$

انقل إلى ورقة تحريرك رقم السؤال وكتب أمامه الجواب الصحيح من بين الأجوبة المقترحة:

1. ما هي الكتابة الأسية للعدد z^2 ؟
 أ. $4e^{i\frac{\pi}{6}}$ ب. $4e^{-i\frac{\pi}{6}}$ ج. $4e^{i\frac{5\pi}{6}}$ د. $4e^{-i\frac{5\pi}{6}}$
2. ما هي الكتابة الأسية للعدد z ؟
 أ. $2e^{i\frac{\pi}{12}}$ ب. $4e^{-i\frac{5\pi}{12}}$ ج. $4e^{i\frac{5\pi}{12}}$ د. $2e^{-i\frac{\pi}{12}}$
3. ما هي الزاوية التي جيب تمامها (cosinus) وجيبها (sinus) على التوالي هما العددان $\frac{\sqrt{2-\sqrt{3}}}{2}$ و $\frac{\sqrt{2+\sqrt{3}}}{2}$ ؟
 أ. $\frac{\pi}{12}$ ب. $-\frac{5\pi}{12}$ ج. $\frac{5\pi}{12}$ د. $-\frac{\pi}{12}$

التمرين 4 (5 نقط)

لتكن g الدالة العددية للمتغير الحقيقي x المعرفة بما يلي:

$$g(x) = \ln\left(\frac{e^{-x}-1}{e^{-x}+1}\right)$$

انقل إلى ورقة تحريرك رقم كل عبارة من العبارات التالية وأجب أمامه بكلمة (صحيح) أو (خطأ):

1. D مجموعة تعريف الدالة g هي: $]-\infty, 0]$
2. $g'(x) = \frac{-2e^x}{1-e^{2x}}$
3. لكل x من D لدينا: $g'(x) > 0$
4. العدد $\ln\left(\frac{e-1}{1+e}\right)$ هو الحل الوحيد للمعادلة $g(x) = -1$

Exercice 1(5pts)

Soit f la fonction de la variable réelle x définie sur $[0, \pi]$ par :

$$f(x) = \sin(2x) - 2x\cos(2x) - \frac{\pi}{2}$$

Pour chacune des affirmations suivantes ,dire si elle est vraie ou si elle est fausse

1. $f'(x) = 4x\sin(2x)$ pour tout x de $[0, \pi]$
2. L'ensemble solution de l'équation $f'(x) = 0$ dans $[0, \pi]$ est : $S = \{k\pi/k \in \mathbb{Z}\}$
3. $f'(x) < 0$ sur $[0, \frac{\pi}{2}]$
4. Il existe un réel unique α dans $[0, \frac{\pi}{2}]$ solution de l'équation $f(x) = 0$

Exercice 2(5pts)

Soit $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ la suite de terme général $u_n = \int_0^1 \frac{e^{-nx}}{1+e^{-x}} dx$

Pour chacune des affirmations suivantes ,dire si elle est vraie ou si elle est fausse

1. $u_0 + u_1 = 1$
2. $u_1 = 1 - \ln(1 + e)$
3. $u_0 = \ln(1 + e) - \ln 2$
4. $(\forall n \in \mathbb{N}^*) u_{n+1} + u_n = \frac{1-e^{-n}}{n}$

Exercice 3(5pts)

On pose $z = \sqrt{2 + \sqrt{3}} - i\sqrt{2 - \sqrt{3}}$

Indiquer sur votre copie ,pour chaque question, la réponse exacte parmi les réponses proposées

1. Quelle est La forme exponentielle de z^2 ?
 a. $4e^{i\frac{\pi}{6}}$ b. $4e^{-i\frac{\pi}{6}}$ c. $4e^{i\frac{5\pi}{6}}$ d. $4e^{-i\frac{5\pi}{6}}$
2. Quelle est La forme exponentielle de z ?
 a. $2e^{i\frac{\pi}{12}}$ b. $4e^{-i\frac{5\pi}{12}}$ c. $4e^{i\frac{5\pi}{12}}$ d. $2e^{-i\frac{\pi}{12}}$
3. Quel est l'angle dont Les nombres $\frac{\sqrt{2+\sqrt{3}}}{2}$ et $\frac{\sqrt{2-\sqrt{3}}}{2}$ sont respectivement le cosinus et le sinus ?
 a. $\frac{\pi}{12}$ b. $-\frac{5\pi}{12}$ c. $\frac{5\pi}{12}$ d. $-\frac{\pi}{12}$

Exercice 4(5pts)

Soit g la fonction de la variable réelle x définie par :

$$g(x) = \ln\left(\frac{e^{-x}-1}{e^{-x}+1}\right)$$

Pour chacune des affirmations suivantes ,dire si elle est vraie ou si elle est fausse

1. Le domaine de définition \mathcal{D} de g est $]-\infty, 0]$
2. $g'(x) = \frac{-2e^x}{1-e^{2x}}$
3. Pour tout x de \mathcal{D} on a : $g'(x) > 0$
4. Le nombre $\ln\left(\frac{e-1}{1+e}\right)$ est la seule solution de l'équation $g(x) = -1$

مباراة ولوج السنة الأولى لكلية الطب - الإثنين 26 يوليوز 2010 - المادة: الرياضيات

تمرين 1 (5ن)

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $]0, +\infty[$ كما يلي: $f(x) = \ln(1 + xe^x)$

(1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

(2) ا بين أن لكل x من المجال $]0, +\infty[$ لدينا: $f(x) = x + \ln x + \ln\left(1 + \frac{1}{xe^x}\right)$

(ب) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$

تمرين 2 (5ن)

نعتبر الدالة العددية g المعرفة على $[1, +\infty[$ كالتالي: $g(x) = 2\sqrt{x-1}$

(1) تحقق أن لكل x من $[1, +\infty[$ لدينا:

$$g(x) - 2 = \frac{2(x-2)}{\sqrt{x-1}+1} \quad \text{و} \quad g(x) - x = -\frac{(x-2)^2}{2\sqrt{x-1}+x}$$

(2) نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة كما يلي:

$$\begin{cases} u_0 = 3 \\ u_{n+1} = 2\sqrt{u_n - 1} \quad (n \geq 0) \end{cases}$$

(أ) بين بالترجع أن $u_n \geq 2$ لكل n من \mathbb{N}

(ب) بين أن المتتالية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ تناقصية

(ج) استنتج أن المتتالية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ متقاربة ثم احسب نهايتها

تمرين 3 (5ن)

(1) تحقق أن لكل x من $\left]0, \frac{\pi}{3}\right]$ لدينا: $\frac{(\sin x)^2}{\cos x} = \frac{1}{\cos x} - \cos x$

(2) لتكن F الدالة العددية المعرفة على $\left]0, \frac{\pi}{3}\right]$ كما يلي: $F(x) = \ln\left[\tan\left(\frac{x}{2} + \frac{\pi}{4}\right)\right]$

(أ) تحقق أن: $F\left(\frac{\pi}{3}\right) = \ln(2 + \sqrt{3})$

(ب) بين أن F دالة أصلية للدالة f المعرفة على $\left]0, \frac{\pi}{3}\right]$ كما يلي: $f(x) = \frac{1}{\cos x}$

(ج) احسب التكامل: $I = \int_0^{\frac{\pi}{3}} \frac{(\sin x)^2}{\cos x} dx$

تمرين 4 (5ن)

يحتوي صندوق A على كرتين سوداوين وكرة بيضاء و يحتوي صندوق B على كرة سوداء و كرتين بيضاوين جميع الكرات لا يمكن التمييز بينها باللمس.

نسحب عشوائيا وبالتتابع وبدون إحلال كرتين من الصندوق A ثم نسحب كرة واحدة من الصندوق B (عدد الكرات المسحوبة هو ثلاث كرات).

(1) احسب احتمال الحصول على ثلاث كرات من نفس اللون .

(2) احسب احتمال الحصول على كرتين بيضاوين وكرة سوداء .

Exercice 1 (5pts)

Soit la fonction f définie sur $]0, +\infty[$ par: $f(x) = \ln(1 + xe^x)$

1) Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

2) a) Montre que pour tout x dans $]0, +\infty[$ on a: $f(x) = x + \ln x + \ln\left(1 + \frac{1}{xe^x}\right)$

b) Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$

Exercice 2(5pts)

Soit la fonction g définie sur $[1, +\infty[$ par: $g(x) = 2\sqrt{x-1}$

1) a) Vérifier que pour tout x dans $[1, +\infty[$ on a:

$$g(x) - x = -\frac{(x-2)^2}{2\sqrt{x-1} + x} \quad \text{et} \quad g(x) - 2 = \frac{2(x-2)}{\sqrt{x-1} + 1}$$

2) Soit la suite numérique $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ définie par:

$$\begin{cases} u_0 = 3 \\ u_{n+1} = 2\sqrt{u_n - 1} \quad (n \geq 0) \end{cases}$$

a) Montrer par récurrence que $u_n \geq 2$ pour tout n dans \mathbb{N}

b) Montrer que la suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est décroissante.

c) Dédurre que $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est convergente et calculer sa limite.

Exercice 3(5pts)

1) Vérifier que pour tout x dans $\left]0, \frac{\pi}{3}\right[$ on a: $\frac{(\sin x)^2}{\cos x} = \frac{1}{\cos x} - \cos x$

2) Soit F la fonction numérique définie sur $\left]0, \frac{\pi}{3}\right[$ par: $F(x) = \ln\left[\tan\left(\frac{x}{2} + \frac{\pi}{4}\right)\right]$

a) Vérifier que: $F\left(\frac{\pi}{3}\right) = \ln(2 + \sqrt{3})$

b) Montrer que F est une primitive de la fonction f définie sur $\left]0, \frac{\pi}{3}\right[$ par: $f(x) = \frac{1}{\cos x}$

c) Calculer l'intégrale: $I = \int_0^{\frac{\pi}{3}} \frac{(\sin x)^2}{\cos x} dx$

Exercice 4(5pts)

Une urne A contient deux boules noires et une boule blanche. Une urne B contient deux boules blanches et une boule noire. Les boules sont indiscernables au toucher.

On tire au hasard, successivement et sans remise deux boules de l'urne A puis on tire une autre boule de l'urne B (on obtient au total trois boules).

1) Calculer la probabilité d'obtenir trois boules de même couleur.

2) Calculer la probabilité d'obtenir deux boules blanches et une noire.

3) Calculer la probabilité d'obtenir deux boules blanches et une noire.

N. B : L'usage de la calculatrice est strictement interdit

Exercice 1 (5 pts)

Soit la fonction f définie sur \mathbb{R} par : $f(x) = \ln(x + \sqrt{1+x^2})$

- 1) Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$
- 2) a) Calculer $f(x) + f(-x)$ pour tout x dans \mathbb{R} puis montrer que f est une fonction impaire
 b) Calculer $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$
- 3) Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$

Exercice 2 (5 pts)

Soit la suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ définie par :

$$\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{u_n^2}{1+2u_n} \quad (n \geq 1) \end{cases}$$

On pose pour tout n dans \mathbb{N} : $v_n = \ln\left(\frac{u_n}{1+u_n}\right)$

- 1) Montre que (v_n) est une suite géométrique
- 2) Calculer v_n puis u_n en fonction de n

Exercice 3 (5 pts)

On pose : $I = \int_0^{\ln 16} \frac{e^x + 3}{e^x + 4} dx$ $J = \int_0^{\ln 16} \frac{1}{e^x + 4} dx$

- 1) Calculer $I - 3J$ et $I + J$
- 2) Déduire les valeurs de I et J

Exercice 4 (5 pts)

Deux urnes U_1 et U_2 contiennent des boules indiscernables aux touchés comme dans le tableau suivant :

	Urne U_1	Urne U_2
Nombre de boules noires	2	3
Nombre de boules blanches	4	2

On choisit au hasard une urne et on tire deux boules de cette urne

- 1) Sachant que les deux boules obtenues sont tirées de U_1 quelle est la probabilité pour qu'elles soient noires
- 2) Sachant que les deux boules obtenues sont noires qu'elle est la probabilité pour qu'elles proviennent de l'urne U_1

Exercice(5pts)

Soit la fonction de la variable réelle définie sur \mathbb{R}_+^* par : $f(x) = x \ln\left(\frac{x}{x+1}\right)$

1) Calculer $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f(x)$

2) Soit la fonction de la variable réelle définie sur \mathbb{R}_+^* par : $g(x) = (x^2 - 1) \ln\left(\frac{x}{x+1}\right)$

a.) Montre que pour tout x dans \mathbb{R}_+^* $f(x) = \frac{1}{2} g'(x) - \frac{x-1}{2x}$

b.) Calculer la valeur de l'intégrale $I = \int_1^2 f(x) dx$

Exercice(5pts)

On considère la suite réelle $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ définie par :

$$\begin{cases} u_0 = 2 \\ u_{n+1} = 2(u_n)^{\frac{2}{3}} \quad (n \geq 1) \end{cases}$$

On pose pour tout $n \in \mathbb{N}$: $v_n = \ln(u_n) - 3 \ln 2$

1) Montrer que la suite $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est une suite géométrique.

2) Calculer v_n puis $\ln(u_n)$ en fonction de n .

3) Montre que $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 8$

Exercice(5pts)

Le plan est rapporté à un repère orthonormé $(O; \vec{u}; \vec{v})$.

On considère les points A, B et C d'affixes respectives $z_A = -1 + i\sqrt{3}$, $z_B = 1 - i\sqrt{3}$ et $z_C = 4$

1) Mettre sous forme trigonométrique les nombres complexes $z_B - z_A$ et $z_B - z_C$

2) Montrer que le triangle ABC est rectangle en B.

Exercice(5pts)

Une urne contient des boules parmi eux 3 sont blanches. Dans une expérience on tire trois boules et on les remet dans l'urne. Soit X la variable aléatoire qui désigne le nombre de boules blanches parmi les 3 boules tirées. X suit la loi de probabilité ci-dessous :

x_i	0	1	2	3
$P(X = x_i)$	$\frac{1}{10}$	$\frac{3}{10}$		$\frac{3}{10}$

1. a) Calculer la probabilité de tirer exactement deux boules blanches parmi les trois boules tirées.

b) Calculer la probabilité de tirer au moins une boules blanches parmi les trois boules tirées.

2. On réalise deux fois l'expérience précédente. Calculer la probabilité d'avoir exactement une boules blanche parmi les six boules tirées.

L'usage de la calculatrice est strictement interdit

Exercice 1 (5 points) Soit le nombre complexe: $z = \cos \frac{2\pi}{5} + i \sin \frac{2\pi}{5}$

On pose $u = z + z^4$ et $v = z^2 + z^3$.

1) Montrer que: $u = 2 \cos \frac{2\pi}{5}$ et $v = 2 \cos \frac{4\pi}{5}$.

2) Montrer que $1 + u + v = 0$.

Exercice 2 (5 points)

1) Vérifier que pour tout réel t dans: $\mathbb{R} - \{-1\}$:

$$\frac{t^2 - 2}{t + 1} = t - 1 - \frac{1}{t + 1}$$

2) Montrer que pour tout x réel: $\frac{1}{e^x + 1} = \frac{e^{-x}}{e^{-x} + 1}$

3) Calculer l'intégrale: $\int_0^{\ln 2} \frac{e^{2x} - 2}{e^x + 1} dx$

Exercice 3 (5 points) Soit la fonction f de la variable réelle x définie sur \mathbb{R} par:

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x}{\sqrt{e^{2x} - 1}} & \text{pour } x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

1) a) Montre que pour tout x dans \mathbb{R}_+^* on a: $[f'(x)]^2 = \frac{x}{2} \left(\frac{2x}{e^{2x} - 1} \right)$

b) Etudier la continuité de f à droite de 0.

2) Soit g la fonction définie sur \mathbb{R}_+^* par: $g(x) = \ln[f(x)]$

a) Montre qu'on a pour tout x dans \mathbb{R}_+^* :

$$g(x) = (-x + \ln x) - \frac{1}{2} \ln(1 - e^{-2x})$$

b) Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ puis $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

Exercice 4 (5 points) On considère la suite réelle (u_n) définie par:

$$\begin{cases} u_0 = 2 \\ u_{n+1} = \frac{1}{2} \left(u_n + \frac{1}{u_n} \right) & \text{pour } n \geq 1 \end{cases}$$

On pose: $v_n = \ln \left(\frac{u_n - 1}{u_n + 1} \right)$ ($n \geq 0$)

1) Montrer que la suite (v_n) est une suite géométrique

2) Calculer v_n puis u_n en fonction de n .

Exercice 1 (5 points)

Soit f la fonction de la variable réelle x définie sur \mathbb{R} par :

$$f(x) = \ln(e^{2x} + 2e^x)$$

On note C sa courbe représentative.

1. Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $f(x) = 0$.
2. Montrer qu'on a pour tout x :

$$f(x) = 2x + \ln(1 + 2e^{-x})$$

$$f(x) = x + \ln 2 + \ln\left(1 + \frac{1}{2}e^x\right)$$

3. Calculer $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.
4. Montrer que les droites d'équations $y = 2x$ et $y = x + \ln 2$ sont des asymptotes à C .

Exercice 2 (5 points)

On considère la suite réelle (u_n) définie par :

$$u_0 = 1 \text{ et } \forall n \in \mathbb{N} \quad u_{n+1} = \sqrt{u_n + 1} - 1$$

On pose : $\forall n \in \mathbb{N} \quad v_n = \ln(u_n + 1)$.

- 1) Montrer que la suite (v_n) est une suite géométrique.
- 2) Calculer v_n puis u_n en fonction de n .
- 3) Calculer $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$.

Exercice 3 (5 points)

On pose :

$$I = \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x^2 + 1}} \quad ; \quad J = \int_0^1 \frac{x^2}{\sqrt{x^2 + 1}} dx \quad ; \quad K = \int_0^1 \sqrt{x^2 + 1} dx$$

- 1) Sans calculer explicitement I , J et K . Vérifier que $I+J=K$.
- 2) a) Calculer la dérivée de la fonction définie par : $f(x) = \ln(x + \sqrt{x^2 + 1})$.
 b) Dédire que : $I = \ln(1 + \sqrt{2})$.
- 3) a) Calculer la dérivée de la fonction g définie par : $g(x) = x\sqrt{x^2 + 1}$.
 b) Dédire que : $J + K = \sqrt{2}$.
- 4) Calculer J et K .

Exercice 4 (5 points)

On lance un dé dont les six faces, numérotées de 1 à 6, sont équiprobables.

Si le résultat est un nombre pair, on tire au hasard une boule d'une urne U contenant deux boules blanches et trois boules noires. Si le résultat est impair, on tire au hasard une boule d'une urne V qui contient trois boules blanches et deux boules noires.

Calculer la probabilité de l'événement « tirer une boule blanche ».

Cours d'accès en 1^{ère} année des études de médecine.
Épreuve de : Mathématiques

Lundi 25 juillet 2005
Durée : 30 min

Exercice 1 : 5pts

On considère l'équation différentielle : (E) $y' - y = 3x^2 e^x$.

- 1) montrer que la fonction définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x^3 e^x$ vérifie l'équation (E).
- 2) donner la solution générale de l'équation différentielle (E).
- 3) déterminer φ , solution particulière de l'équation (E), telle que $\varphi(0) = 1$.

Exercice 2 : 5pts

Calculer les intégrales suivantes.

$$I = \int_1^{\sqrt{3}} \frac{x}{1+x^2} dx \quad ; \quad J = \int_0^1 (1 + \sqrt{t}) dt \quad ; \quad K = \int_0^1 x e^{-x} dx$$

Exercice 3 : 5pts

Soit f la fonction définie sur \mathbb{R}^+ par :

$$\begin{cases} f(x) = x \ln\left(\frac{x+2}{x}\right) & ; \quad x > 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

- 1) montrer que la fonction f est continue à droite au point 0.
- 2) calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.
- 3) calculer $f'(x)$ pour $x \in \mathbb{R}^+$.

Exercice 4 : 5pts

Une population est constituée de 60% de femmes et de 40% d'hommes. 20% des femmes et 30% des hommes sont atteints d'une maladie M. On choisit au hasard une personne parmi cette population.

- 1) Calculer la probabilité des événements suivants :

A : la personne est une femme et elle est atteinte de la maladie M.
B : la personne est un homme et il est atteint de la maladie M.

- 2) sachant que la personne choisie est atteinte de la maladie M, quelle est la probabilité pour qu'elle soit un homme ?

Concours d'accès en 1^{ère} année des études de médecine; Lundi 26 Juillet 2004

Epreuve de : Mathématiques

Durée: 30 min

Exercice 1 : (5 pts)

On considère l'équation différentielle suivante: (E) $y' + y = 3e^{2x}$.

- 1) Résoudre l'équation différentielle $y' + y = 0$.
- 2) Montrer que la fonction $u : x \mapsto e^{2x}$ est une solution de l'équation différentielle (E).
- 3) En déduire l'ensemble des solutions de l'équation différentielle (E).
- 4) Déterminer la solution ϕ de l'équation différentielle (E) qui vérifie $\phi(0) = 0$.

Exercice 2 : (5 pts)

On considère les nombres complexes $a = -1 + i\sqrt{3}$ et $b = \sqrt{2} + i\sqrt{2}$.

- 1) Ecrire sous forme trigonométrique chacun des nombres complexes a et b .
- 2) Ecrire sous forme algébrique et sous forme trigonométrique le nombre complexe $\frac{a}{b}$.
- 3) En déduire la valeur de $\cos \frac{5\pi}{12}$.

Exercice 3 : (5 pts)

Pour tout n de \mathbb{N} ; on pose $I_n = \int_0^1 \frac{x^n}{1+x^2} dx$.

- 1) calculer $I_0 = \int_0^1 \frac{1}{1+x^2} dx$ et $I_1 = \int_0^1 \frac{x}{1+x^2} dx$.
- 2) Montrer que : $(\forall n \in \mathbb{N}) \quad I_{n+2} + I_n = \frac{1}{n+1}$.
- 3) En déduire I_5 .

Exercice 4 : (5 pts)

Soit f la fonction numérique à variable réelle x définie sur \mathbb{R} par :

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x - \ln(1+x^2)}{x} ; & x \neq 0 \\ f(0) = 1 \end{cases}$$

- 1) Montrer que f est continue en 0.
- 2) a) Etudier la dérivabilité de f en 0.
b) Interpréter géométriquement le résultat obtenu.
- 3) Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.

Concours d'accès en 1^{ère} année des études de médecine; Vendredi 25 Juillet 2003
Epreuve de : Mathématiques

Durée: 30 min

Exercice 1: (5 pts)

On considère l'équation différentielle suivante: (E) $y'' - 2y' + y = e^{2x}$.

- 1) Résoudre l'équation différentielle $y'' - 2y' + y = 0$.
- 2) Vérifier que la fonction $u : x \mapsto e^{2x}$ est une solution de l'équation différentielle (E).
- 3) En déduire l'ensemble des solutions de l'équation différentielle (E).
- 4) Déterminer la solution φ de l'équation différentielle (E) qui vérifie $\varphi(0) = 0$ et $\varphi'(0) = 2$.

Exercice 2: (4,5 pts)

Une urne contient cinq jetons portant les numéros 0 ; 0 ; 1 ; 2 et 2.

On tire successivement et sans remise trois jetons de cette urne. On suppose que tous les jetons sont indiscernables au toucher.

Soit X la variable aléatoire qui à chaque tirage associe la somme des numéros des trois jetons tirés.

- 1) Quelles sont les valeurs prises par la variable aléatoire X ?
- 2) Donner la loi de probabilité de la variable aléatoire X.
- 3) Calculer $E(X)$, l'espérance mathématique de la variable aléatoire X.

Exercice 3: (6 pts)

Soit f la fonction numérique à variable réelle x définie sur $[0, +\infty[$ par :

$$\begin{cases} f(x) = 2(x^2 - 2x) \ln x - x^2 + 4x & ; x > 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

- 1) Montrer que f est continue à droite en 0.
- 2) Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.
- 3)a) Etudier la dérivabilité de f à droite en 0.
b) Interpréter géométriquement le résultat obtenu.
- 4) Calculer $f'(x)$ pour tout x de $]0, +\infty[$.
- 5) Montrer que f est strictement croissante sur $[0, +\infty[$.

Exercice 4: (4,5 pts)

Calculer les intégrales suivantes:

$$I = \int_0^{\ln 2} e^{2x} dx \quad ; \quad J = \int_0^{\pi} \sin^2 x dx \quad ; \quad K = \int_1^e x^2 \ln x dx$$

Concours d'accès (Fillière Médecine) - Année académique 2019 - 2020
مباراة الولوج (شعبة الطب) - السنة الأكاديمية 2019-2020

4ème épreuve : Mathématiques

الموضوع الرابع: مادة الرياضيات

Consignes :

1. L'épreuve dure une demi-heure (30 mn)
2. Ce questionnaire comporte 15 QCM (Q46 à Q60)
3. Avec un stylo à bille (bleu ou noir) cochez sur la feuille réponse à l'intérieur des cases correspondantes aux réponses justes de la manière suivante : ■
4. Chaque QCM peut comporter une ou plusieurs réponses justes
5. L'utilisation du Blanco sur la feuille réponse est INTERDITE
6. Ce questionnaire doit être rendu au surveillant à la fin de la durée de l'épreuve (30 mn)

تعليمات:

- 1- مدة إنجاز الموضوع نصف ساعة (30 دقيقة)؛
- 2- يتضمن الموضوع 15 سؤالا متعدد الإجابات (من السؤال رقم 46 إلى السؤال رقم 60)؛
- 3- بقلم حبر جاف (الزرق أو أسود)، ضع على ورقة الإجابة علامة داخل المربعات المقابلة للإجابات الصحيحة بالطريقة التالية ■ :
- 4- يمكن لكل سؤال أن يتضمن أكثر من جواب صحيح؛
- 5- يمنع ملءا كليا استعمال المبيض على ورقة التحرير؛
- 6- تسلّم ورقة التحرير للمراقب عند نهاية الحصة (30 دقيقة)

Q46-

$$A = \ln(6) - 2 \ln(\sqrt{2}) + \ln(12) - \ln(4)$$

Le nombre A est égale à

العدد A يساوي

A	B	C	D	E
0	$\ln(2)$	$\ln(3)$	$\ln(9)$	$2 \ln(3)$

Q47-

$$(E) \quad e^{(x^2-x)} = 1$$

L'ensemble de solutions de l'équation (E) est :

مجموعة حلول المعادلة (E) هي :

A	B	C	D	E
$\{0; e\}$	\emptyset	$\{-1; 1\}$	$\{-1; 0; 1\}$	$\{0\}$

MATHS

MATHS

Q48-

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2+1} - x)$$

La limite est égale à :

النهاية تساوي :

A	B	C	D	E
$-\infty$	0	-1	$+\infty$	1

Q49-

$$f(x) = \frac{\ln(x^2+1)}{x+4} + x - 1$$

La courbe représentative de f admet une asymptote d'équation :

منحنى الدالة f يقبل مقاربيا معادلته

A	B	C	D	E
$y = x + 3$	$y = x + 4$	$y = x - 1$	$x = -4$	$y = x$

Q50-

$$f(x) = \begin{cases} 2x+a & \text{si } x \leq 1 \\ bx^2-1 & \text{si } x > 1 \end{cases}$$

Si f est une fonction dérivable et continue en $x_0 = 1$ alors :

إذا كانت f دالة منصلة وقابلة للاشتقاق في $x_0 = 1$ فإن :

A	B	C	D	E
$a = -2; b = 1$	$a = -1; b = 2$	$a = -2; b = 2$	$a = -1; b = 1$	$a = 2; b = 1$

Q51-

$$f(x) = \frac{x^2}{e^{-x}}$$

La fonction f vérifie

الدالة f تحقق :

A	B	C	D	E
$f'(x) = \frac{(x^2+2x)}{e^{-x}}$	$f'(x) = \frac{(x^2+2)}{e^{-x}}$	$f''(x) = \frac{4x^2}{e^{-x}}$	$f''(x) = \frac{(x^2+4x+2)}{e^{-x}}$	$f''(x) = \frac{(x^2+4)}{e^{-x}}$

Q52-

Le nombre complexe $z = 1 + e^{i\frac{\pi}{2}}$ vérifie :

العدد العقدي $z = 1 + e^{i\frac{\pi}{2}}$ يحقق :

A	B	C	D	E
$ z = 1$	$ z = \sqrt{2}$	$z = 1 - i$	$z = \sqrt{2}e^{-i\frac{\pi}{2}}$	$\arg(z) \equiv \frac{\pi}{4} [2\pi]$

MATHS

Q53-

$(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ la suite définie par :

$$u_0 = 4 \text{ et } u_{n+1} = 3u_n - 2$$

on pose $v_n = u_n - 1$ pour tout $n \in \mathbb{N}$:

(v_n) est une suite géométrique de raison :

المتتالية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة كما يلي :

$$u_{n+1} = 3u_n - 2 \text{ و } u_0 = 4$$

نضع $v_n = u_n - 1$ لكل $n \in \mathbb{N}$

المتتالية (v_n) هندسية أساسها هو :

A	B	C	D	E
0	1	2	3	4

Q54-

$(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est une suite arithmétique de

raison $r = 2$ et de premier terme

$$u_0 = -3$$

La suite (u_n) vérifie :

متتالية حسابية أساسها $r = 2$

وحدتها الأول $u_0 = -3$

المتتالية (u_n) تحقق :

A	B	C	D	E
$\lim_{n \rightarrow +\infty} (u_n) = +\infty$	$\lim_{n \rightarrow +\infty} (u_n) = -\infty$	$u_{10} = 17$	$u_0 + u_1 + \dots + u_9 = 9 \times \left(\frac{u_0 + u_9}{2}\right)$	$u_n = -3n + 2$

Q55-

L'équation de la tangente à la courbe de la fonction f est :

$$f(x) = x \cos(x^2)$$

معادلة المماس لمنحنى الدالة f عند النقطة التي أفصولها صفر هي :

A	B	C	D	E
$y = 2x$	$y = x + 1$	$y = x - 1$	$y = 2x$	$y = x$

Q56-

z_1 et z_2 deux nombres complexes

le nombre $|z_1 + z_2|^2 + |z_1 - z_2|^2$ est égal à :

z_1 و z_2 عدنان عقديان

العدد $|z_1 + z_2|^2 + |z_1 - z_2|^2$ يساوي :

A	B	C	D	E
$ z_1 ^2 + z_2 ^2$	$2(z_1 ^2 + z_2 ^2)$	$2(z_1 ^2 - z_2 ^2)$	$2(z_1 ^2 - z_2 ^2)$	$2(z_1 ^2 + z_2 ^2)$

Q57-

Dans \mathbb{C} , l'ensemble de solutions de l'équation

$$z^2 - 2z + 2 = 0 \text{ est :}$$

مجموعة حلول المعادلة

$$z^2 - 2z + 2 = 0 \text{ في } \mathbb{C} \text{ هي :}$$

A	B	C	D	E
$\{1+i; -1+i\}$	$\{i; 1+i\}$	$\{\sqrt{2}e^{i\frac{\pi}{4}}; \sqrt{2}e^{-i\frac{\pi}{4}}\}$	$\{-1-i; -1+i\}$	$\{1+i; 1-i\}$

MATHS

Q58-

Une urne contient trois boules blanches et cinq boules noires. On tire simultanément deux boules de l'urne.
La probabilité d'avoir deux boules de même couleur est :

يحتوي صندوق على ثلاث كرات بيضاء وخمس كرات سوداء. ن سحب تانيا كرتين من الصندوق.
احتمال الحصول على كرتين من نفس اللون:

A	B	C	D	E
$\frac{17}{28}$	$\frac{11}{28}$	$\frac{3^2 + 5^2}{8^2}$	$\frac{13}{28}$	$\frac{31}{56}$

Q59-

L'espace rapporté à un repère orthonormé. On considère les points $A(1;0;0)$; $B(0;1;0)$ et $C(0;0;-1)$
Une équation cartésienne du plan (ABC) est :

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد منظم. نعتبر النقط $A(1;0;0)$; $B(0;1;0)$ و $C(0;0;-1)$
معادلة ديكارتية للمستوى (ABC) هي:

A	B	C	D	E
$x + y - z - 1 = 0$	$x - y + z + 1 = 0$	$-x + y + z + 1 = 0$	$x + y - z = 0$	$x + y - z + 1 = 0$

Q60-

L'espace rapporté à un repère orthonormé. les plans $(P): x + y = 1$ et $(Q): x - y + z = 1$ se coupent selon une droite (Δ) . Une représentation paramétrique de (Δ) est:

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد منظم. المستويان $(P): x + y = 1$ و $(Q): x - y + z = 1$ يتقاطعان وفق مستقيم (Δ) .
تمثيل برامتري للمستقيم (Δ) هو:

A	B	C	D	E
$\begin{cases} x = t \\ y = -t (t \in \mathbb{R}) \\ z = t \end{cases}$	$\begin{cases} x = 2t + 1 \\ y = -2t (t \in \mathbb{R}) \\ z = -2t \end{cases}$	$\begin{cases} x = t \\ y = t (t \in \mathbb{R}) \\ z = 0 \end{cases}$	$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = -t (t \in \mathbb{R}) \\ z = 1 - 2t \end{cases}$	$\begin{cases} x = t \\ y = 1 - t (t \in \mathbb{R}) \\ z = 2 - 2t \end{cases}$

ATTENTION à la question 53 !!! il y'a une différence entre l'énoncé en arabe et celui en français .

Q53-

$(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ la suite définie par :

$u_0 = 4$ et $u_{n+1} = 3u_n - 2$

On pose $v_n = u_n - 1$ pour tout $n \in \mathbb{N}$;

(v_n) est une suite géométrique de raison :

A	B	C	D	E
0	1	2	3	4

Q54-

$(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est une suite arithmétique de raison $r = 2$ et de premier terme

متتالية حسابية أساسها $r = 2$ وحدها الأول $u_0 = -3$

المتتالية المعرفة كما يلي:
 $u_{n+1} = 3u_n - 2$ و $u_0 = 4$
 لكل $n \in \mathbb{N}$ $v_n = u_n - 1$
 المتتالية (v_n) هندسية أساسها هو:

N° examen :

CONCOURS D'ACCES 2018-2019
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES

Nom et prénom :

Date de naissance :

CNE:

Le candidat est informé que toute copie ne portant pas le nom du candidat sera éliminée sans possibilité de recours. Le candidat est informé que toute hachure ou marque au stylo du code à barre de cette copie expose à l'élimination systématique de la copie. Le candidat doit s'assurer que cette feuille est bien imprimée recto-verso.

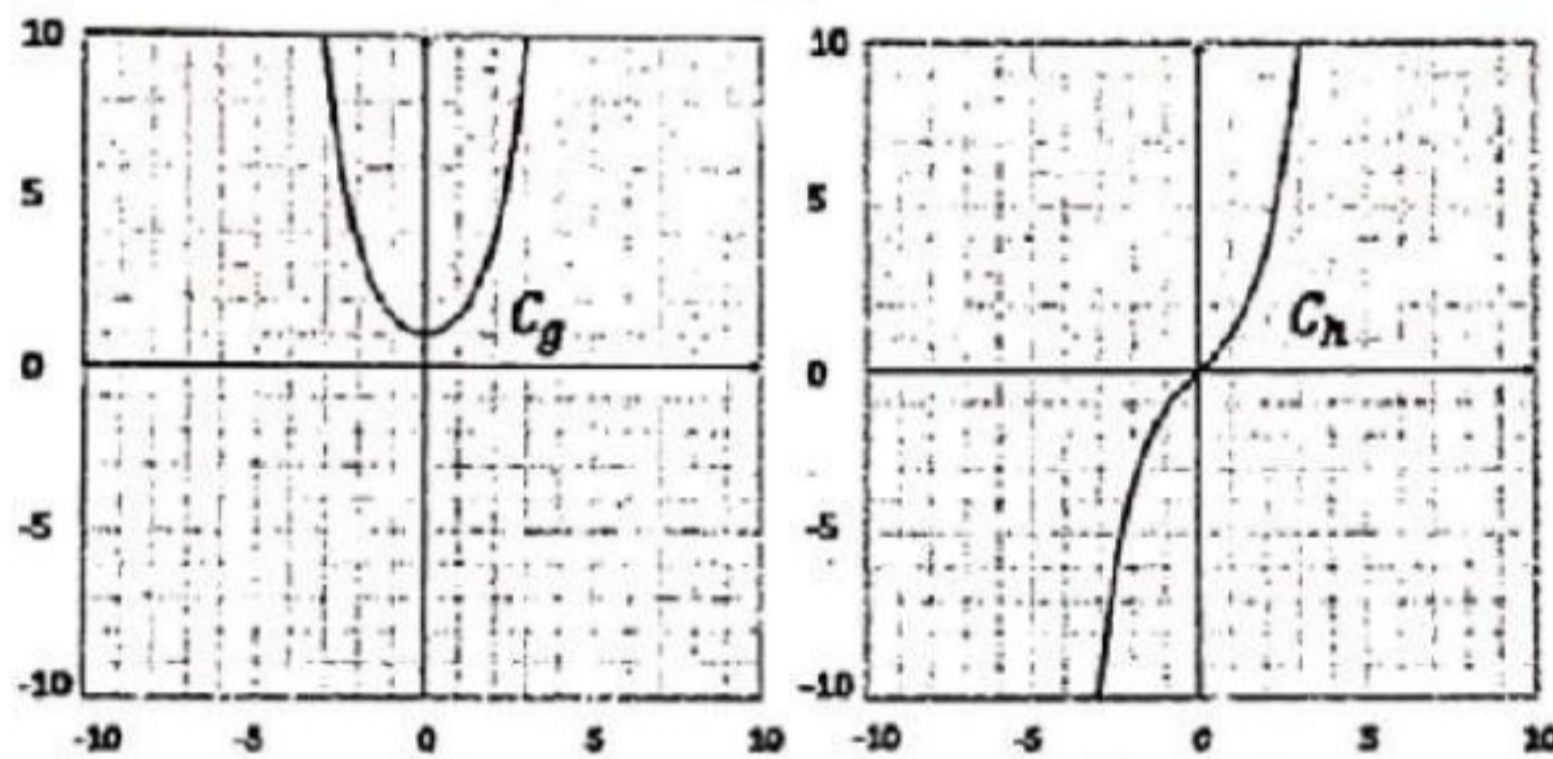
Durée : 30 mn

CONCOURS D'ACCES 2018-2019
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES

Nombre de questions : 5

I- On considère la fonction f définie dans \mathbb{R} .

Les graphiques suivant (C_g et C_h) donnent une partie de la représentation graphique de deux fonctions (g et h), tel que $f = g + h$.



1- répondre par oui ou par non pour les propositions suivantes :

a- $\int_{-1}^1 f(x) dx = \int_{-1}^1 g(x) dx$

b- f est une fonction paire

b- $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$

2- Donner le signe de $f'(x)$ pour tout $x \in [0; +1]$

II- Calculer :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^3}{x^2 + x + 1} - x =$$

FMP COPY
centre copie Fmp
GSM 08 14 18 13 33

NE
RIEN
ECRIRE

III- Calculer :

$$\int_0^2 (2x - 2) e^{x^2 - 2x + 1} dx =$$

IV- Dans l'espace muni d'un repère orthonormé $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ on considère les vecteurs :

$$\vec{u} = a\vec{i} + b\vec{j} + 3\vec{k} \text{ et } \vec{v} = \frac{20}{3}\vec{i} - 8\vec{j} + 4\vec{k}$$

Déterminer les valeurs des nombres réels a et b tels que \vec{u} et \vec{v} soient perpendiculaires.

$a =$

$b =$

FMP COPY
centra copie Fmpc
GSM 05 14 78 13 53

V- Une urne contient : 4 boules vertes, 3 boules rouges, 2 boules noires et une boule blanche.

Les boules sont indiscernables au toucher. On tire 4 boules de l'urne en même temps.

Calculer les probabilités P_1, P_2 et P_3 des événements suivants :

L'événement 1 : les 4 boules tirées sont de la même couleur

$P_1:$

L'événement 2 : chaque boule est de couleur différente

$P_2:$

L'événement 3 : 3 boules parmi les quatre tirées sont de la même couleur

$P_3:$

Répondre à cette question en choisissant la lettre correspondant au résultat correcte dans le tableau :

A	B	C	D	E	F	G
0	$\frac{12}{105}$	$\frac{1}{105}$	$\frac{31}{210}$	$\frac{1}{2}$	1	Aucune réponse ne convient



N° examen :

Nom et prénom :

Date de naissance : Signature obligatoire :

كل ورقة امتحان لا تحمل اسم المرشح تعتبر لاغية. كل تشطيب أو علامة توضع على الرمز المخطط للورقة تعرض للاقصاء المباشر. على المرشح التأكد بأن الورقة مطبوعة جيدا من الجهتين.
المدة 30 دقيقة

مباراة الولوج 2017-2018
امتحان الرياضيات



عدد الأسئلة 5

I - نعتبر الدالة f المعرفة في \mathbb{R} ب: $f(x) = -x\sqrt{1-4x^2}$

و C_f هو المنحنى الذي يمثلها.

1- من ضمن الاقتراحات التالية ضع علامة تحت التعبير الملائم لـ f' مشتقة f ، علما أن f تناقصية على المجال $[-\frac{\sqrt{2}}{6}; +\frac{\sqrt{2}}{6}]$

$f'(x) = \frac{8x^2 - 1}{\sqrt{1 - 4x^2}}$	$f'(x) = \frac{8x^2 + 1}{\sqrt{1 - 4x^2}}$	$f'(x) = \frac{ 8x^2 - 1 }{\sqrt{1 - 4x^2}}$	$f'(x) = \frac{1 - 8x^2}{\sqrt{1 - 4x^2}}$
X			

2 - C_f يقبل مماسان أفقيان. أعط إحداثياتي نقطتي المنحنى $A_1(x_1, f(x_1))$ و $A_2(x_2, f(x_2))$ اللاتي يمر منهما المماسان.

$$A_1\left(-\frac{\sqrt{2}}{4}, \quad\right) \quad A_2\left(\frac{\sqrt{2}}{4}, \quad\right)$$

3 - أجب بنعم أو بلا على المقترحات التالية:

أ - الدالة f زوجية

ب - المنحنى C_f متماثل بالنسبة للأصل

$A =$

4- احسب A مساحة الحيز المحصور بين منحنى الدالة ومحور الأفاصيل

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(1+2x)}{x^2+x} =$$

II - احسب :

NE
RIEN
ECRIRE

لا تكتب هنا

III - احسب :

$$\int_2^3 |x^2 - 4x + 3| dx =$$

IV - نعتبر في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$:

- المستوى (P) ذو المعادلة: $x - 4y + z - 2 = 0$

- الفلكة (S) ذات المركز $\Omega(1, 9, 1)$ التي تمر من النقطة $A(9, 5, 2)$.

- نعطي: $d(\Omega, (P)) = 6\sqrt{2}$.

تقاطع المستوى (P) مع الفلكة (S) هو دائرة، حدد شعاعها و مركزها.

1- شعاع الدائرة

$$r =$$

2- إحداثيات مركزها $C(a, b, c)$

$$C(\quad , \quad , \quad)$$

V. نعتبر المتتالية العددية $(U_n), n \in \mathbb{N}$ المعرفة بما يلي: $U_0 = 0$ و $U_{n+1} = \frac{1}{\sqrt{2}} \sqrt{U_n^2 + 2}$
نضع: $V_n = U_n^2 - 2, \forall n \in \mathbb{N}$

1- أعط طبيعة المتتالية (V_n) و أساسها

طبيعة المتتالية:
أساس المتتالية:

2- أحسب

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} V_n =$$

3- استنتج

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n =$$

N° d'examen:

CONCOURS D'ACCES 2016-2017
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES



Nom et prénom :

Date de naissance :

Signature obligatoire :

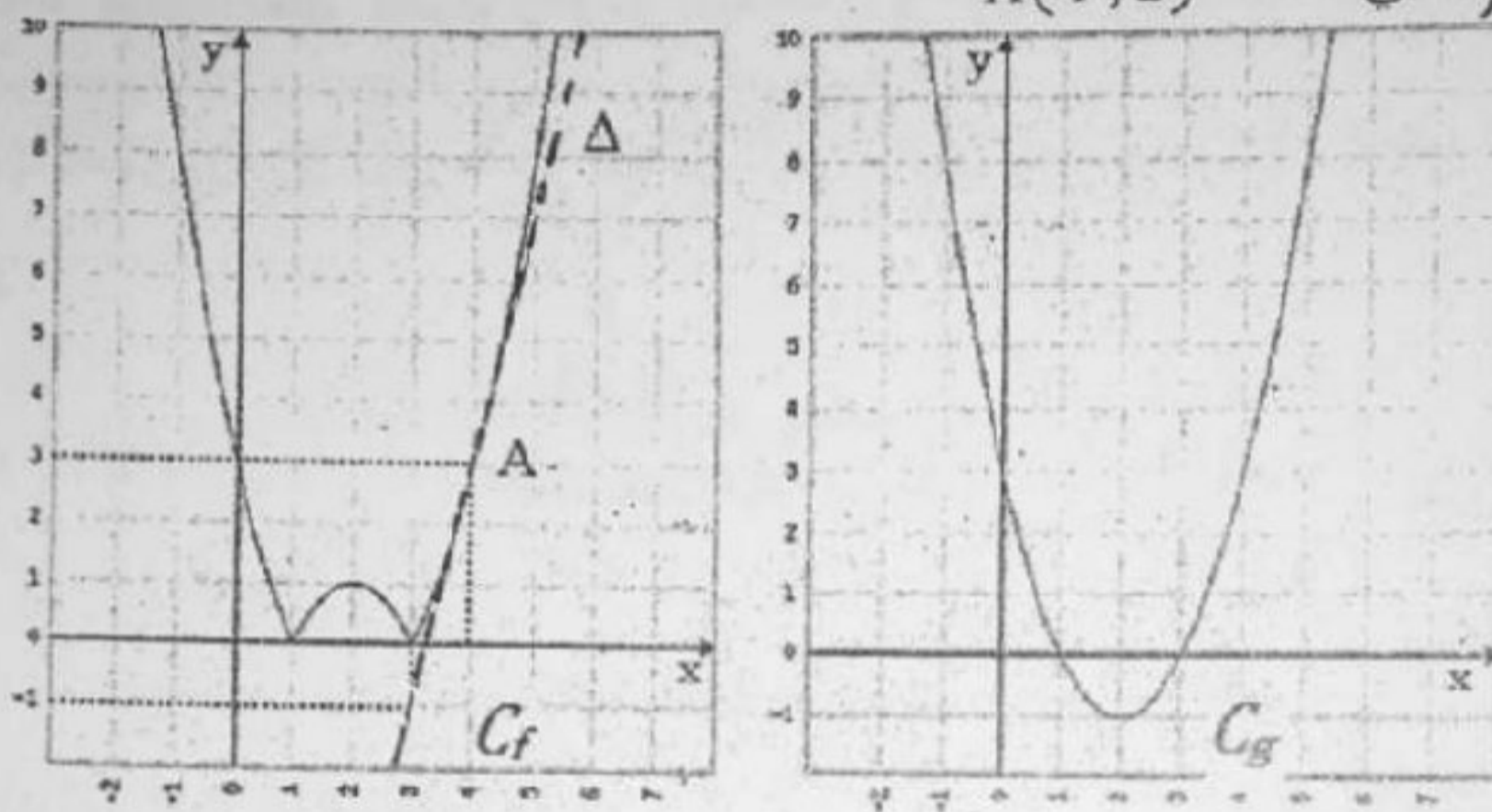
كل ورقة امتحان لا تحمل اسم المرشح تعتبر لاغية. كل تشطيب أو علامة توضع على الرمز المخطط للورقة تعرض للإقصاء المباشر. على المرشح التأكد بأن الورقة مطبوعة جيدا من الجهتين. المدة 30 دقيقة

مباراة الولوج 2017-2016
امتحان الرياضيات



عدد الأسئلة 6

I- المنحنيان C_f و C_g ، أسلفه، هما التمثيل المبياني للدالتين f و g ، في معلم متعامد ممنظم .
(Δ) هو مماس للمنحنى C_f في النقطة $A(4, 3)$



$f'(2) =$

1- استنتج من المنحنى C_f قيمة $f'(2)$

2- أجد المعادلة $(ax + b)$ ل (Δ) و سجل في الخانة التالية قيم كل من a و b .

$a =$ $b =$

3- نعطي $g(x) = x^2 - 4x + 3$. ضع علامة أمام الاقتراح الصحيح:

أ - $f(x) = -g(x)$

ب - $f(x) = g(x) + 1$

ت - $f(x) = |g(x)|$

$D_h =$

II- إعط مجال تعريف الدالة $h(x)$ بحيث تكون $h(x) = \ln(-x) \sqrt{1 - \ln(4x^2)}$

$\int_{-\frac{9}{2}}^{-1} \frac{4x+1}{\sqrt{2x^2+x}} dx =$

III- احسب:

NE
RIEN
ECRIRE
ICI

لا تكتب هنا

IV - احسب:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x + 2}{\sqrt{x}} =$$

V - في معلم متعامد ممنظم نعتبر المستوى P ذو المعادلة: $x + 2y - z = 3$ والمستوى P' ذو المعادلة: $3x + 2y + z = 5$. نضع $z = t$. ضمن الاقتراحات أسلفه (A, B, C) ما هو التمثيل الباراميتري للمستقيم (Δ) ، تقاطع P و P'.

$$\begin{array}{ccc} \text{A} & \text{B} & \text{C} \\ (\Delta): \begin{cases} x = 2 + t \\ y = 1/3 \\ z = 3t \end{cases} & (\Delta): \begin{cases} x = 1 - t \\ y = 1 + t \\ z = t \end{cases} & (\Delta): \begin{cases} x = 2 - 3t \\ y = 2 - t \\ z = t \end{cases} \end{array}$$

التمثيل الباراميتري للمستقيم (Δ) هو:

VI - يحتوي صندوق على 5 كرات حمراء، 3 كرات سوداء و كرة واحدة (1) بيضاء. الكرات لا يمكن التمييز بينها باللمس. نسحب 3 كرات من الصندوق في نفس الوقت.

احسب الاحتمالات P_A, P_B للأحداث التالية:

$$P_A =$$

الاحتمال A: كرتان على الأقل حمراء.

$$P_B =$$

الاحتمال B: كرتان على الأقل لهما نفس اللون.

للإجابة على هذا السؤال استعمل، حصرياً، الإقتراحات التالية:

0	$\frac{5}{28}$	$\frac{16}{84}$	$\frac{50}{84}$	$\frac{23}{28}$	$\frac{26}{42}$	1
---	----------------	-----------------	-----------------	-----------------	-----------------	---

N° table :

CONCOURS D'ACCES 2015-2016
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES



Nom et prénom :

CNE :

Signature obligatoire :

كل ورقة امتحان لا تحمل اسم المرشح تعتبر لاغية. كل تشطيب أو علامة توضع على الرمز المخطط
لورقة تعرض للإقصاء المباشر. على المرشح التأكد بأن الورقة مطبوعة جيدا من الجهتين.
مدة 30 دقيقة

مباراة الولوج 2015-2016
امتحان الرياضيات



عدد الأسئلة 6

I- نعتبر الدالة f المعرفة ب: $f(x) = e^x(\cos x - \sin x)$
و C_f المنحنى الذي يمثلها.

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) =$$

1- احسب:

2- دراسة الدالة على المجال $[\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}]$:

أجب على الأسئلة الآتية في إطار هذا المجال

$A(,)$

1-2- أعط إحداثيات النقطة $A(x, f(x))$ التي يمر منها مماس ل C_f أفقي.
دون تفصيل الحساب

2-2- أجب بنعم أو بلا على الاقتراحات التالية:

أ - الدالة تناقصية على $[\frac{3\pi}{4}, \pi]$

ب - الدالة تناقصية على $[\frac{5\pi}{4}, \frac{3\pi}{2}]$

II - احسب:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3 + 2x\sqrt{3} + x^2}{3 - x^2} =$$

III - احسب:

$$J = \int_0^1 \frac{x}{2x^4 + 3x^2 + \frac{9}{8}} dx =$$

NE
RIEN
ECRIRE
ICI

لا تكتب هنا

IV. لتكن A, B, C ثلاث نقط من المستوى العقدي، و أحاقا على التوالي هي:
 $z_A = 2 - 4i$ $z_B = 4 + 2i$ $z_C = 8 - 6i$

نضع : $W = \frac{z_B - z_A}{z_C - z_A}$

$|W| =$ $Arg W =$

1- أحسب معيار و عمدة W :

2- حدد طبيعة المثلث BAC .

طبيعة المثلث:

V- في محلول مغذ نضع 1000 بكتيريا من نوع ما. لاحظنا أن هذه البكتيريا تتكاثر بنسبة 50% في اليوم. نرمز إلى عدد البكتيريا المتواجدة في السائل في اليوم "n" ب U_n .

1- ما هي طبيعة المتتالية (U_n) ؟

طبيعة المتتالية:

2- أعط أساسها.

أساسها

VI- يحتوي صندوق على 10 كرات لا يمكن التمييز بينها باللمس. عدد منها أبيض و الآخر أسود. وهي إما مزينة برسود غير مزينة. لدينا 3 كرات سوداء، 7 مزينة و واحدة (1) سوداء و مزينة. للإجابة على السائلين 1 و 2 استعمل، حصريا، الإقتراحات التالية

0	0,166	0,216	0,343	0,900	1
---	-------	-------	-------	-------	---

1- نسحب عشوائيا كرة واحدة. أحسب الاحتمال P كي تكون هذه الكرة سوداء أو مزينة.

$P =$

2- نسحب 3 كرات بالتتابع و بإحلال. أحسب الاحتمال P' بحيث يتم الحصول على 3 كرات بيضاء و مزينة.

$P' =$

N° examen :

CONCOURS D'ACCES 2014-2015
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES



Nom et prénom :

Signature obligatoire :

كل ورقة امتحان لا تحمل اسم المرشح تعتبر لاجبة. كل تشطيب أو علامة توضع على الرمز المخطوط للورقة تعرض للاقصاء المباشر. على المرشح التأكيد بأن الورقة مطبوعة جيدا من الجهتين.
المدة 30 دقيقة

مباراة الولوج 2015-2014
امتحان الرياضيات



عدد الأسئلة 6.

$$f(x) = (2x - 1)e^{5x-1} - 1$$

I- لتكن f الدالة المعرفة على R ب:
و C_f المنحنى الذي يمثلها.

$$y =$$

1- C_f يقبل مقاربا أفقيا في $-\infty$.
أعط معادلة هذا المستقيم.

$$y =$$

2- دراسة تغيرات الدالة f :

$$x =$$

أ- أعط منحنى تغير الدالة f لكل $x > 1$.

$$y =$$

ب- أعط قيمة x التي بموجبها $f'(x)$ تنعدم.

3- أعط معادلة المماس ل C_f في النقطة التي أفصولها $\frac{1}{5}$.

$$\lim_{x \rightarrow +3} \frac{2x^2 - 5x - 3}{x^3 - 27} =$$

II- احسب:

$$I = \int_1^4 2x - 1 + \frac{1}{\sqrt{x}} dx =$$

III- احسب:

NE
RIEN
ECRIRE

لا تكتب هنا

IV - في المستوى العقدي المتعامد المنظم نعتبر العدد $Z = \frac{z+2}{z-4i}$. (ضع علامة أمام الاقتراح الصحيح)

1- مجموعة النقط M التي لحقها z بحيث يكون z حقيقيا صرفا هي :

- أ - مستقيم معادلته $y = \frac{-x}{2} + \frac{3}{2}$ محروم من النقطة $(-2, 0)$
- ب - دائرة مركزها $\Omega(1, -2)$ وشعاعها $r = 5$
- ت - مستقيم معادلته $y = 2x + 4$ محروم من النقطة $(0, 4)$
- ث - مستقيم معادلته $y = x$
- ج - لا يوجد إقترح صحيح

2- مجموعة النقط M التي لحقها z بحيث يكون z تخيليا صرفا هي :

- أ - دائرة مركزها $\Omega(-1, 2)$ وشعاعها $r = \sqrt{5}$
- ب - مستقيم معادلته $y = \frac{-x}{2} + \frac{3}{2}$ محروم من النقطة $(0, -4)$
- ت - دائرة مركزها $\Omega(0, 4)$ وشعاعها $r = 5$
- ث - مستقيم معادلته $y = \frac{x}{2} - \frac{3}{2}$
- ج - لا يوجد إقترح صحيح

V - لتكن المعادلة التفاضلية التالية: $(E') : y' - \ln(2)y = 0$

1- ضع علامة أمام الحل المناسب لهذه المعادلة.

أ - $f_k : x \rightarrow ke^{r \ln 2x}, k \in R$

ب - $f_k : x \rightarrow k2^x, k \in R$

ت - $f_k : x \rightarrow ke^{2x}, k \in R$

2- لتكن g الدالة المعرفة بـ $g(x) = 3x + 2$

حدد قيمة k بحيث المنحنيان الممثلان لـ f و g يتقاطعان في النقطة التي أفصولها $x = 2$

$k =$

VI - خزانة آمنة مجهزة بـ لوحة مفاتيح رقمية مرقمة من 0 إلى 9

تفتح الخزانة حين نضغط بالتتابع على الأرقام الخمسة التي تكون الرمز أي: 0 5 9 1 3

ليكن P_1 احتمال فتح الخزانة عند التجربة الأولى و P_2 احتمال ضغط الأرقام الخمسة التي تكون الرمز أيا كان الترتيب.

$\frac{P_2}{P_1} =$

حدد العلاقة بين P_1 و P_2

N° examen :

CONCOURS D'ACCES 2014-2015
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES



Nom et prénom :

CNE : Signature obligatoire :

Le candidat est informé que toute copie ne portant pas le nom du candidat sera éliminée sans possibilité de recours. Le candidat est informé que toute hachure ou marque au stylo du code à barre de cette copie expose à l'élimination systématique de la copie. Le candidat doit s'assurer que cette feuille est bien imprimée recto-verso.
Durée : 30 mn

CONCOURS D'ACCES 2014-2015
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES



Nombre de questions : 6

I- Soit la fonction f définie dans R par : $f(x) = (2x - 1)e^{5x-1} - 1$
Et C_f la courbe qui la représente.

1- C_f admet une asymptote horizontale en $-\infty$.
Donner l'équation de cette droite.

$y =$

2- Etude de variation de la fonction f :

a- donner le sens de variation de f pour tout $x > 1$

b- donner la valeur de x pour laquelle $f'(x)$ s'annule

$x =$

3- donner l'équation de la tangente à C_f au point d'abscisse $\frac{1}{5}$.

$y =$

II- calculer :

$$\lim_{x \rightarrow +3} \frac{2x^2 - 5x - 3}{x^3 - 27} =$$

III - calculer :

$$I = \int_1^4 \left(2x - 1 + \frac{1}{\sqrt{x}} \right) dx =$$

NE
RIEN
ECRIRE

لا تكتب هنا

IV- Dans le plan complexe orthonormé on considère le nombre $Z = \frac{z+2}{z-4i}$ (Cochez la bonne proposition)

1- l'ensemble des points M d'affixe Z tel que Z soit réel pur, est :

- a- une droite d'équation $y = \frac{-x}{2} + \frac{3}{2}$ dépourvue du point $(-2, 0)$
- b- un cercle de centre $\Omega(1, -2)$ et de rayon $r = 5$
- c- une droite d'équation $y = 2x + 4$ dépourvue du point $(0, 4)$
- d- une droite d'équation $y = x$
- e- aucune proposition n'est correcte

2- l'ensemble des points M d'affixe Z tel que Z soit imaginaire pur, est :

- a- un cercle de centre $\Omega(-1, 2)$ et de rayon $r = \sqrt{5}$
- b- une droite d'équation $y = \frac{-x}{2} + \frac{3}{2}$ dépourvue du point $(0, -4)$
- c- un cercle de centre $\Omega(0, 4)$ et de rayon $r = 5$
- d- une droite d'équation $y = \frac{x}{2} - \frac{3}{2}$
- e- aucune proposition n'est correcte

V- Soit (E') l'équation différentielle : $(E') : y' - \ln(2)y = 0$.

1- Cocher la solution adéquate pour cette équation.

- a- $f_k : x \rightarrow k e^{x \ln 2}, k \in \mathbb{R}$
- b- $f_k : x \rightarrow k 2^x, k \in \mathbb{R}$
- c- $f_k : x \rightarrow k e^{2x}, k \in \mathbb{R}$

2- soit la fonction définie par $g(x) = 3x + 2$

Déterminer la valeur de k de sorte que les courbes représentatives de f et g se coupent au point d'abscisse $x = 2$

$k =$

VI- Un coffre fort est muni d'un clavier portant des touches numérotées de 0 à 9. La porte du coffre s'ouvre quand on saisi dans l'ordre les 5 chiffres qui forment le code : 0 5 9 1 3

Soit P_1 la probabilité d'ouvrir le coffre au premier essai et P_2 la probabilité de composer les 5 chiffres du code quelque soit l'ordre.

Déterminer la relation entre P_2 et P_1 .

$\frac{P_2}{P_1} =$

N° examen :

Nom et prénom :

Date de naissance : Signature obligatoire :

كل ورقة امتحان لا تحمل اسم المرشح تعتبر لاغية. كل تشطيب أو علامة توضع على الرمز المخطط
لورقة تعرض للاقصاء المباشر. على المرشح التأكد بأن الورقة مطبوعة جيدا من الجهتين.
المدة 30 دقيقة

مباراة الولوج 2013
امتحان الرياضيات

عدد الأسئلة 5.

I - لتكن f الدالة المعرفة بما يلي: $f(x) = \frac{x^2-2}{x^2+3}$
I- دراسة تغيرات الدالة f :

أ - أعط منحنى تغير الدالة على المجال $]-\infty, 0[$.

ب - أعط إشارة $f(x)$ على المجال $]-\sqrt{2}, +\sqrt{2}[$.

ت - أعط إشارة $f'(x)$ على المجال $]0, +\infty[$.

2 - لتكن g قصور الدالة f على المجال $[0, +\infty[$.
 g تقبل دالة عكسية g^{-1} معرفة من المجال J نحو المجال $[0, +\infty[$.

أ - حدد المجال J .

ب - أعط تعبير $g^{-1}(x)$.

ت - في حال وجودها، أعط معادلات المقاربات للمنحنى الممثل لـ g^{-1} :

المقاربات العمودية

المقاربات الأفقية

المقاربات المائلة

II - نعتبر في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$:

- المستوى (P) المار من النقطة $A(3,1,3)$ و المتجهة $\vec{n}(1, -4, 1)$ منظمية عليه.

- الفلكة (S) التي مركزها $\Omega(1,9,1)$ و التي تمر من النقطة $B(6,4,1)$.

حدد تقاطع المستوى (P) و الفلكة (S) .

تقاطع (P) و (S) :

RIEN
ECRIRE

لا تكتب هنا

III - احسب:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x^2 - x} =$$

IV - احسب:

$$\int_0^1 \frac{3x}{\frac{9}{2}x^4 + 6x^2 + 2} dx =$$

V - يحتوي كيس على 11 كرة منها:

- 3 حمراء مع نقط سوداء
- 3 حمراء مع نقط خضراء
- 3 صفراء مع نقط سوداء
- 2 صفراء مع نقط خضراء

نسحب عشوائيا 3 كرات من الكيس في نفس الوقت، و نعتبر الحدثين A و B :

A : الكرات المسحوبة لها نفس اللون.

B : الكرات المسحوبة تحمل نقطا من نفس اللون.

1 - احسب $P(A)$.

$$P(A) =$$

2 - احسب $P(A \cap B)$.

$$P(A \cap B) =$$

3 - هل الحدثان A و B مستقلان؟

N° examen :

CONCOURS D'ACCES 2013
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES

Nom et prénom :
Date de naissance :

Signature obligatoire :

Le candidat est informé que toute copie ne portant pas le nom du candidat sera éliminée sans possibilité de recours. Le candidat est informé que toute hachure ou marque au stylo du code à barre de cette copie expose à l'élimination systématique de la copie. Le candidat doit s'assurer que cette feuille est bien imprimée recto-verso.
Durée : 30 mn

CONCOURS D'ACCES 2013
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES

Nombre de questions : 5

I- Soit f la fonction définie par : $f(x) = \frac{x^2-2}{x^2+3}$

Etude de variation de la fonction f :

a- Donner le sens de variation de la fonction sur l'intervalle $] -\infty, 0[$

b- Donner le signe de $f(x)$ sur l'intervalle $] -\sqrt{2}, +\sqrt{2}[$

c- Donner le signe de $f'(x)$ sur l'intervalle $] 0, +\infty[$

2- Soit g la restriction de la fonction f à l'intervalle $] 0, +\infty[$.

g admet une fonction réciproque g^{-1} définie de l'intervalle J vers $] 0, +\infty[$.

a- Déterminer l'intervalle J

$J =$

b- Donner l'expression de $g^{-1}(x)$

$g^{-1}(x) =$

c- Au cas où elles existent, précisez les équations des asymptotes à la courbe représentative de g^{-1}

Asymptotes verticales

Asymptotes horizontales

Asymptotes obliques

On considère dans l'espace muni d'un repère orthogonal orthonormé $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$:

- Le plan (P) qui passe par le point $A(3,1,3)$ et orthogonal au vecteur $\vec{n}(1, -4, 1)$.
- La sphère (S) dont le centre est $\Omega(1,9,1)$ et qui passe par le point $B(6,4,1)$.

Déterminer l'intersection du plan (P) avec la sphère (S) .

Intersection (S) et (P) :

RIEN
NE
RIEN
ECRIRE

لا تكتب هنا

III- calculer:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x^2 - x} =$$

IV- calculer:

$$\int_0^1 \frac{3x}{\frac{9}{2}x^4 + 6x^2 + 2} dx =$$

V- un sac contient 11 boules dont:

- 3 sont rouges avec des points noirs
- 3 sont rouges avec des points verts
- 3 sont jaunes avec des points noirs
- 2 sont jaunes avec des points verts

On tire au hasard 3 boules du sac simultanément, et on considère les événements A et B :

A : les boules tirées sont de la même couleur

B : les boules tirées portent des points de la même couleur.

1- Calculer $P(A)$.

$$P(A) =$$

2- Calculer $P(A \cap B)$.

$$P(A \cap B) =$$

3- Est-ce que les événements A et B sont indépendants.

N° examen :

CONCOURS D'ACCES 2012
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES

Nom et prénom :

CNE :

Signature obligatoire :

كل ورقة امتحان لا تحمل اسم المرشح تعتبر لاغية. كل تشطيب أو علامة توضع على الرمز المخطط للورقة تعرض للأقصاء المباشرين. على المرشح التأكيد بأن الورقة مطبوعة جيدا من الجهتين. المدة 30 دقيقة

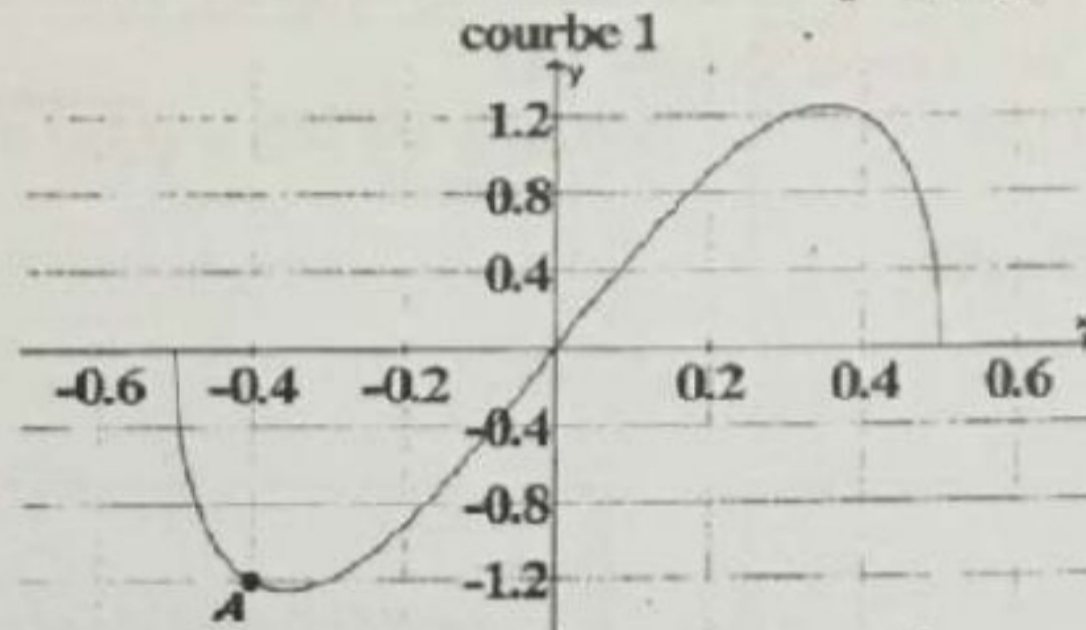


مباراة الولوج 2012
امتحان الرياضيات

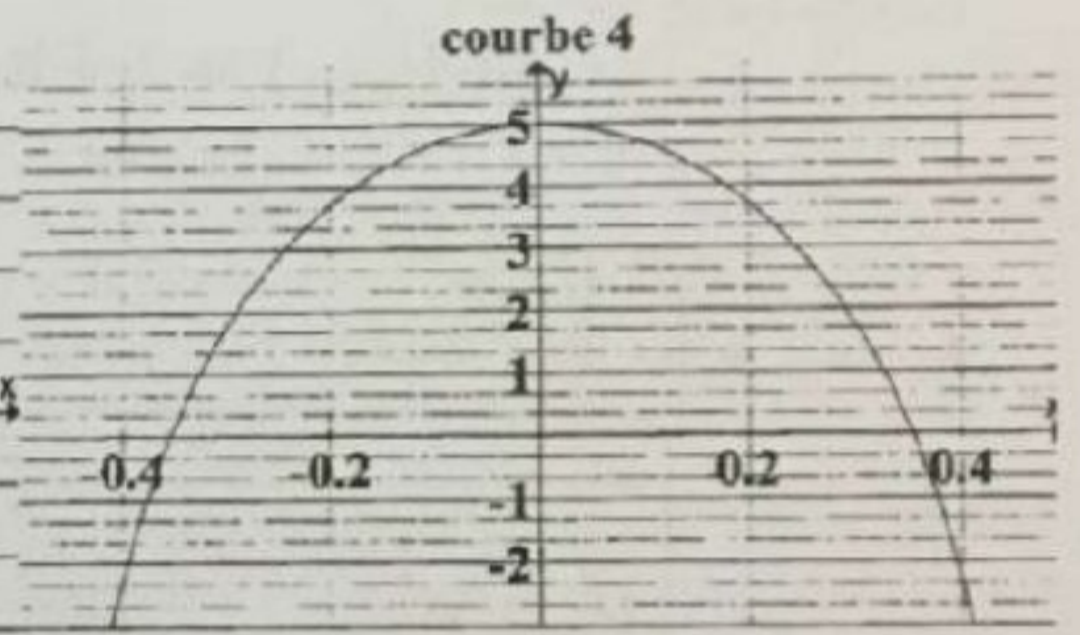
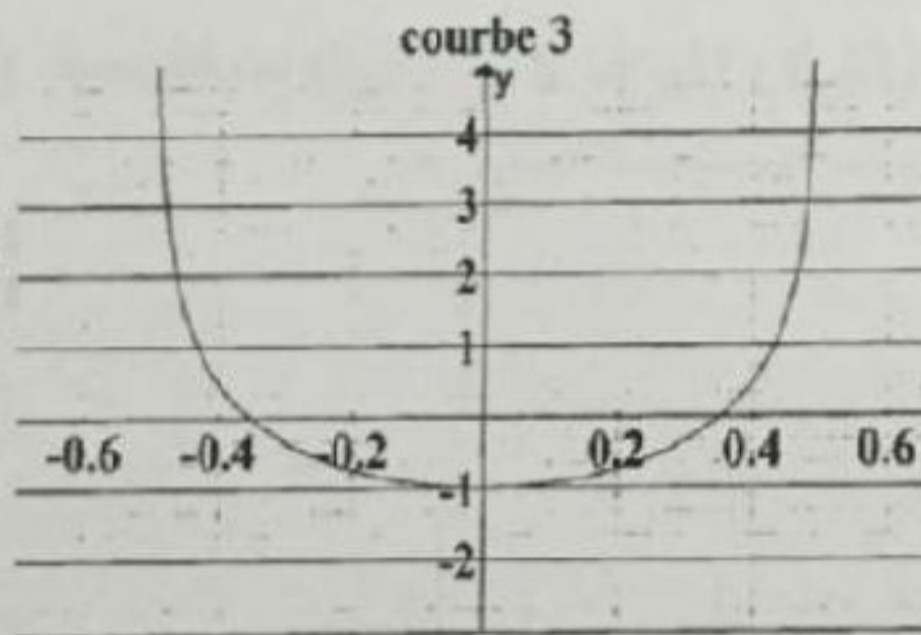
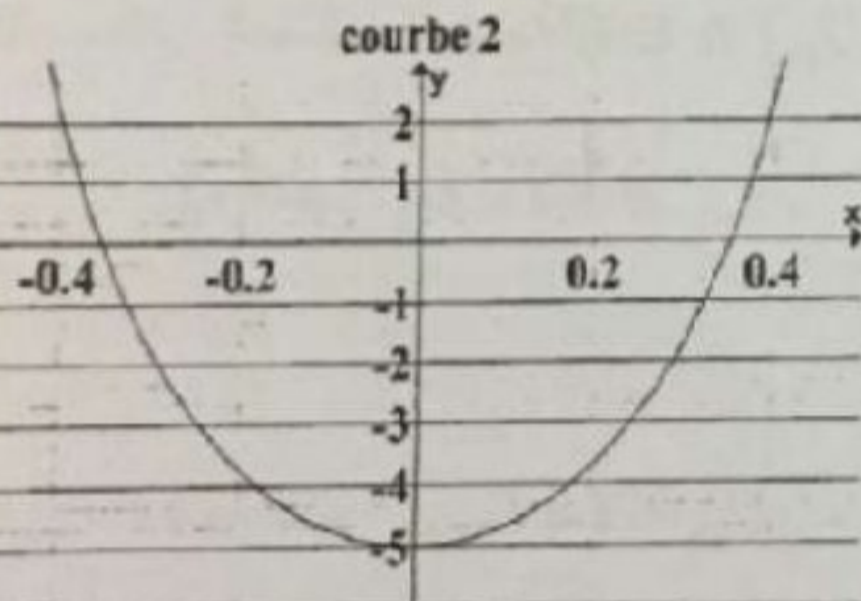


عدد الأسئلة 5.

1- f دالة معرفة وقابلة للاشتقاق على $]-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}[$ و المنحنى الذي يمثلها هو كالتالي:



1- ضمن المنحنيات الآتية (2، 3 و 4) أيها يمثل f' الدالة المشتقة ل f ؟



2- أجب بنعم أو لا على الاقتراحات الآتية

أ- $f''(x)$ سلبية لكل $x \in]-\frac{1}{2}, 0[$.

ب- $f''(x)$ ينعدم ل $x = 0$.

3- أعط معادلة المماس ل C_f في النقطة $(-\frac{2}{5}, -\frac{6}{5})$.

II- في المستوى العقدي، حدد مجموعة النقط M التي لحقها z بحيث: $|z - 3 + 2i| = 2$

مجموعة النقط:

y=

NE
RIEN
ECRIRE

لا تكتب هنا

III - أحسب:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{4x^2 + x - 1} - 2x =$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{x - 2} - \sqrt{3x^2 + x} =$$

IV - أحسب:

$$\int_0^1 \frac{x}{x^4 + 2x^2 + 1} d(x) =$$

$$\int_0^\pi \cos^4(x) \sin(x) d(x) =$$

V - نعتبر المتتالية العددية $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة بما يلي: $U_0 = 2$ و $\ln(U_{n+1}) = 2 + \ln(U_n)$

$$U_1 =$$

1- أكتب U_1 بدلالة e .

$$U_{n+1} =$$

2- أكتب U_{n+1} بدلالة U_n .

منحى التغير:

3- أعط منحى تغير (U_n) .

$$\lim_{x \rightarrow \infty} U_n =$$

4- أحسب:

N° examen :

CONCOURS D'ACCES 2012
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES

Nom et prénom :
CNE :

Signature obligatoire :

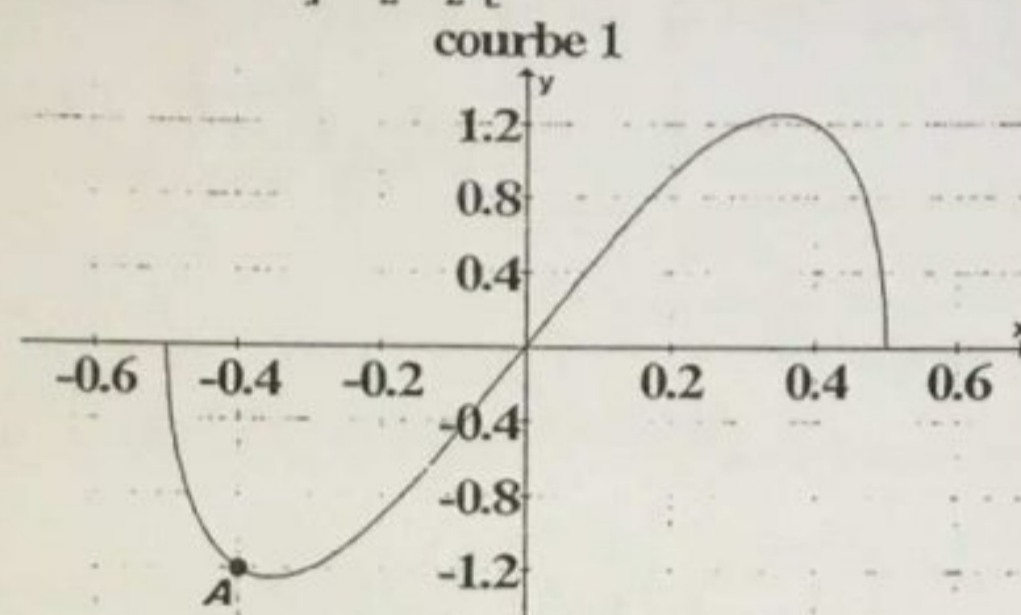
Le candidat est informé que toute copie ne portant pas le nom du candidat sera éliminée sans possibilité de recours. Le candidat est informé que toute hachure ou marque au stylo du code à barre de cette copie expose à l'élimination systématique de la copie. Le candidat doit s'assurer que cette feuille est bien imprimée recto-verso.

Durée : 30 mn

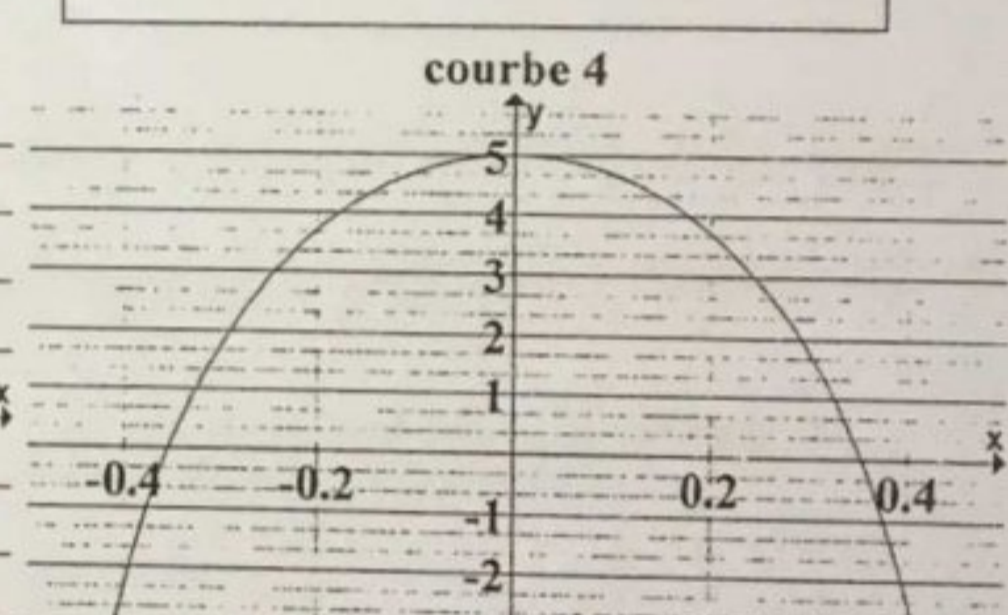
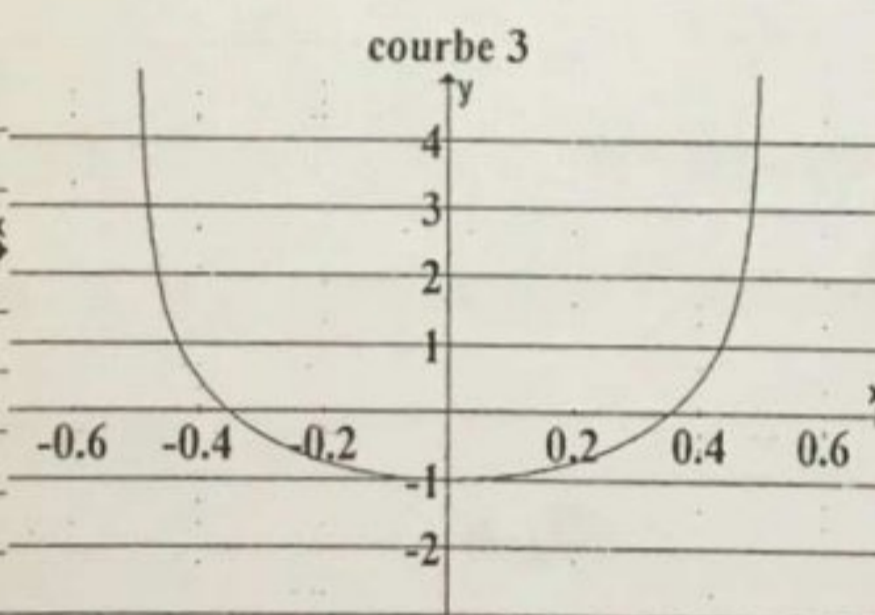
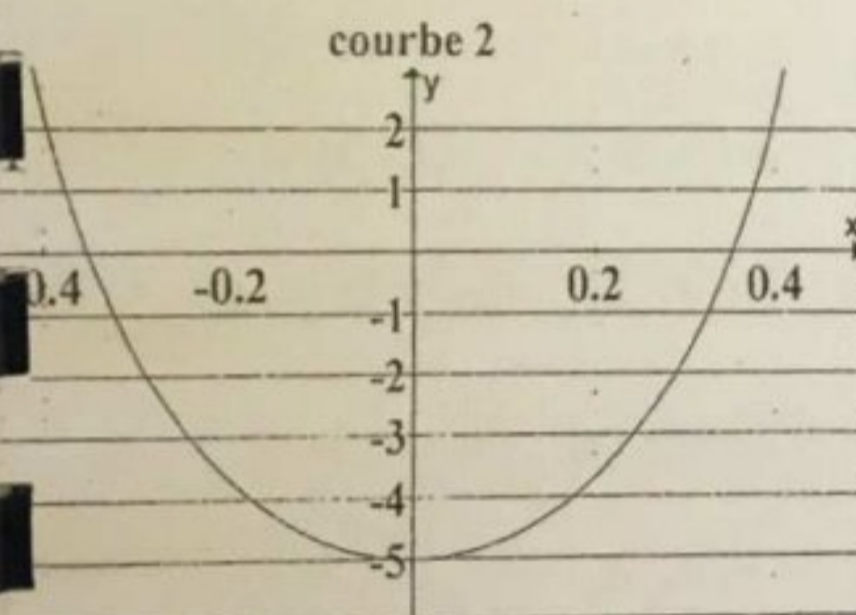
CONCOURS D'ACCES 2012
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES

Nombre de questions : 5

I- f est une fonction définie et dérivable sur $]-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}[$ et la courbe qui la représente est la suivante :



1- parmi les courbes suivantes (2, 3 et 4) laquelle représente f' fonction dérivée de f ?



2- répondre par oui ou par non aux propositions suivantes :

a- $f''(x)$ est négatif pour tout $x \in]-\frac{1}{2}, 0[$

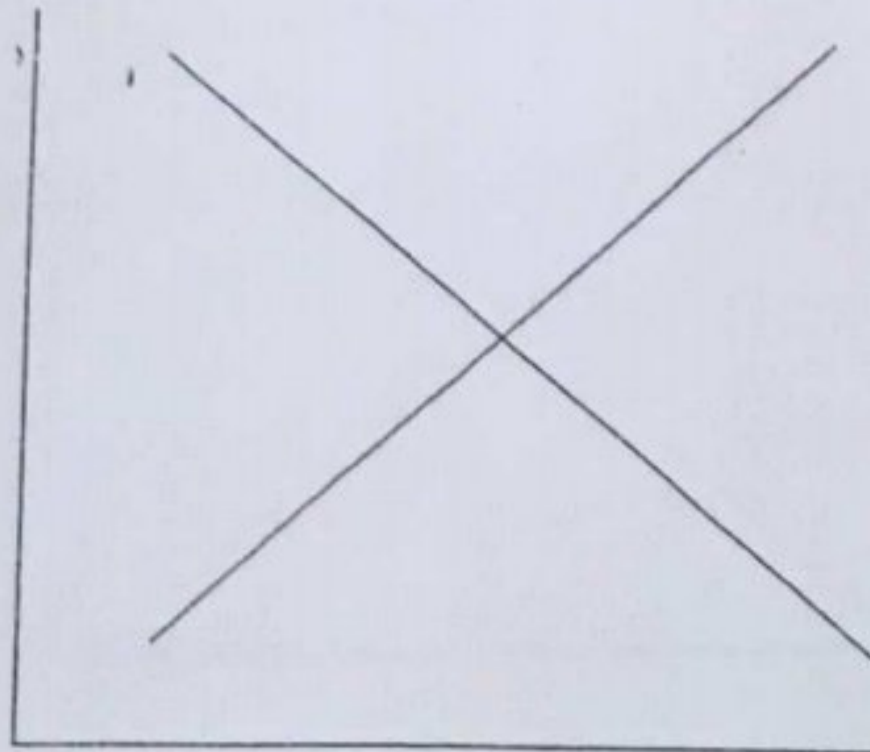
b- $f''(x)$ s'annule pour $x = 0$

3- donner l'équation de la tangente à C_f au point $A(-\frac{2}{5}, -\frac{6}{5})$

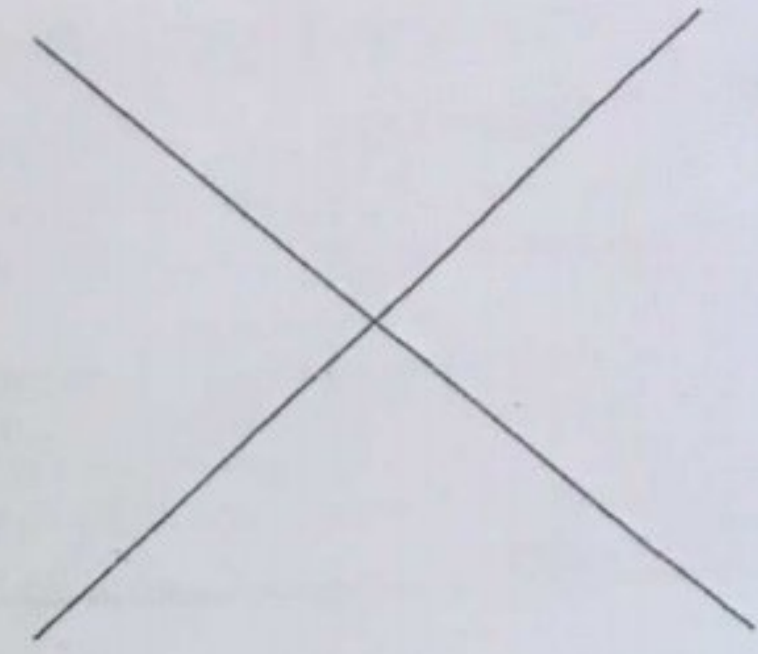
y=

II- Dans le plan complexe, Déterminer l'ensemble des points M d'affixe Z tel que : $|\bar{z} - 3 + 2i| = 2$

L'ensemble des points :



NE
RIEN
ECRIRE



لا تكتب هنا

III- Calculer :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{4x^2 + x - 1} - 2x =$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x - 2} - \sqrt{3x^2 + x} =$$

IV- Calculer :

$$\int_0^1 \frac{x}{x^4 + 2x^2 + 1} d(x) =$$

$$\int_0^\pi \cos^4(x) \sin(x) d(x) =$$

V- On considère la suite numérique $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ définie par : $U_0 = 2$ et $\ln(U_{n+1}) = 2 + \ln(U_n)$

1- écrire U_1 en fonction de e .

$$U_1 =$$

2- écrire U_{n+1} en fonction de U_n .

$$U_{n+1} =$$

3- donner le sens de variation de (U_n) .

4- calculer :

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n =$$

N° table :

CONCOURS D'ACCES 2011
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES



Nom et prénom :

Date de naissance : Signature obligatoire :

كل ورقة امتحان لا تحمل اسم المرشح تعتبر لاشية. كل تشطيب أو علامة توضع على الرمز المخطط للورقة تعرض للألغاء المباشر على المرشح التأكد بأن الورقة مطبوعة جيدا من الجهتين.
المدة 30 دقيقة

مباراة الولوج 2011
امتحان الرياضيات



عدد الأسئلة 6

1- نعتبر الدالة f المعرفة بما يلي : $f(x) = 2x^3 - 6\ln(x) + 8$ و C المنحنى الذي يمثلها

$$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) =$$

1- احسب

$$y =$$

2- المنحنى C يقبل مماسا أفقيا. أعط معادلته

3- لتكن الدالة g المعرفة بما يلي : $g(x) = 2|x^3| - 6\ln|x| + 2$ و C' المنحنى الذي يمثلها

3-1. أجب بنعم أو بلا على الاقتراحات التالية:

$$f(x) = g(x) - \text{أ}$$

$$f(x) = g(-x) - \text{ب}$$

$$g(x) = g(-x) - \text{ت}$$

$$f(x) = -g(x) - \text{ث}$$

3-2. أعط النقطة أو النقط $(x, g(x))$ التي تمر منها مماسات أفقية ل C' إن وجدت.

II - لتكن (E) المعادلة التفاضلية:

$$(E): y' = 3y - 6x + 8 + \frac{1}{x} - 3\ln(x)$$

حدد الحدين الحقيقيين a و b بحيث تكون الدالة $h: x \rightarrow ax + b + \ln(x)$ حلا خاصا للمعادلة (E)

$$a = \quad b =$$

NE
RIEN
ECRIRE
ICI

لا تكتب هنا

III - احسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow \sqrt{2}} \frac{x^2 - 2x\sqrt{2} + 2}{x^2 - 2} =$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} x^3 \left(\frac{1}{2x^2} - \frac{1}{2x^2 + 1} \right) =$$

IV - احسب التكاملات الآتية:

$$\int_{-3}^0 (2x+3)e^{x^2+3x} + x^2 dx =$$

$$\int_{\sqrt{2}}^3 \sqrt{10x^2 - x^4} dx =$$

V - ليكن الفضاء E المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقط التالية:

A (12 ; -12 ; 9) B (12 ; 8 ; 24) C (-8 ; 17 ; 12) D (-8 ; -3 ; -3)

ما هي طبيعة الشكل الهندسي ABCD .

VI - صندوق يحتوي على 10 كرات، 6 بيضاء و 4 سوداء. نسحب عشوائياً بالتتابع كرتين (2).

1- احسب الاحتمال P_1 كي تكون الكرتان من نفس اللون، إذا كان السحب بإحلال.

$$P_1 =$$

2- احسب الاحتمال P_2 كي تكون الكرتان من اللون الأبيض، إذا كان السحب بدون إحلال.

$$P_2 =$$

3- احسب الاحتمال P_3 كي تكون كرة واحدة على الأقل من اللون الأبيض، والسحب بدون إحلال.

$$P_3 =$$



N° table :

Nom et prénom :
Date de naissance : Signature obligatoire :

كل ورقة امتحان لا تحمل اسم المرشح تعتبر لاغية. كل تشطيب أو علامة نوضع على الرمز المخطط للورقة تعرض للأصنام المباشر. على المرشح التأكد بأن الورقة مطبوعة جيدا من الجهتين.
العدد 30 بقودة

مباراة الولوج
امتحان الرياضيات



عدد الأسئلة 5

[-] نعتبر الدالة f المعرفة ب:

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x^2 - 6x - 7}{2x + 4} ; x \leq 7 \\ f(x) = (x - a)^2 - 4 ; x > 7 \end{cases}$$

a =

1- حدد قيمة a ($a > 7$) بحيث تكون الدالة f متصلة على اليمين في $x = 7$.

2- نعطي لكل $x \leq 7$ ، $f'(x) = \frac{2x^2 + 8x - 10}{4(x+2)^2}$

اكتب صحيح أو خطأ لكل من الاقتراحات الآتية
a- الدالة f تزايدية في $\forall x \in]-\infty, +5]$

b- منحنى الدالة f يقبل مقاربا معادته $y = \frac{x}{2} - 4$

c- الدالة f تناقصية في $\forall x \in [7; 9]$

3- منحنى الدالة f يقبل ثلاث مماسات أفقية في النقط A ، B و C حدد هذه النقط

$A(,)$ $B(,)$ $C(,)$

II - الدالة h معرفة على R ب $h(x) = \ln(e^{2x} + 1)$ و C المنحنى الذي يمثلها

[-] ضع علامة على الاقتراح الصحيح.

لكل عدد حقيقي x ، $h(x)$ يمكن أن يكتب كما يلي

- $h(x) = \ln e^{2x} + \ln x$
 $h(x) = \ln e^{2x}$
 $h(x) = x^2 + \ln(e^{2x} + 1)$
 $h(x) = 2x + \ln(1 + e^{-2x})$
 $h(x) = 2x \ln(1 + e^{-2x})$

2- اكتب صحيح أو خطأ أمام كل من الاقتراحات الآتية

a- الدالة h مركب دالتين تزايديتين قطعا على R

b- محور الأفاصل مقارب ل C في $-\infty$

c- المستقيم $y = 2x$ مقارب ل C في $-\infty$

d- المنحنى C يوجد تحت محور الأفاصل

NE
RIEN
ECRIRE
ICI

لا تكتب هنا

III - احسب

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{x^2+4x-5} =$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x^2+2} - x =$$

IV - احسب:

$$\int_1^3 |2x^2 - 8| dx =$$

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} 3 \cos 4x + 2 \sin 2x dx =$$

V - نعتبر المتتالية (X_n) المعرفة بما يلي
و نضع:

$$X_0 = 40 \quad X_{n+1} = \frac{2}{3} X_n + 10, \forall n \in \mathbb{N}$$

$$U_n = X_n - 30, \forall n \in \mathbb{N}$$

1- اعط طبيعة و اماس (U_n)

اماس (U_n) :

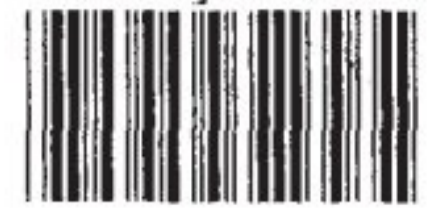
طبيعة (U_n) :

منحى التغير:

2 - اعط منحى تغير (X_n) :

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} (X_n) =$$

3 - احسب:



N° table :

CONCOURS D'ACCES 2010
 EPREUVE DE MATHÉMATIQUES

Nom et prénom :
 Date de naissance : Signature obligatoire :

Le candidat est informé que toute copie ne portant pas le nom du candidat sera éliminée sans possibilité de recours. Le candidat est informé que toute hachure ou marque au stylo du code à barre de cette copie expose à l'élimination systématique de la copie. Le candidat doit s'assurer que cette feuille est bien imprimée recto-verso.
 Durée : 30 mn

CONCOURS D'ACCES 2010
 EPREUVE DE MATHÉMATIQUES



Nombre de questions : 5

I- Soit f, la fonction définie par :
$$\begin{cases} f(x) = \frac{x^2 - 6x - 7}{2x + 4} ; x \leq 7 \\ f(x) = (x - a)^2 - 4 ; x > 7 \end{cases}$$

1- Déterminer la valeur de a (a > 7) pour que la fonction f soit continue à droite en x=7.

a =

2- On donne pour tout $x \leq 7$ $f'(x) = \frac{2x^2 + 8x - 10}{4(x + 2)^2}$

Ecrire vrai ou faux pour chacune des propositions suivantes :

a- La fonction est croissante sur $\forall x \in]-\infty, +5]$

b- La courbe de la fonction f admet une asymptote d'équation $y = \frac{x}{2} - 4$

c- f est décroissante sur $\forall x \in [7; 9]$

3- La courbe de la fonction f admet 3 tangentes horizontales aux points A, B, C. Précisez les.

A(,) B(,) C(,)

II- Soit h la fonction définie sur R par : $h(x) = \ln(e^{2x} + 1)$. On note C sa courbe représentative.

1- Mettre une croix devant la proposition juste. Pour tout réel x, h(x) peut s'écrire :

$h(x) = \ln e^{2x} + \ln x$

$h(x) = \ln e^{2x}$

$h(x) = x^2 + \ln(e^{2x} + 1)$

$h(x) = 2x + \ln(1 + e^{-2x})$

$h(x) = 2x \ln(1 + e^{-2x})$

2- Ecrire Vrai ou Faux devant chacune des propositions suivantes :

a- La fonction h est la composée de 2 fonctions strictement croissantes sur R

b- L'axe des abscisses est asymptote à C en $-\infty$

c- La droite $y = 2x$ est asymptote à C en $-\infty$

d- La courbe C est au dessous de l'axe des abscisses

NE
RIEN
ECRIRE
ICI

لا تكتب هنا

III- Calculer:

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{x^2+4x-5} =$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x^2+2} - x =$$

IV- Calculer :

$$\int_1^3 |2x^2 - 8| dx = \quad \int_0^{\frac{\pi}{2}} 3 \cos 4x + 2 \sin 2x dx =$$

V- On considère la suite (X_n) définie par :

$$X_{n+1} = \frac{2}{3} X_n + 10, \forall n \in \mathbb{N}; X_0 = 40$$

On pose :

$$U_n = X_n - 30, \forall n \in \mathbb{N}$$

1- Donner la nature et la raison de (U_n) :

Nature de (U_n) :

Raison de (U_n) :

2- Donner le sens de variation de (X_n) :

Sens de variation :

3- Calculer :

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} (X_n) =$$



N° table :

Nom et prénom :
Date de naissance : Signature obligatoire :

كل ورقة امتحان لا تحمل اسم المرشح تعتبر لاغية. كل تشطيب أو علامة توضع على الرمز المخطط للورقة تعرض للاقصاء المباشر. على المرشح التأكد بأن الورقة مطبوعة جيدا من الجهتين.
المدة 30 دقا

مباراة الولوج 2009
امتحان الرياضيات



عدد الأسئلة 6

I- نعتبر الدالة f المعرفة بما يلي : $f(x) = \cos^4 x - 2 \cos^2 x$ و C_f هو منحنى الدالة f
1- أعط مجموعة التعريف D_f للدالة f :

$D_f =$

2- أعط معادلة محور التماثل ل C_f :

3- أجب بصحيح أو بخطأ أمام كل من الاقتراحات الآتية

a- الدالة تزايدية في $[0, \pi/4]$

b- $f'(x)$ تنعدم ل $x = \pi$

II - احسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \cos \frac{\frac{\pi}{2}x + 2}{2x - 1} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{3} - \sqrt{x^2 - x}}{\sqrt{2x}} =$$

III- نعتبر الأعداد العقدية التالية :

$$z_1 = 1 - i\sqrt{3}$$

$$z_2 = 1 - i$$

$$Z = \frac{z_1}{z_2}$$

حدد ما يلي:

$|Z| =$

$\text{Arg } Z =$

NE
RIEN
ECRIRE
ICI

لا تكتب هنا

- احسب :

$$\int_0^2 x e^{\frac{-x}{2}} dx =$$

$$\int_0^{\frac{\pi}{4}} x \cos 2x dx =$$

- نعتبر الفلكة (S) المارة من النقطة $A(2,1,1)$ و التي مركزها $\Omega(3,0,1)$ ،

1- أعط شعاع الفلكة (S).

$r =$

2- ليكن المستقيم (D) المعرف بالتمثيل الباراميتري التالي:

$$\begin{cases} x = 3 + t \\ y = -2 - t \\ z = 1 + t \end{cases}$$

التقاطع:

حدد تقاطع (S) و (D):

-VI لدينا سلتان S_1 و S_2 تحتوي كل واحدة منهما على كرات حمراء و أخرى سوداء. S_1 تحتوي على 10 كرات و S_2 على 12 كرة. العدد الإجمالي للكرات السوداء هو 10. نختار عشوائياً سلة و نسحب منها كرة واحدة.

ضع علامة في خانة الإجابة الصحيحة :

1- إذا كان احتمال الحصول على كرة سوداء تنتمي إلى S_1 هو $1/5$ ، إذن S_1 تحتوي على كرتين سوداوان.

صحيح خطأ

2- إذا كان احتمال الحصول على كرة حمراء تنتمي إلى S_2 هو $1/3$ ، إذن S_2 تحتوي على 8 كرات حمراء.

صحيح خطأ

N° table :

CONCOURS D'ACCES 2009
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES



Nom et prénom :

Date de naissance : Signature obligatoire :

Le candidat est informé que toute copie ne portant pas le nom du candidat sera éliminée sans possibilité de recours. Le candidat est informé que toute hachure ou marque au stylo du code à barre de cette copie expose à l'élimination systématique de la copie. Le candidat doit s'assurer que cette feuille est bien imprimée recto verso

Durée : 30 min

CONCOURS D'ACCES 2009
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES



Nombre de questions 6

I- On considère la fonction définie par $f(x) = \cos^4 x - 2 \cos^2 x$ et C_f la courbe représentative de la fonction f .

1) Donner le domaine de définition de f :

$D_f =$

2) Donner l'équation de l'axe de symétrie de C_f :

3) Répondre par **vrai** ou **faux** devant les propositions suivantes :

a- La fonction est croissante sur $[0, \pi/4]$

b- $f'(x)$ s'annule pour $x = \pi$

II- Calculer les limites suivantes :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \cos \frac{\frac{\pi}{2}x + 2}{2x - 1} =$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{3} - \sqrt{x^2 - x}}{\sqrt{2x}} =$$

III- On considère les nombres complexes suivants :

$$z_1 = 1 - i\sqrt{3}$$

$$z_2 = 1 - i$$

$$Z = \frac{z_1}{z_2}$$

Déterminer ce qui suit :

$|Z| =$

$\text{Arg } Z =$



IV- Calculer :

$$\int_0^2 x e^{\frac{-x}{2}} dx =$$
$$\int_0^{\frac{\pi}{4}} x \cos 2x dx =$$

V- On considère la sphère (S) qui passe par le point A(2,1,1) et de centre $\Omega(3,0,1)$.

1- Donner le rayon de la sphère (S).

r =

2- Soit la droite (D) définie par la représentation paramétrique suivante :

$$\begin{cases} x = 3 + t \\ y = -2 - t \\ z = 1 + t \end{cases}$$

Déterminer l'intersection entre (S) et (D) :

L'intersection :

VI - 2 paniers S₁ et S₂ contiennent chacun des boules rouges et des boules noires. S₁ contient 10 boules et S₂ contient 12 boules. Le nombre total de boules noires est 10. On choisit au hasard un panier et on en extrait une boule.

Cocher la case correspondant à la réponse juste.

1- Si la probabilité d'obtenir une boule noire provenant de S₁ est de 1/5, alors S₁ contient 2 boules noires.

Vrai faux

2- Si la probabilité d'obtenir une boule rouge provenant de S₂ est de 1/3, alors S₂ contient 8 boules rouges.

Vrai faux



N° table :

CONCOURS D'ACCES 2008
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES

Nom et prénom :
Date de naissance : Signature obligatoire :

كل ورقة امتحان لا تحمل اسم المرشح تعتبر لاغية. كل تشطيب أو علامة توضع على الرمز المخطط
للورقة تعرض للاقصاء المباشر. على المرشح التأكد بأن الورقة مطبوعة جيدا من الجهتين.
المدة 30



مباراة الولوج 2008
امتحان الرياضيات

عدد الأسئلة 6

I - اكتب على شكل جبري العدد العقدي:

Z =

$$z = \frac{(\sqrt{3}-i)^3}{(1+i)^4}$$

II - احسب معيار و عمدة العدد العقدي:

|Z| =

Arg Z =

$$z = (1-\sqrt{3})e^{\frac{i\pi}{3}}$$

III - نعتبر الدالة المعرفة بما يلي $f(x) = -x\sqrt{16-4x^2}$

اكتب صحيح أو خطأ أمام كل من الاقتراحات الآتية

a - الدالة تزايدية $\forall x \in [-2; -\sqrt{2}]$

b - الدالة تزايدية $\forall x \in [\sqrt{2}; 2]$

c - $f(x)$ تنعدم ل $x = \pm \frac{\sqrt{2}}{2}$

d - $f(x) < 0 \forall x \in [-\sqrt{2}; +\sqrt{2}]$

NE
RIEN
ECRIRE
ICI

لا تكتب هنا

IV- احسب:

$$\lim_{x \rightarrow 0} (4 - 2/x) \ln(1+3x) =$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2\sqrt{x}}{x^3 + 2x - 5} =$$

V- احسب:

$$\int_0^2 \frac{dx}{\sqrt{2-x} \cos^2 \sqrt{2-x}} =$$

$$\int_0^1 \frac{\sqrt{2}(6x^2 + 8x)}{2\sqrt{2}(x^3 + 2x^2)} dx =$$

VI- نعتبر المتتالية (U_n) المعرفة بما يلي : $U_0 = e; U_{n+1} = \sqrt[3]{U_n}, \forall n \in \mathbb{N}$
ونضع : $V_n = \ln(U_n), \forall n \in \mathbb{N}$

$$V_n =$$

1- احسب V_n بدلالة n :

$$U_n =$$

2- استنتج عبارة U_n بدلالة n :

$$P_n =$$

3- نضع : $P_n = U_0 + U_1 + \dots + U_n$ و $S_n = V_0 + V_1 + \dots + V_n$

اكتب عبارة P_n بدلالة S_n

N° table :

CONCOURS D'ACCES 2008
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES



Nom et prénom :

Date de naissance : Signature obligatoire :

Le candidat est informé que toute copie ne portant pas le nom du candidat sera éliminée sans possibilité de recours. Le candidat est informé que toute hachure ou marque au stylo du code à barre de cette copie expose à l'élimination systématique de la copie. Le candidat doit s'assurer que cette feuille est bien imprimée recto-verso.

Durée : 30 mn

CONCOURS D'ACCES 2008
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES



Nombre de questions : 6

I- Ecrire sous forme algébrique le nombre complexe :

$$z = \frac{(\sqrt{3}-i)^3}{(1+i)^4}$$

Z =

II- Calculer le module et l'argument du nombre complexe :

$$z = (1-\sqrt{3})e^{i\frac{\pi}{3}}$$

|Z| =

Arg Z =

III- On considère la fonction définie par : $f(x) = -x\sqrt{16-4x^2}$

Ecrire vrai ou faux devant chacune des propositions suivantes

a- La fonction est croissante $\forall x \in [-2; -\sqrt{2}]$

b- La fonction est croissante $\forall x \in [+ \sqrt{2}; 2]$

c- $f(x)$ s'annule pour $x = \pm \frac{\sqrt{2}}{2}$

d- $f(x) < 0 \forall x \in [-\sqrt{2}; +\sqrt{2}]$

NE
RIEN
ECRIRE
ICI

لا تكتب هنا

IV- Calculer :

$$\lim_{x \rightarrow 0} (4 - 2/x) \ln(1+3x) =$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2\sqrt{x}}{x^3 + 2x - 5} =$$

V- Calculer :

$$\int_0^2 \frac{dx}{\sqrt{2-x} \cos^2 \sqrt{2-x}} =$$

$$\int_0^1 \frac{\sqrt{2}(6x^2 + 8x)}{2\sqrt{2}(x^3 + 2x^2)} dx =$$

VI- On considère la suite (U_n) définie par : $U_0 = e; U_{n+1} = \sqrt[3]{U_n}, \forall n \in \mathbb{N}$

Et on pose :

$$V_n = \ln(U_n), \forall n \in \mathbb{N}$$

1- calculer V_n en fonction de n :

$$V_n =$$

2- déduire l'expression de U_n en fonction de n :

$$U_n =$$

3- on pose : $S_n = V_0 + V_1 + \dots + V_n$ et $P_n = U_0 + U_1 + \dots + U_n$

écrire l'expression de P_n en fonction de S_n .

$$P_n =$$

Concours d'entrée 2007
Epreuve de mathématiques

Anonymat

Nom et prénom :

Date de naissance :

Signature obligatoire :

Concours d'entrée 2007
Epreuve de mathématiques

Anonymat

عدد الأسئلة 6

I نعتبر الدالة المعرفة بما يلي : $f(x) = \frac{e^{-x}}{2x(1-x)}$
1- أعط مجموعة التعريف D_f للدالة f :

$D_f =$

2- احسب نهايات f عند محددات مجموعة التعريف

3- ليكن C منحنى الدالة f . حدد، في حال وجودها، معادلات:

المقاربات المائلة:

المقاربات العمودية:

المقاربات الأفقية:

الاتجاهات المقاربة:

4- دراسة تغيرات الدالة f :

ضع دائرة حول الاقتراح أو الاقتراحات الصحيحة:

a - الدالة تزايدية على $]-\infty, -1-\sqrt{5}]$

b - الدالة تناقصية على $[-1-\sqrt{5}, 0[$

c - الدالة تزايدية على $]1, +\infty[$

d - منحنى f يقبل تقعرات

e - $f'(x)$ لا تنعدم

II - احسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} e^{-x}(4 + 3\text{Log}x) =$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} 2x\text{Log}x - x + 2 =$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 2x^2 + \frac{x}{2} - 1}{3(x^2 - x - 2)} =$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{2x^2 + 1} - \sqrt{2x^2} =$$

III - الفضاء ξ منسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$

1- حدد المجموعة $E = \{M(x, y, z) \in \xi / x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y - 8z + 12 = 0\}$ المجموعة $E =$

2- حدد تقاطع المجموعة E مع المستوى P_1 ذو المعادلة $x - 2y + 2z - 1 = 0$ تقاطع P_1 مع $E =$

3- ليكن P_2 مستوى ذو المعادلة: $2x + y + 2z - 17 = 0$ و P_3 مستوى ذو المعادلة: $3x - 2z = 0$
ضع دائرة حول الاقتراح أو الاقتراحات الصحيحة:
a - المستوى P_2 و المجموعة E لا يقبلان أي تقاطع
b - المستوى P_2 و المجموعة E متماسان
c - المستوى P_3 و المجموعة E متماسان
d - المستوى P_3 و المجموعة E يتقاطعان
e - ليس هناك أي اقتراح صحيح

IV- نعتبر المتتالية (U_n) المعرفة بما يلي: $U_0 = 0; U_{n+1} = \frac{1}{3}U_n - 5; \forall n \in \mathbb{N}$

و نضع المتتالية (W_n) المعرفة بما يلي: $W_n = U_n + \frac{15}{2}; \forall n \in \mathbb{N}$

1- اعط طبيعة المتتالية (W_n) : (W_n)

2- اكتب (W_n) بدلالة n ثم استنتج (U_n) بدلالة n :

$W_n = \dots \dots \dots U_n = \dots \dots \dots$

V - ليكن ABCD رباعي أوجه منتظم ضلعه = 4 و I, J, K منتصفات الأضلاع [BC], [AC], [AD] على التوالي. احسب الجوانب السليمة الآتية:

$\overline{AB} \cdot \overline{AC} =$	$\overline{AI} \cdot \overline{BC} =$
$\overline{IK} \cdot \overline{AD} =$	$\overline{BK} \cdot \overline{CD} =$

VI - لإعداد امتحان الرياضيات، اقترح الأستاذ 6 تمارين ضمنها 4 في الجبر و 2 في الهندسة. تم وضع الأسئلة داخل أغلفة مماثلة.

الإمتحان سيتضمن أربعة تمارين فقط.

طلب من طالب أن يسحب، بالتتابع و بدون إحلال، 4 أغلفة لتكوين الإمتحان.

1- احسب الاحتمال P_1 كي يسحب بالتتابع 3 تمارين في الجبر ثم تمرينا 1 في الهندسة.

$P_1 =$

2- احسب الاحتمال P_2 كي يسحب تمرينا واحدا في الهندسة خلال السحبات الأربع.

$P_2 =$

3- احسب الاحتمال P_3 كي يسحب بالتتابع تمرينين في الهندسة ثم تمرينين في الجبر.

$P_3 =$

Concours d'entrée 2006
Epreuve de mathématiques

Anonymat

Nom et prénom :

Date de naissance :

Signature obligatoire :

Concours d'entrée 2006
Epreuve de mathématiques

Anonymat

عدد الأسئلة 6

I- نعتبر الدالة المعرفة بـ :
 $x^2 - 3x + 3$

$f(x) = \frac{x^2 - 3x + 3}{2x - 2}$ و C_f هو المنحنى الذي يمثل الدالة f

اعط معادلات المقاربات ل C_f :

II- نعتبر الدالة العددية f_m للمتغير الحقيقي x المعرفة بـ:

$$f_m(x) = \frac{x^2 - 4}{4} - \frac{m}{2} \ln \frac{x}{2}$$

1- احسب:

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f_m(x) =$

2- احسب $\lim_{x \rightarrow 0} f_m(x)$ في الحالات التالية

$m < 0 : \lim_{x \rightarrow 0} f_m(x) =$

$m = 0 : \lim_{x \rightarrow 0} f_m(x) =$

$m > 0 : \lim_{x \rightarrow 0} f_m(x) =$

3- حدد الدالة المشتقة $f'_m(x)$

$f'_m(x) =$

4- اتمم، حسب قيمة m ، جدول تغيرات الدالة $f_m(x)$

$m < 0$	$m = 0$	$m > 0$												
<table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr><td style="width: 50%; border: 1px solid black; padding: 2px;">x</td><td style="border: 1px solid black; padding: 2px;"></td></tr> <tr><td style="border: 1px solid black; padding: 2px;">$f_m(x)$</td><td style="border: 1px solid black; padding: 2px;"></td></tr> </table>	x		$f_m(x)$		<table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr><td style="width: 50%; border: 1px solid black; padding: 2px;">x</td><td style="border: 1px solid black; padding: 2px;"></td></tr> <tr><td style="border: 1px solid black; padding: 2px;">$f_m(x)$</td><td style="border: 1px solid black; padding: 2px;"></td></tr> </table>	x		$f_m(x)$		<table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr><td style="width: 50%; border: 1px solid black; padding: 2px;">x</td><td style="border: 1px solid black; padding: 2px;"></td></tr> <tr><td style="border: 1px solid black; padding: 2px;">$f_m(x)$</td><td style="border: 1px solid black; padding: 2px;"></td></tr> </table>	x		$f_m(x)$	
x														
$f_m(x)$														
x														
$f_m(x)$														
x														
$f_m(x)$														

5- اجد النقطة $A(x,y)$ التي تنتمي لكل منحنيات $f_m(x)$:

$A(,)$

-II- نعتبر في المستوى العقدي نقطة M لحقها Z . حدد المجموعة E للنقط M التي تحقق الشرط التالي :

$$|Z - 3 + 4i| = |Z + 6|$$

المجموعة E هي:

-IV- نعتبر في C المعادلة (6) : $Z^4 - 4Z^3 + 14Z^2 - 36Z + 45 = 0$

حل في C المعادلة (6) مع العلم أنها تقبل حلين تخيليين صنفين :

$$Z_2 =$$

$$Z_1 =$$

$$Z_4 =$$

$$Z_3 =$$

-V- نعتبر المتتاليتين $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ و $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفتين كما يلي :

$$U_0 = 0 \quad U_{n+1} = \frac{U_n + 4}{U_n + 1} \quad V_n = \frac{U_n - 2}{U_n + 2}$$

-1- اعط طبيعة المتتالية (V_n) :

-2- اكتب V_n بدلالة n :

$$V_n =$$

-3- احسب :

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n =$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} V_n =$$

-VI- ذهب شخص الى ادارة و يبحث عن مكتب الكتابة. الطابق يتضمن 4 ابواب مماثلة من ضمنها باب الكتابة. حسب الاحتمالات $P(A_1)$, $P(A_2)$, $P(A_3)$, $P(A_4)$ للاحداث التالية:

-1- A_1 : يجد باب الكتابة في التجربة الاولى

$$P(A_1) =$$

-2- A_2 : يجد باب الكتابة في التجربة الثانية

$$P(A_2) =$$

-3- A_3 : يجد باب الكتابة في التجربة الثالثة

$$P(A_3) =$$

-4- A_4 : يجد باب الكتابة في التجربة الرابعة

$$P(A_4) =$$

**Concours d'entrée 2006
Epreuve de mathématiques**

Anonymat

Nom et prénom :

Date de naissance :

Signature obligatoire :

**Concours d'entrée 2006
Epreuve de mathématiques**

Anonymat

Nombre de questions : 6

I- On considère la fonction définie par :

$$f(x) = \frac{x^2 - 3x + 3}{2x - 2} \quad \text{et } C_f \text{ est la courbe représentative de la fonction } f$$

Donner les équations des asymptotes à C_f :

II- On considère la fonction numérique f_m de la variable réelle x définie par:

$$f_m(x) = \frac{x^2 - 4}{4} - \frac{m}{2} \ln \frac{x}{2}$$

1- Calculer

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f_m(x) =$

2- Calculer $\lim_{x \rightarrow 0} f_m(x)$ en 0 dans les cas suivants :

$$m < 0 : \lim_{x \rightarrow 0} f_m(x) =$$

$$m = 0 : \lim_{x \rightarrow 0} f_m(x) =$$

$$m > 0 : \lim_{x \rightarrow 0} f_m(x) =$$

3- Déterminer la fonction dérivée $f'_m(x)$:

$f'_m(x) =$

4- Compléter, suivant les valeurs de m , le tableau de variation de la fonction $f_m(x)$

$m < 0$

x	
$f_m(x)$	

$m = 0$

x	
$f_m(x)$	

$m > 0$

x	
$f_m(x)$	

5- Trouver le point $A(x,y)$ qui appartient à toutes les courbes de $f_m(x)$:

$A(\quad , \quad)$

III- On considère dans le plan complexe un point M d'affixe Z. Déterminer l'ensemble E des points M qui vérifie la condition suivante : $|Z - 3 + 4i| = |Z + 6|$

L'ensemble E est :

IV- On considère dans C l'équation (E) : $Z^4 - 4Z^3 + 14Z^2 - 36Z + 45 = 0$

Résoudre dans C l'équation (E) sachant qu'elle admet 2 solutions imaginaires pures :

$Z_1 =$

$Z_2 =$

$Z_3 =$

$Z_4 =$

V- On considère les suites $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ et $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$ définies comme suit :

$$U_0 = 0 \quad U_{n+1} = \frac{U_n + 4}{U_n + 1}$$

$$V_n = \frac{U_n - 2}{U_n + 2}$$

1- Donner la nature de la suite (V_n) :

2- Ecrire V_n en fonction de n :

3- Calculer : $\lim_{n \rightarrow +\infty} V_n =$

$\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n =$

VI- Un individu se présente à une administration et cherche le secrétariat. Le palier comporte 4 portes identiques dont l'une est celle du secrétariat.

Calculer les probabilités $P(A_1), P(A_2), P(A_3), P(A_4)$ des événements suivants:

1- A_1 : il trouve la porte du secrétariat au 1^{er} essai $P(A_1) =$

2- A_2 : il trouve la porte du secrétariat au 2^{ème} essai $P(A_2) =$

3- A_3 : il trouve la porte du secrétariat au 3^{ème} essai $P(A_3) =$

4- A_4 : il trouve la porte du secrétariat au 4^{ème} essai $P(A_4) =$

NOM ET PRENOM.....
DATE DE NAISSANCE.....
SIGNATURE OBLIGATOIRE.....

CONCOURS D'ENTREE 2005
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES

Entourer les propositions justes

I) Soit la fonction définie par :

$$\begin{cases} f(x) = |x| \ln x^2 & x < 0 \\ f(x) = [x(-x+1)]^{1/2} & 0 \leq x \leq 1 \\ f(x) = (x-1)/(2x-3) & x > 1 \end{cases}$$

1) Entourer la ou les propositions justes :

- A/ Le domaine de définition est $] -\infty, 3/2 [\cup] 3/2, +\infty [$
- B/ Le domaine de définition est $] -\infty, 0 [\cup] 0, 3/2 [\cup] 3/2, +\infty [$
- C/ f est continue pour $x = 0$
- D/ f est dérivable pour $x = 0$
- E/ f est dérivable pour $x = 1$

2) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ est égale à :

- A/ $-\infty$
- B/ $+\infty$
- C/ 0
- D/ 1/2
- E/ Autre réponse

3) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ est égale à :

- A/ $-\infty$
- B/ $+\infty$
- C/ 0
- D/ 1/2
- E/ Autre réponse

4) Entourer la ou les propositions justes :

- A/ $f(x)$ est croissante dans l'intervalle $] -1/e, 0 [$
- B/ $f(x)$ est croissante dans l'intervalle $] 1/2, 1 [$
- C/ L'axe oy est une direction asymptotique de $f(x)$
- D/ La courbe représentative de $f(x)$ admet une demi tangente verticale à gauche de 1
- E/ La courbe représentative de $f(x)$ admet une demi tangente de coefficient directeur $-1/2$ à droite de 1

II) Soit la fonction définie par : $f(x) = x + e^x / (1 + e^x)$

- A/ La courbe représentative de f admet une direction asymptotique au voisinage de $+\infty$
- B/ La courbe représentative de f admet une asymptote d'équation $y = 1 + x$
- C/ La courbe représentative de f admet une asymptote d'équation $y = x$
- D/ La courbe représentative de f admet l'axe des abscisses comme asymptote
- E/ La courbe représentative de f est au dessus de l'asymptote au voisinage de $+\infty$

III) Calculer les intégrales I et J :

$$I = \int_0^{\pi/3} (1/\cos x) dx$$

- A/ $I = 2$
- B/ $I = \pi/3$
- C/ $I = \ln \sqrt{3}$
- D/ $I = \ln(2 + \sqrt{3})$
- E/ Autre réponse

$$J = \int_0^1 \sqrt{1-x^2} dx$$

- A/ $J = 1/2$
- B/ $J = 1$
- C/ $J = \pi/2$
- D/ $J = \pi/4$
- E/ Autre réponse

CONCOURS D'ENTREE 2004
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES

Répondre en entourant les propositions justes.

I) On considère une suite géométrique définie par :

premier terme $u_1 = 16$ et $u_4 = 2$

1- La raison est égale à :

A/ $1/(2\sqrt{2})$

B/ $1/2$

C/ 2

D/ $2\sqrt{2}$

E/ Autre réponse

2- $\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n = u_1 + u_2 + \dots + u_n$ lorsque $n \rightarrow +\infty$ est égale à :

A/ 0

B/ $1/2$

C/ 8

D/ 32

E/ Autre réponse

II) On considère dans \mathbb{C} l'équation : $z^3 + (2-i)z^2 + (i+1)z + 6i + 2 = 0$

1- Cette équation admet une solution réelle :

A/ $z_1 = 2$

B/ $z_1 = 1$

C/ $z_1 = -2$

D/ $z_1 = -1$

E/ $z_1 = 0$

2- Les solutions complexes de cette équation sont :

A/ $z_2 = i - 1$ $z_3 = i + 1$

B/ $z_2 = -i + 2$ $z_3 = i + 2$

C/ $z_2 = 2i - 1$ $z_3 = -i + 1$

D/ $z_2 = 2i - 2$ $z_3 = -i + 2$

E/ Autre réponse

III) On considère le plan (P) définie par le point A (2,1,-1) et son vecteur normal n (1,-2,2)

1- L'équation du plan est :

A/ $2x + y - z = 0$

B/ $x - 2y - 2z + 2 = 0$

C/ $2x + y - z - 4 = 0$

D/ $2x + y - z - 2 = 0$

E/ Autre réponse

2- La distance du point B (-1,-1,1) par rapport au plan est égale à :

A/ $1/9$

B/ $1/3$

C/ 1

D/ 3

E/ Autre réponse

IV) Dans un service de réanimation, une infirmière surveille deux malades. En une heure la probabilité d'intervenir auprès d'un malade est de 0,2 pour le premier et de 0,3 pour le deuxième. Les causes d'intervention auprès des malades sont indépendantes. La probabilité pour que l'infirmière n'intervienne pas pendant une heure est égale à :

A/ $0,06$

B/ $0,66$

C/ $0,5$

D/ $0,44$

E/ Autre réponse

V) On considère la fonction définie par : $f(x) = x - x \ln|x|$

1- Le domaine de définition est :

- A/ $]-\infty, +\infty[$
- B/ $]-\infty, 0[$
- C/ $]0, +\infty[$
- D/ $]-\infty, 0[\cup]0, +\infty[$
- E/ Autre réponse

2- $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ lorsque x tend vers $+\infty$ est égale à :

- A/ 1
- B/ 0
- C/ $-\infty$
- D/ $+\infty$
- E/ Autre réponse

3- $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ lorsque x tend vers 0^+ est égale à :

- A/ 1
- B/ 0
- C/ $-\infty$
- D/ $+\infty$
- E/ Autre réponse

4- La dérivée $f'(x)$ est égale à :

- A/ $]-\infty, +\infty[$ $f'(x) = \ln x$
- B/ $]-\infty, 0[$ $f'(x) = 2 - \ln(-x)$
- C/ $]-\infty, 0[$ $f'(x) = -\ln x$
- D/ $]0, +\infty[$ $f'(x) = -\ln x$
- E/ Autre réponse

5- L'équation de la tangente au point d'abscisse $x = e$ est :

- A/ $y = x + 2e$
- B/ $y = -x + 2e$
- C/ $y = -x + e$
- D/ $y = x$
- E/ Autre réponse

6- Entourer la ou les propositions justes :

- A/ $f'(x)$ positive sur l'intervalle $]1, +\infty[$
- B/ $f(x)$ est croissante dans l'intervalle $]0, 1[$
- C/ $f(x)$ est croissante dans l'intervalle $]1, +\infty[$
- D/ l'axe des ordonnées est une direction asymptotique de la courbe représentative de $f(x)$
- E/ la droite d'équation $x = 0$ est un axe de symétrie de la courbe représentative de $f(x)$

7- L'intégrale entre (1) et (e) de $(\int_1^e x \ln x \, dx)$ est égale à :

- A/ e
- B/ $e + 1$
- C/ $1/2$
- D/ $(e^2 + 1) / 4$
- E/ Autre réponse

NOM ET PRENOM.....
DATE DE NAISSANCE.....
SIGNATURE OBLIGATOIRE.....

CONCOURS D'ENTREE 2003
EPREUVE DE MATHÉMATIQUES

Anonymat

عدد الأسئلة : 6
(1) تعتبر العدد العقدي :

$$Z = \frac{(\sqrt{2}-1) + i(\sqrt{2}+1)}{\sqrt{2} + i}$$

$Z =$
 $|Z| =$ $\text{Arg}Z =$
 $n =$

- حدد الشكل الجبروي لـ Z

- حسب معيار و عدد Z

- حدد n لكي يكون Z^n عدد خيالي محض

$Z' =$ $Z'' =$

(2) حل المعادلة العنقبة ($Z \in \mathbb{C}$)
 $Z^2 - 2Z \sin \theta + 2 \sin^2 \theta = 0$
 θ پارامتر حقيقي بحيث $\theta \in [-\pi, +\pi]$
- حدد معيار و عدد Z' و Z''

$\|Z'\| =$ $\|Z''\| =$

 $\text{Arg } Z' =$ $\text{Arg de } Z'' =$

(3) حل المعادلة التفاضلية $y'' - 5y' + 6y = 3 \cos(2x - \pi/2)$

$y_0(x) =$
 $y(x) =$

- إعط حلا خاصا للمعادلة

- إعط الحل العام للمعادلة

(4) تعتبر النقط $A(-1/2, 0, 0)$, $B(1/2, 0, 0)$, $C(0, 1, 0)$ و النقطة M من الفضاء

- إعط احداثيات المتجهة $\vec{MA} \wedge \vec{MB}$

- إعط احداثيات النقطة M_0 بحيث :

$$\vec{M_0A} \wedge \vec{M_0B} = \vec{M_0C}$$

- أوجد مجموعة النقط M في المستوى (yoz) التي تحقق :

$$\vec{MA} \wedge \vec{MB} = \vec{MC}$$

$$f(x) = \frac{e^x - 1}{e^x + 1}$$

(5) نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة بـ

$$D =$$

$$f'(x) =$$

- حدد مجال تعريف $f(x)$

- حدد الدالة المشتقة $f'(x)$

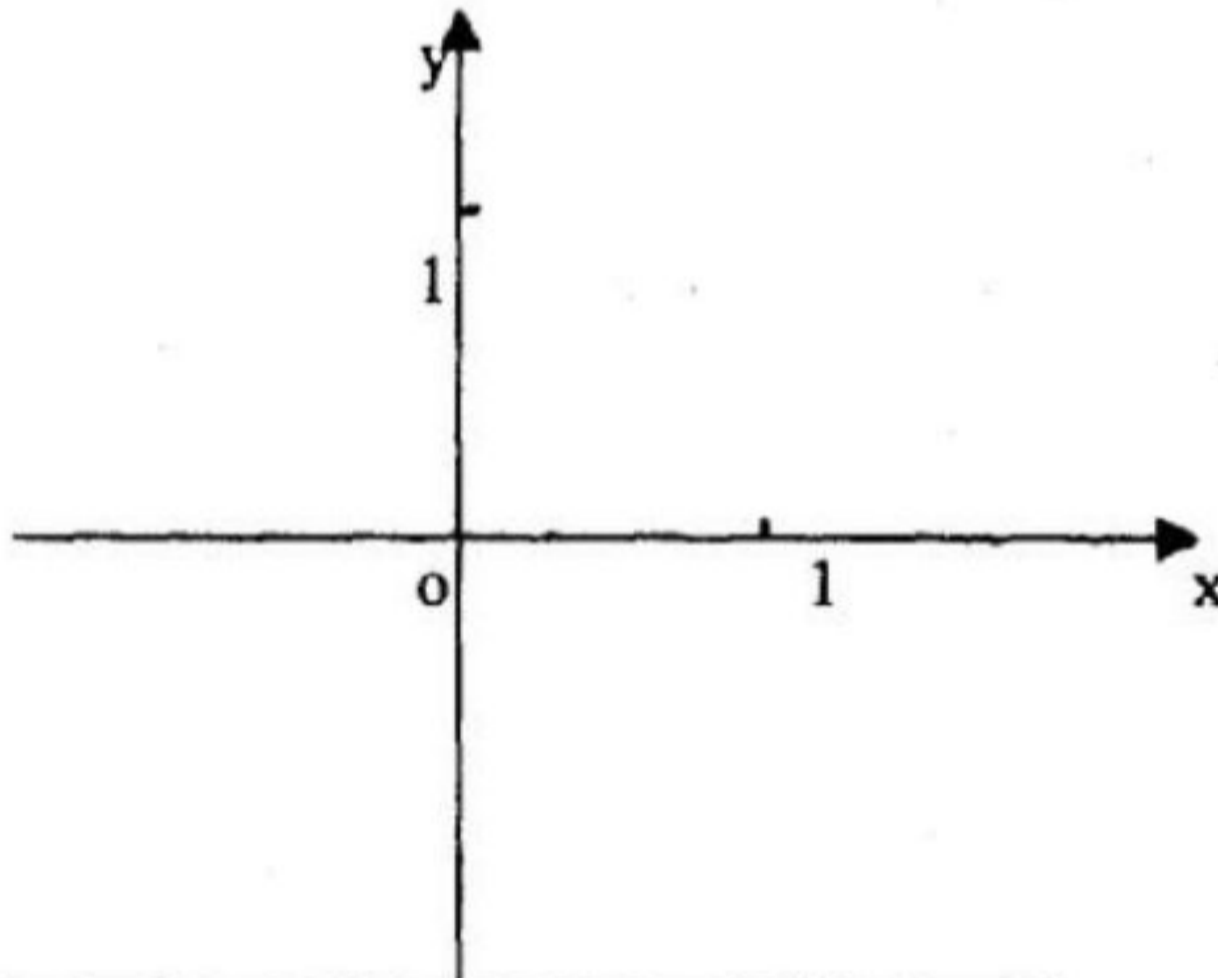
x	
$f'(x)$	
$f(x)$	

- إعط جدول تغيرات f

$$y =$$

- إعط معادلة المماس بالنقطة $A(0,0)$

- تمثيل مبياني للدالة $f(x)$ و المماس بالنقطة A



$$\text{اثبت}$$

$$f^{-1}(x) =$$

$$x \in$$

- اثبت وجود دالة عكسية للدالة f

- إعط الدالة العكسية و حدد مجال تعريفها

- تمثيل مبياني للدالة $f^{-1}(x)$ بخط متقاطع

(6) يحتوي صندوق على 6 كرات بيضاء مرقمة من 1 الى 6 و 5 كرات سوداء مرقمة من 1 الى 5. نسحب عشوائيا تاليا 4 كرات من الصندوق. جميع الكرات لها نفس الإحتمال للسحب

$$N_1 =$$

$$N_2 =$$

$$p =$$

- حدد عدد السحبات N_1 الممكنة

- ما هو عدد السحبات N_2 المكونة من كرة واحدة سوداء و 3 كرات بيضاء

- احسب احتمال الحصول على 4 كرات بيضاء (p)

Anonymat

NOM ET PRENOM.....
DATE DE NAISSANCE.....
SIGNATURE OBLIGATOIRE.....

Anonymat

Nombre de questions :6

$$Z = \frac{(\sqrt{2}-1) + i(\sqrt{2}+1)}{-\sqrt{2} + i}$$

1) On considère le nombre complexe : $Z =$

- Ecrire Z sous forme algébrique
- Donner le module et l'argument de Z
- Déterminer n pour que Z soit imaginaire pure

$Z =$	
$ Z =$	$\text{Arg}Z =$
$n =$	

2) Résoudre l'équation complexe ($Z \in \mathbb{C}$)
 $Z^2 - 2Z\sin\theta + 2\sin^2\theta = 0$
 θ est un paramètre réel tel que $\theta \in [-\pi, +\pi]$
 - Déterminer les modules et arguments de Z' et Z'' .

$Z' =$	$Z'' =$
--------	---------

$\ Z'\ =$	$\ Z''\ =$
$\text{Arg } Z' =$	$\text{Arg de } Z'' =$

3) Résoudre l'équation différentielle : $y'' - 5y' + 6y = 3 \cos(2x - \pi/2)$

- Donner une solution particulière
- Donner la solution générale

$y_0(x) =$	
$y(x) =$	

4) Soient les points $A(-1/2, 0, 0)$, $B(1/2, 0, 0)$, $C(0, 1, 0)$, et un point M de l'espace

- Donner les composantes du vecteur $\vec{MA} \wedge \vec{MB}$
- Donner les composantes du point M_0 tel que :
 $\vec{M_0A} \wedge \vec{M_0B} = \vec{M_0C}$
- Déterminer l'ensemble des points M dans le plan (yoz) tels que :

$$\vec{MA} \wedge \vec{MB} = \vec{MC}$$

5) On considère la fonction numérique f de la variable réelle x , définie par :

$$f(x) = \frac{e^x - 1}{e^x + 1}$$

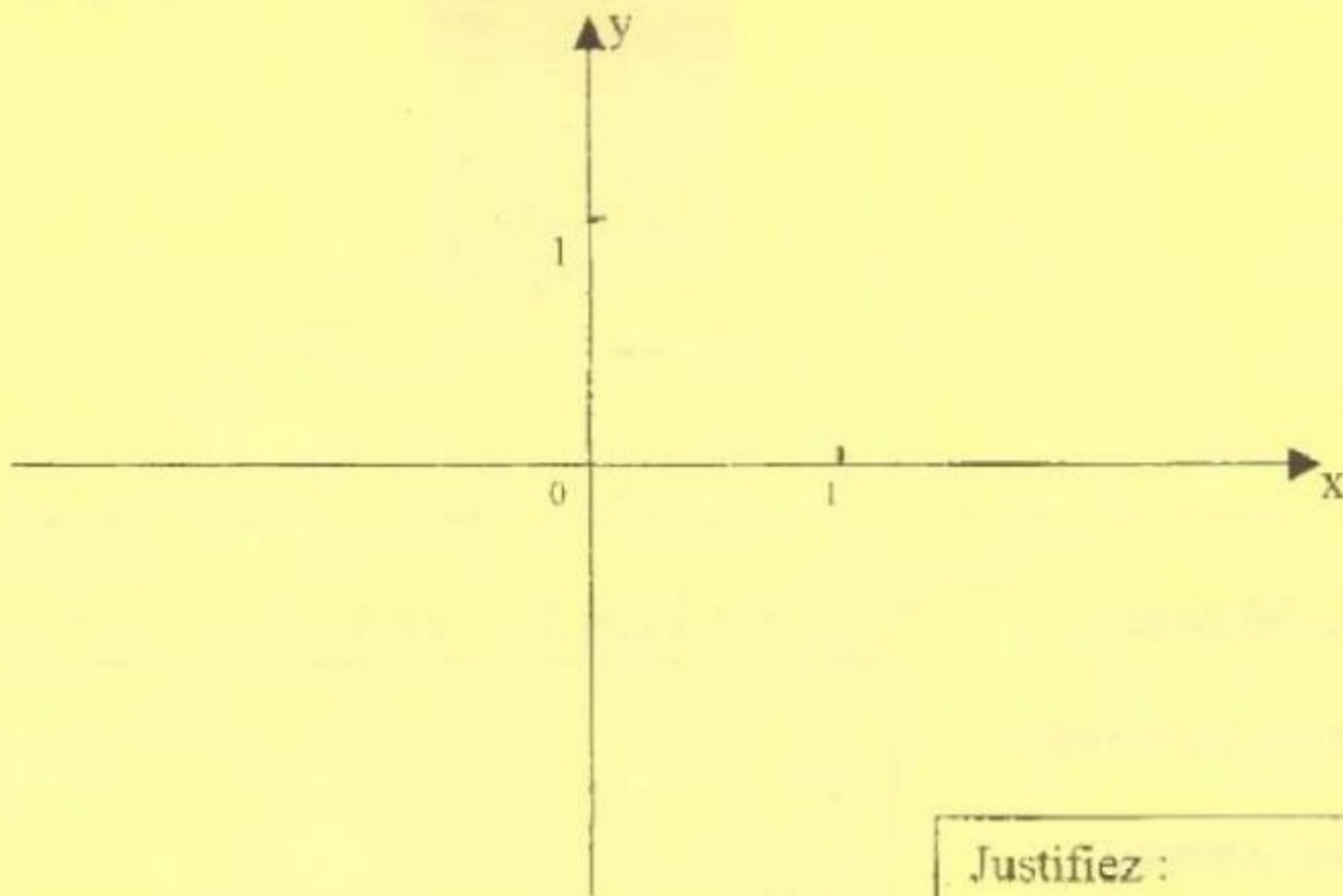
- Donner le domaine de définition :
- Calculer la dérivée $f'(x)$:
- Donner le tableau de variation de f :

$D =$
$f'(x) =$

x	
$f'(x)$	
$f(x)$	

- Donner l'équation de la tangente au point $A(0,0)$
- Représentation graphique de la tangente au point A et de $f(x)$

$y =$



- Justifiez l'existence d'une fonction réciproque de f
- Donner la fonction réciproque et son domaine de définition
- Représenter graphiquement $f^{-1}(x)$ [en traits pointillés]

Justifiez :
$f^{-1}(x) =$
$x \in$

6) Une urne contient 6 boules blanches numérotées de 1 à 6 et 5 boules noires numérotées de 1 à 5. On tire au hasard et simultanément 4 boules de l'urne. Toutes les boules ont la même probabilité d'être tirées.

- Déterminer le nombre N_1 de tirages possibles
- Déterminer le nombre N_2 de tirages possibles donnant 3 boules blanches et une boule noire
- Calculer la probabilité p d'avoir 4 boules blanches

$N_1 =$
$N_2 =$
$p =$